

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية  
وزارة التربية الوطنية  
الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

دورة: 2024

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

الشعبة: رياضيات، تقني رياضي

المدة: 04 سا و 30 د

اختبار في مادة: العلوم الفيزيائية

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين:

الموضوع الأول

يحتوي الموضوع على (05) صفحات (من الصفحة 1 من 10 إلى الصفحة 5 من 10)

الجزء الأول: (14 نقطة)

التمرين الأول: (04 نقاط)



جامع الجزائر

يُعدُّ جامع الجزائر من أهمّ المنشآت المعماريّة في الجزائر، فهو ثالث أكبر مسجد في العالم، يتّسع لأكثر من 120 ألف مُصلٍّ ومن معالمه المميّزة مُنذنته (صومعته) الّتي تُعدُّ الأعلى في العالم.

يهدف هذا التمرين إلى تحديد ارتفاع مُنذنة جامع الجزائر بطريقتين.

بعد زيارة مدرسيّة لجامع الجزائر، طلب الأستاذ عند عودة تلاميذه إلى الثّانوية تحديد ارتفاع مُنذنة جامع الجزائر بطريقتين مختلفتين حسب ما درسه في وحدة تطوّر جملة ميكانيكيّة.

معطيات:

◀ نهمل تأثير دافعة أرخميدس وقوى الاحتكاك مع الهواء؛

◀ نعتبر الكريّة المعدنيّة نقطة ماديّة؛

◀ شدّة شعاع حقل الجاذبيّة الأرضيّة:  $g = 9,80 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$

الطريقة الأولى:

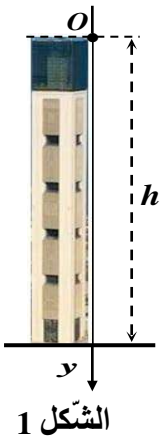
تُترَكُ كُريّة معدنيّة كتلتها  $m$  لتسقط في الهواء شاقوليّا في لحظة  $t = 0$  نعتبرها مبدأ للأزمنة وبدون سرعة ابتدائيّة من النّقطة  $O$  أعلى المُنذنة الّتي تمثّل مبدأ المحور  $(Oy)$  الموجّه نحو الأسفل والمرتبّط بمرجع الدّراسة كما في الشّكل 1.

1. ما نوع هذا السّقوط؟ برّر إجابتك.

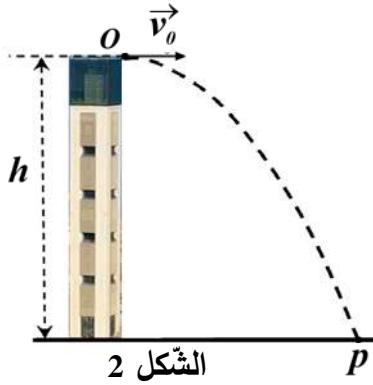
2. بتطبيق القانون الثّاني لنيوتن، جدّ المعادلة التفاضليّة الّتي تحقّقها الفاصلة  $y(t)$  لموضع الكريّة.

3. علما أنّ سرعة ارتطام الكريّة بسطح الأرض تساوي  $72,11 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$ .

جد  $h$  ارتفاع المُنذنة.



### الطريقة الثانية:



الشكل 2

تُقَدَّفُ الكُرَيَّةُ السَّابِقَةُ في لحظة  $t = 0$  نعتبرها مبدأ للأزمنة وبسرعة ابتدائية أفقية  $\vec{v}_0$  من النقطة  $O$  أعلى المُنْدَنَةِ لترتطم بسطح الأرض في نقطة  $P$  (الشكل 2).

المنحنى البياني  $E_c = f(t^2)$  (الشكل 3) يمثل تطوّر الطاقة الحركية للكُرَيَّةِ بدلالة مربع الزمن بين لحظتي قذف الكُرَيَّةِ وارتطامها بسطح الأرض.

1. تُعْطَى العبارة اللحظية للطاقة الحركية  $E_c(t)$  للكُرَيَّةِ:

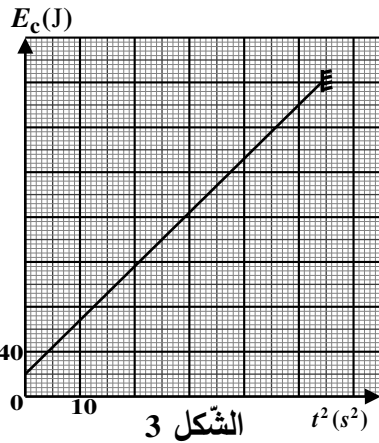
$$E_c(t) = \frac{1}{2} m g^2 t^2 + \frac{1}{2} m v_0^2$$

باستغلال المنحنى البياني (الشكل 3)، تَحَقَّقْ أَنْ: كتلة الكُرَيَّةِ  $m = 100 \text{ g}$

2. بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة على الجملة (كُرَيَّة) بين الموضعين

$O$  و  $P$ ، واستغلال المنحنى البياني (الشكل 3)، استنتج ارتفاع مُنْدَنَةِ

جامع الجزائر ( $h$ ).



الشكل 3

### التّمرين الثاني: (04 نقاط)

يستعمل أخصّاء الطّب النووي التّاليوم  $^{201}\text{Tl}$  في تقنيّات التّصوير النووي للقلب. يُحَقِّقُ المريض بجرعة من محلول كلور التّاليوم  $^{201}\text{Tl}$ ، ليقوم بعدها بجهد بدني يتمّ خلاله تسجيل صور لقلبه.

يهدف التّمرين إلى دراسة عيّنة مُشعّة من التّاليوم مُستخدمة في التّصوير الطّبي.

معطيات:

$$\leftarrow \text{ زمن نصف العمر: } t_{1/2} \left( ^{201}\text{Tl} \right) = 73 \text{ heures} \quad ; \quad t'_{1/2} \left( ^{202}\text{Tl} \right) = 294 \text{ heures}$$

$$\leftarrow \text{ ثابت أفوغادرو: } N_A = 6,02 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1}$$

$$\leftarrow \text{ الكتلة الموليّة للتّاليوم } ^{201}\text{Tl}: M = 201 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$$

1. نواة التّاليوم  $^{201}\text{Tl}$  ذات نمط إشعاعي  $\beta^+$ ، تتفكك معطية نواة الزئبق  $\text{Hg}$  مع إصدار إشعاع  $\gamma$ .

1.1. عرّف النّشاط الإشعاعي.

2.1. اكتُب معادلة تفكك نواة التّاليوم  $^{201}\text{Tl}$ .

2. تلقت مصالحي الطّب النووي لمستشفى يوم الأربعاء على الساعة 8 صباحا قارورة من محلول كلور التّاليوم  $^{201}\text{Tl}$

نشاطها  $153,9 \times 10^6 \text{ Bq}$  ليتم استعمالها لإجراء عملية تصوير لمريض يوم الخميس على الساعة 8 صباحا

حيث يتلقّى المريض حقنة من المحلول المشع نشاطها  $11 \times 10^7 \text{ Bq}$ .

1.2. احسب قيمة النّشاط  $A(t)$  للمحلول المشع لحظة استعماله.

2.2. هل نشاط العيّنة كاف لإجراء عمليّة التّصوير الطّبي للمريض؟

3. في الحقيقة محلول الثاليوم المستعمل يوم الأربعاء الساعة 8 صباحا يحتوي على نظير آخر هو الثاليوم 202 حيث أنّ النسبة بين  $A_{02}$  نشاط الثاليوم 202 و  $A_{01}$  نشاط الثاليوم 201 في المحلول هذا اليوم تساوي  $\frac{A_{02}}{A_{01}} = 0,005$ .

1.3. بالاعتماد على قانون تناقص النشاط الإشعاعي، بين أنّ النسبة  $\frac{A_{81}^{(202\text{TI})}}{A_{81}^{(201\text{TI})}}$  تكتب في كل لحظة بالعلاقة:

$$\frac{A_{81}^{(202\text{TI})}}{A_{81}^{(201\text{TI})}} = 0,005 \times e^{1,982 \times 10^{-6} t}$$

2.3. لا يُمكن استخدام هذا المحلول إلا إذا كانت النسبة بين نشاط الثاليوم 202 ونشاط الثاليوم 201 أقل من 2%. جد المدة الزمنية التي من أجلها تصبح القارورة غير صالحة للاستخدام.

التمرين الثالث: (06 نقاط)

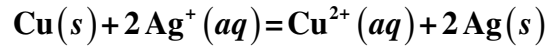
يهدف هذا التمرين إلى الدراسة الحركية لتفاعل أكسدة-إرجاع واشتغال عمود.

أولاً: الدراسة الحركية لتفاعل أكسدة-إرجاع

تعطى: الكتلة المولية للنحاس:  $M(\text{Cu}) = 63,5 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$

في اللحظة  $t = 0$ ، نضع في بيشر محلولاً عديم اللون لنترات الفضة  $(\text{Ag}^+(aq) + \text{NO}_3^-(aq))$  حجمه  $V = 100 \text{ mL}$  وتركيزه المولي  $c$  ثمّ نغمس فيه سلكاً من النحاس التقي كتلته  $m = 6,35 \text{ g}$ . نلاحظ تلون المحلول تدريجياً باللون الأزرق وظهور شعيرات من الفضة على السلك النحاسي.

يُتمّذج التحوّل الكيميائي الحادث بتفاعل كيميائي معادلته:



1. على ماذا يدلّ ظهور اللون الأزرق؟

2. المتابعة الزمنية لهذا التفاعل الكيميائي مكنتنا من الحصول على

المنحنى البياني المُمثّل لتطور التركيز المولي لشوارد النحاس

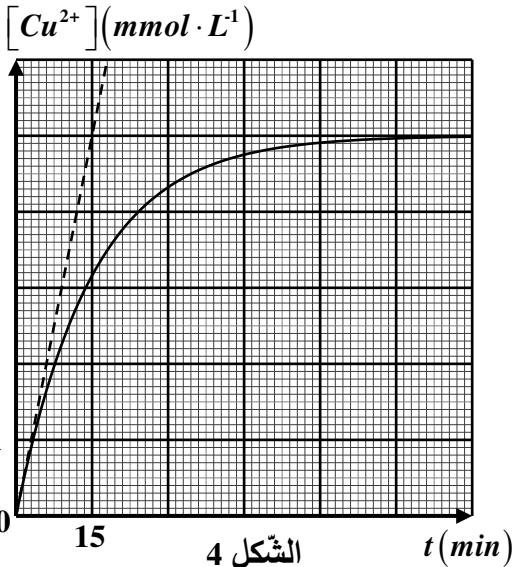
الثنائي بدلالة الزمن  $[Cu^{2+}] = f(t)$  (الشكل 4).

1.2. صنّف التحوّل من حيث المدة الزمنية المستغرقة لحدوثه.

2.2. أنشئ جدولاً لتقدّم التفاعل الحادث.

3.2. حدّد قيمة التقدّم النهائي للتفاعل ثمّ استنتج المتفاعل المحد.

3. احسب السرعة الحجمية للتفاعل في اللحظة  $t = 0$ .



ثانياً: اشتغال عمود

إنّ التغيّر في الطاقة الداخلية لجملة كيميائية خلال تفاعل أكسدة-إرجاع بتحويل إلكتروني مباشر لا يمكن الاستفادة منه عملياً، لذلك نلجأ إلى تحقيق تحويل إلكتروني غير مباشر في الأعمدة الكهروكيميائية.

معطيات:

← ثابت التوازن الكيميائي للتفاعل الحادث  $\text{Pb}^{2+}(aq) + \text{Sn}(s) = \text{Pb}(s) + \text{Sn}^{2+}(aq)$  هو  $K = 2,18$ ؛

← الكتلة المولية للرصاص:  $M(\text{Pb}) = 207,2 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$ .

نُحَقَّق عند درجة حرارة  $25^{\circ}\text{C}$  عمودا كهروكيميائيًا يتشكّل من نصفين:

- النّصف الأول: صفيحة من الرّصاص **Pb** مغمورة في محلول نترات الرّصاص  $(\text{Pb}^{2+}(\text{aq}) + 2\text{NO}_3^{-}(\text{aq}))$  حجمه  $V_1 = 50\text{mL}$  وتركيزه المولي بشوارد الرّصاص  $[\text{Pb}^{2+}] = 3 \times 10^{-2} \text{mol} \cdot \text{L}^{-1}$ .

- النّصف الثّاني: صفيحة من القصدير **Sn** مغمورة في محلول نترات القصدير  $(\text{Sn}^{2+}(\text{aq}) + 2\text{NO}_3^{-}(\text{aq}))$  حجمه  $V_2 = 50\text{mL}$  وتركيزه المولي بشوارد القصدير  $[\text{Sn}^{2+}] = 2 \times 10^{-2} \text{mol} \cdot \text{L}^{-1}$ .

نوصل نصفي العمود عن طريق جسر ملحي يحتوي على محلول نترات البوتاسيوم  $(\text{K}^{+}(\text{aq}) + \text{NO}_3^{-}(\text{aq}))$ ، ونربط بين طرفي العمود المتشكّل ناقلا أوميًا وقاطعة **K**.

نغلق القاطعة **K** في اللحظة  $t = 0$ ، فيسري في الدّارة تيار كهربائي شدّته ثابتة.

1. احسب كسر التّفاعل الابتدائي  $Q_{r,i}$ .

2. استنتج جهة التطوّر التّلقائي للجملة الكيميائية أثناء اشتغال العمود.

3. اكتب المعادلتين النّصفيتين للتّفاعلين الحادثين بجوار المسريين.

4. أعط الرّمز الاصطلاحي لهذا العمود.

5. بعد مدّة زمنية  $\Delta t$  من اشتغال العمود يصبح:

$$[\text{Sn}^{2+}] = 3,428 \times 10^{-2} \text{mol} \cdot \text{L}^{-1} \quad \text{و} \quad [\text{Pb}^{2+}] = 1,572 \times 10^{-2} \text{mol} \cdot \text{L}^{-1}$$

1.5. احسب قيمة كسر التّفاعل  $Q_r$  في هذه اللّحظة.

2.5. هل يستمر اشتغال العمود بعد مرور هذه المدّة الزّمنية؟ برّر إجابتك.

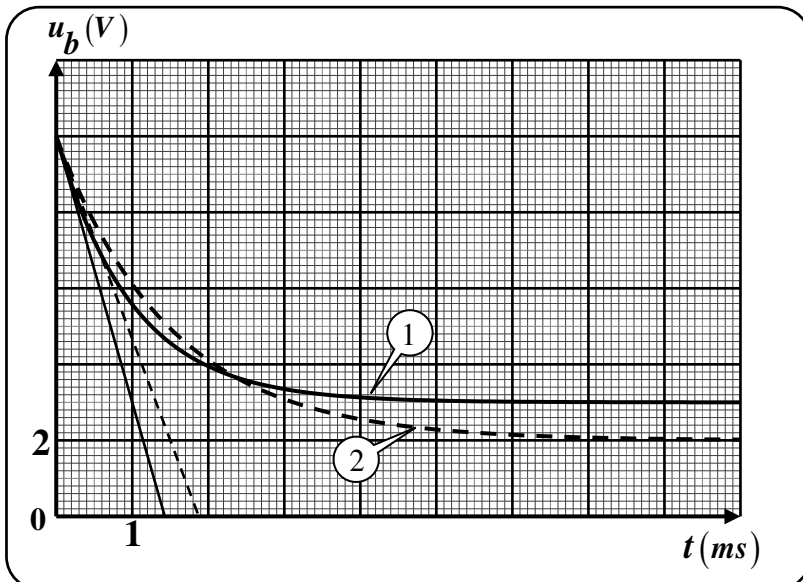
الجزء الثّاني: (06 نقاط)

التّمرين التّجريبي: (06 نقاط)

يهدف هذا التّمرين إلى إبراز تأثير ذاتية وشيعة على مدّة بلوغ النّظام الدائم.

الوثيقة 02: تطوّر التوتّر بين طرفي الوشيعة التحريضية  $u_b(t)$

الوثيقة 01: الوسائل الصّورية



▪ مولد توتّر كهربائي مثالي قوّته المحرّكة

الكهربائية  $E$

▪ ناقل أومي مقاومته  $R_1 = 70\Omega$

▪ ناقل أومي مقاومته  $R_2 = 80\Omega$

▪ وشيعة ذاتيتها  $L_1$  ومقاومتها  $r_1 = 30\Omega$

▪ وشيعة ذاتيتها  $L_2$  ومقاومتها  $r_2 = 20\Omega$

▪ أسلاك توصيل

▪ قاطعة **K**

▪ تجهيز التّجريب المدعّم بالحاسوب

1. نُحَقِّق دارة كهربائية كما في الشكل 5.

نغلق القاطعة  $K$  في اللحظة  $t = 0$ .

1.1. أعد رسم الدارة الكهربائية مبينا عليها جهة التيار وأسهم مختلف التوتّرات الكهربائية.

2.1. بتطبيق قانون جمع التوتّرات، جِد المعادلة التفاضلية التي تُحَقِّقها شدة التيار  $i(t)$  في الدارة.

3.1. تَقَبَّل المعادلة التفاضلية حلاً من الشكل:  $i(t) = I_0 \left( 1 - e^{-\frac{1}{\tau} \cdot t} \right)$ ،

حيث:  $I_0$  الشدة العظمى للتيار الكهربائي المار في الدارة و  $\tau$  ثابت الزمن.

بين أن التوتّر الكهربائي بين طرفي الوشيعية يكتب بالعلاقة:  $u_b(t) = I_0 \left( r + R e^{-\frac{1}{\tau} \cdot t} \right)$

2. بغرض إبراز تأثير ذاتية وشيعة على مدة بلوغ النظام الدائم في دارة  $RL$  على التسلسل، نتابع تطوّر التوتّر الكهربائي بين طرفي الوشيعية التّحريضية للدارة السابقة (الشكل 5) باستعمال الوسائل المذكورة في الوثيقة 01 وهذا بإنجاز التّجربتين 01 و 02 الموليتين:

المولد	النّاقل الأومي	الوشيعية	
$E(V)$	$R_1 = 70 \Omega$	$b_1(L_1, r_1 = 30 \Omega)$	التّجربة رقم 01
$E(V)$	$R_2 = 80 \Omega$	$b_2(L_2, r_2 = 20 \Omega)$	التّجربة رقم 02

نغلق القاطعة  $K$  في لحظة نعتبرها مبدأً للأزمنة  $t = 0$  في كلّ تجربة، ونتابع تطوّر التوتّر  $u_b(t)$  بين طرفي

الوشيعية عن طريق تجهيز التّجريب المدعّم بالحاسوب ( $ExAO$ ) فنحصّل على المنحنيين ① و ② (الوثيقة 02).

1.2. اشرح معتمداً على الوثيقة 02، كيف يتطوّر التوتّر بين طرفي الوشيعية.

2.2. هل نتحصّل على نفس شدة التيار الكهربائي في النظام الدائم في التّجربتين؟ علّل.

3.2. المنحنى ① يوافق  $u_{b1}(t)$  (التجربة رقم 01). علّل.

4.2. حدّد بيانياً قيمة كل من:

-  $E$  القوة المحرّكة الكهربائية للمولد.

- ثابتي الزمن  $\tau_1$  (التجربة رقم 01) و  $\tau_2$  (التجربة رقم 02).

5.2. استنتج قيمتي  $L_1$  و  $L_2$ .

6.2. برّر سبب تأخر بلوغ النظام الدائم في التجربة رقم 02 عن التجربة رقم 01.

## الموضوع الثاني

يحتوي الموضوع على (05) صفحات (من الصفحة 6 من 10 إلى الصفحة 10 من 10)

الجزء الأول: (14 نقطة)

التمرين الأول: (04 نقاط)



صخرة المونازيت

الثوريوم عنصر معدني مشع رمزه الكيميائي Th وعدده الشحني 90، يَحْتَلُّ المرتبة التاسعة والثلاثين من حيث نسبة تواجده في القشرة الأرضية. توجد أكبر الترسبات لأكسيد الثوريوم في صخور المونازيت. للثوريوم عدة نظائر منها الثوريوم 232 وهو نظير طبيعي مشع نصف عمره حوالي 14 مليار سنة، فهو النظير الأول في عائلته الإشعاعية.

يهدف هذا التمرين إلى دراسة بعض الخواص الإشعاعية لعنصر الثوريوم.

معطيات:

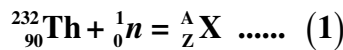
$$\leftarrow \text{ زمن نصف عمر اليورانيوم 234: } t_{1/2}({}^{234}_{92}\text{U}) = 2,455 \times 10^5 \text{ ans}$$

$$\leftarrow m({}^1_0n) = 1,00866u \quad ; \quad 1u = 931,5 \text{ MeV} / c^2$$

النظير	${}^{233}_{92}\text{U}$	${}^{137}_{54}\text{Xe}$	${}^{94}_{38}\text{Sr}$
الكتلة (u)	233,03963	136,91156	93,91536

### 1. الثوريوم 232 والانشطار النووي

1.1. نفذ نواة الثوريوم 232 بنيترين فينتج النظير  ${}^A_Z\text{X}$  وفق معادلة التفاعل التالي:



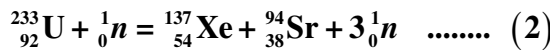
1.1.1. عرّف تفاعل الانشطار النووي.

2.1.1. هل التفاعل رقم (1) هو تفاعل انشطار نووي؟ برّر إجابتك.

3.1.1. أكمل المعادلة رقم (1).

2.1. يتفكك النظير  ${}^A_Z\text{X}$  بدوره تفككين متتاليين ومتماثلين، فينتج النظير  ${}^{233}_{92}\text{U}$ .

ينشطر اليورانيوم  ${}^{233}_{92}\text{U}$  عند قذفه بنيترين وفق المعادلة التالية:



احسب الطاقة المتحررة عن انشطار النواة  ${}^{233}_{92}\text{U}$ .

### 2. الثوريوم 230 والتأريخ

ينتج الثوريوم 230 عن تفكك اليورانيوم 234 ويتواجد النظيران السابقان في الترسبات البحرية في المحيطات والبحار.

تستخدم النسبة بين النظيرين في تحديد عمر الصخور والترسبات البحرية.

1.2. اكتب معادلة تفكك اليورانيوم 234 وحدد نمط التفكك الحادث.

2.2. تحتوي عينة من صخرة مرجانية في اللحظة  $t$  على عدد من أنوية الثوريوم  $^{230}_{90}\text{Th}$  230 وعدد من أنوية اليورانيوم  $^{234}_{92}\text{U}$  234 ، علما أن أنوية الثوريوم  $^{230}_{90}\text{Th}$  230 تنتج فقط عن تفكك أنوية اليورانيوم  $^{234}_{92}\text{U}$  234 المتواجدة في الصخرة.

1.2.2. دكّر بقانون التناقص الإشعاعي.

2.2.2. بين أن النسبة بين عدد أنوية الثوريوم  $^{230}_{90}\text{Th}$  230 إلى عدد من أنوية اليورانيوم  $^{234}_{92}\text{U}$  234

$$\frac{N(^{230}_{90}\text{Th})}{N(^{234}_{92}\text{U})} = e^{\lambda t} - 1$$

تعطى بالعبارة:

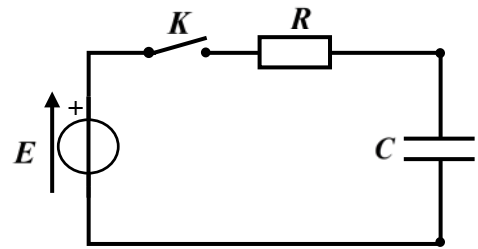
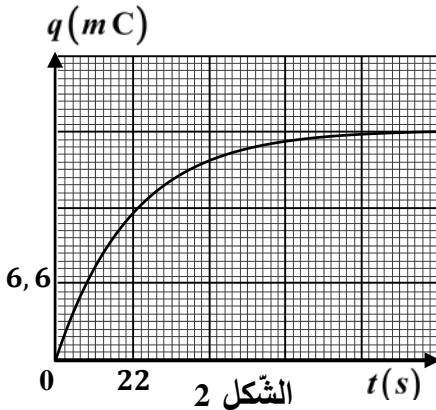
3.2.2. احسب عمر الصخرة المرجانية من أجل:  $\frac{N(^{230}_{90}\text{Th})}{N(^{234}_{92}\text{U})} = \frac{3}{4}$

التمرين الثاني: (04 نقاط)

تستخدم المكثفات في عدّة أجهزة كهربائية بسبب قدرتها على تخزين الطاقة الكهربائية منها أجهزة الإنذار المتعلقة بفتح وغلق الأبواب.

تتكوّن الدارة الكهربائية المبيّنة في الشكل 1 من مكثفة سعته  $C = 2,2\text{mF}$  غير مشحونة، ناقل أومي مقاومته  $R$  ومولد توتر ثابت قوته المحركة الكهربائية  $E$ . نربط الدارة بجهاز  $ExAO$  (التجريب المدعم بالحاسوب) لمعاينة تطوّر الشحنة الكهربائية  $q(t)$  للمكثفة بدلالة الزمن.

في لحظة  $t = 0$  نغلق القاطعة، فنحصل على المنحنى المبين في الشكل 2.



الشكل 1

1. أعد رسم الدارة الكهربائية (الشكل 1) ومثّل عليها اتجاه مرور التيار الكهربائي والتوترات الكهربائية بأسمهم.

2. بتطبيق قانون جمع التوترات، بين أن المعادلة التفاضلية التي تحقّقها الشحنة  $q(t)$  للمكثفة تكتب كما يلي:

$$a \frac{dq(t)}{dt} + q(t) - b = 0$$

حيث:  $a$  و  $b$  ثابتين يطلب إيجاد عبارة كلّ منهما وإعطاء مدلولهما الفيزيائي.

3. تأكّد أن المعادلة الزمنية لتطوّر الشحنة  $(q = b(1 - e^{-\frac{t}{a}}))$  هي حلّ المعادلة التفاضلية.

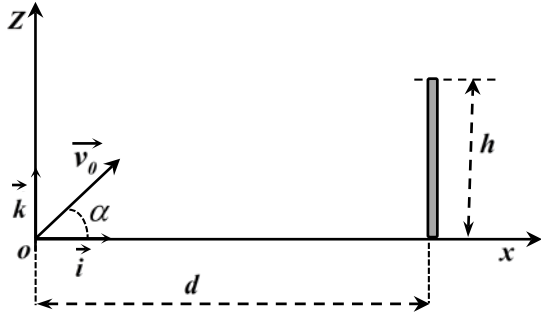
4. استنتج بيانيا قيمة ثابت الزمن  $\tau$  للدارة.

5. اكتب عبارة الطاقة المخزّنة في المكثفة خلال عملية الشحن بدلالة  $q(t)$  و  $C$ ، ثم احسب قيمتها عندما تبلغ شحنة المكثفة 89% من شحنتها الأعظمية.

6. تتحكم الدارة السابقة في تشغيل جهاز إنذار لثلاجة حيث تصدر صوتا عند بقاء بابها مفتوحا لمدة معيّنة، فبمجرد فتح باب الثلاجة تشحن المكثفة وعندما يبلغ التوتر بين طرفيها 8V يصدر جهاز الإنذار صوتا مُنبّهًا. بالاعتماد على المنحنى البياني (الشكل 2)، جدّ المدة الزمنية  $\Delta t$  القصوى التي تسمح بفتح باب الثلاجة دون انطلاق صفارة الإنذار.

**التّمرين الثالث : ( 06 نقاط )**

خلال مقابلة لكرة القدم قام لاعب بتنفيذ ضربة جزاء، حيث وضع الكرة في موضع التّفّيز  $O$  مبدأ المعلم  $(O, \vec{i}, \vec{k})$  في لحظة نعتبرها مبدأ للأزمنة  $t = 0$  وقذفها بسرعة ابتدائية شعاعها  $\vec{v}_0$ ، حاملها يصنع مع الأفق زاوية  $\alpha = 64^\circ$  وقيمتها  $12 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$  (الشكل 3).

**معطيات:**


الشكل 3

&lt; تأثير الهواء مهمل؛

 < شدة شعاع حقل الجاذبية الأرضية:  $g = 9,80 \text{ m} \times \text{s}^{-2}$ ؛

 < كتلة الكرة:  $m = 450 \text{ g}$ ؛  $\cos(64^\circ) = 0,44$ ؛

 < ارتفاع قائم المرمى:  $h = 2,44 \text{ m}$ ؛

 < بُعد نقطة تنفيذ ضربة الجزاء عن خط المرمى:  $d = 11 \text{ m}$ .

**1. دراسة حركة مركز عطالة الكرة**

 نعتبر الكرة نقطة مادية مركز عطالتها  $G$ .

**1.1.** بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على  $G$  مركز عطالة الكرة في مرجع مناسب:

**1.1.1.** جد العبارة الشعاعية  $\vec{a}_G$  لتسارع مركز عطالة الكرة في المعلم  $(O, \vec{i}, \vec{k})$ .

**2.1.1.** اكتب المعادلتين الزمّيتين  $x(t)$  و  $z(t)$  لحركة مركز عطالة الكرة.

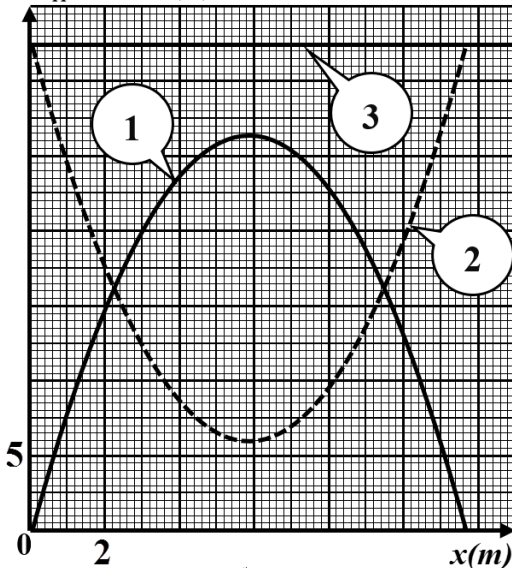
**3.1.1.** بين أنّ معادلة مسار مركز عطالة الكرة تعطى بالعبارة:

$$Z(x) = -0,176x^2 + 2,05x$$

**2.1.** نسمّي  $A$  الموضع الذي تُعبر من خلاله الكرة المستوي الشاقولي المحصور بين قائم المرمى والعارضة الأفقية.

**1.2.1.** حدّد الشرطين اللذين تحقّقهما احداثيتي النقطة  $A(x_A, z_A)$  لكي يسجّل الهدف مباشرة.

**2.2.1.** باستغلال المعطيات السابقة، هل يمكن تسجيل الهدف؟

**2. الدراسة الطاقوية**
 $E_{pp}; E_c; E \text{ (J)}$ 


الشكل 4

 نعتبر الجملة (كرة + أرض) ونختار مرجع الطاقة الكامنة الثقالية المستوي الأفقي المنطبق على أرضية الملعب ( $E_{pp} = 0$ ).

 يمثل الشكل 4 منحنيات الطاقة الحركية  $E_c$ ، الطاقة الكامنة الثقالية والطاقة الكلية للجملة  $E = E_c + E_{pp}$ .

**1.2.** ارفق كل منحنى من منحنيات الطاقة (الشكل 4) بشكل الطاقة الموافقة له مع التعليل.

**2.2.** بين أنّ طاقة الجملة (كرة + أرض) محفوظة.

**3.2.** اعتماداً على المنحنيات البيانية (الشكل 4)، جد احداثيتي

 نقطة الدروة  $S(x_S, z_S)$  أعلى نقطة تصلها الكرة.

**4.2.** حدّد بيانياً قيمة الطاقة الحركية للكرة عند مرورها بنقطة

 الدروة  $S$ ، ثمّ استنتج سرعة مرورها بهذه النقطة.

الجزء الثاني: (06 نقاط)

التمرين التجريبي: (06 نقاط)

مُعَطَّرُ المشمش، إستر عضوي كثير الاستعمال في الصناعات الغذائية حيث يدخل في صناعة العصائر والمثلجات والبسكويت والحلويات...، يتميز بتحمّله لدرجة حرارة كبيرة عند الطبخ ودرجة برودة عند التجميد.

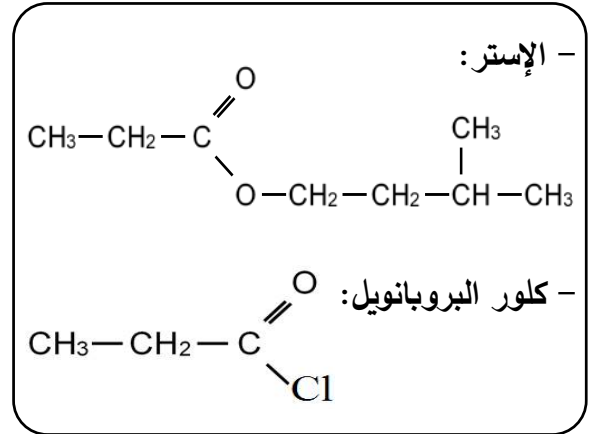
يهدف التمرين إلى دراسة:

- تحضير إستر وتحسين مردوده.
- تأثير عملية تخفيف محلول على نسبة التقدّم النهائي وثابت الحموضة.

الوثيقة 02: الوسائل الضرورية

- حمض عضوي
- كحول
- حمض الكبريت المركز
- حجر الخفان
- ورق كروي (بالون)
- ميزد
- حامل
- مقعد ذو رافعة
- مسخن كهربائي

الوثيقة 01: الصيغ الجزيئية المفصلة



معطيات:

← كلّ المحاليل مأخوذة عند  $25^\circ\text{C}$  ونهمل التّفكك الذاتي للماء؛

← الكتل المولية الذرية:  $M(\text{C}) = 12 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$  ؛  $M(\text{O}) = 16 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$  ؛  $M(\text{H}) = 1 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$  .

أولاً: تحضير إستر وتحسين مردوده

لتحضير  $0,134 \text{ mol}$  من مُعَطَّرُ المشمش (إستر) مخبرياً، نجري التسخين المرتد تحت درجة حرارة ثابتة لـ  $14,8 \text{ g}$  من حمض عضوي مع  $0,2 \text{ mol}$  من كحول، في وجود قطرات من حمض الكبريت المركز وحبّات من حجر الخفان.

1. ارسم بالاعتماد على الوثيقة 02، شكلاً تخطيطياً يجسّد تحضير الإستر عن طريق التسخين المرتدّ.
2. استخرج اعتماداً على الوثيقة 01، الصيغة الجزيئية نصف المفصلة لكل من الحمض العضوي والكحول.
3. اكتب معادلة التفاعل الكيميائي المنمذج للتّحول الحادث، واذكر خصائصه.
4. اذكر سبباً يُبيّن أنّ حمض الكبريت المركز المستعمل في تحضير الإستر يلعب دور وسيط.
5. احسب كمية مادة الحمض العضوي المستعملة وقارنها بكمية مادة الكحول. ماذا تستنتج؟
6. احسب مردود التفاعل.
7. لتحسين مردود تفاعل الأسترة الحادث يمكن استبدال الحمض العضوي بكلور البروبانويل (الوثيقة 01).  
1.7. اكتب المعادلة الكيميائية للتفاعل المنمذج للتّحول.

2.7. اذكر خصائص التفاعل.

8. اقترح طريقة أخرى لتحسين مردود تصنيع الإستر المدروس.

ثانيا: تأثير التخفيف على نسبة التقدّم النهائي وثابت الحموضة

نحضر باستعمال الحمض العضوي السابق محلولين مائيّين مخفّفين ( $S_1$ ) و ( $S_2$ ) بنفس الحجم وتركيزين مولّيّين مختلفين. نقيس قيمة  $pH$  المحلولين ونضع النتائج في الجدول الآتي:

المحلول	التركيز المولي $c$ ( $mol \cdot L^{-1}$ )	$pH$	$\tau_f$	$k_a$
( $S_1$ )	$1,0 \times 10^{-2}$	3,44		
( $S_2$ )	$1,0 \times 10^{-3}$	3,96		

1. اكتب معادلة انحلال الحمض العضوي في الماء.

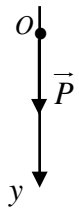
2. تُعطى عبارة ثابت الحموضة  $k_a$  بالعلاقة التالية:  $k_a = \frac{c \tau_f^2}{1 - \tau_f}$

حيث:  $\tau_f$  نسبة التقدّم النهائي و  $c$  التّركيز المولي للمحلول الحمضي.

أكمل الجدول أعلاه.

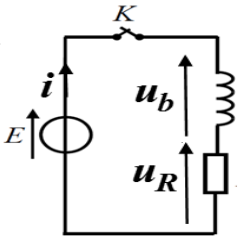
3. استنتج تأثير  $c$  التّركيز المولي الابتدائي للمحلول الحمضي على قيمة كل من ثابت الحموضة  $k_a$  ونسبة التقدّم

النّهائي للتفاعل  $\tau_f$ .

العلامة		عناصر الإجابة - الموضوع الأول
مجموع	مجزأة	
0,50	0,25 0,25	<p>الجزء الأول: (14 نقطة)</p> <p>التمرين الأول: (04 نقاط)</p> <p>الطريقة الأولى:</p> <p>1. نوع السقوط: سقوط حر</p> <p>التبرير: الكرية خاضعة لتأثير قوة ثقلها فقط</p>
1,00	0,25 × 2 0,25 × 2	<p>2. ايجاد المعادلة التفاضلية التي تحققها الفاصلة <math>y(t)</math> لموضع الكرية:</p> $\sum \vec{F}_{ext} = m \vec{a}_G \Rightarrow \vec{P} = m \vec{a}_G$ <p>بالإسقاط على المحور (Oy) وأخذ القيم الجبرية نجد: <math>m g = m a_G \Rightarrow \frac{d^2 y}{dt^2} = g</math></p> 
0,75	0,25 × 2 0,25	<p>3. ايجاد الارتفاع <math>h</math> لمئذنة الجامع:</p> <p>بما أن الحركة مستقيمة متسارعة بانتظام فإن: <math>v^2 - v_0^2 = 2gh \rightarrow h = \frac{v^2}{2g}</math></p> $h = \frac{(72,11)^2}{2 \times 9,80} = 265,3 m$ <p>ملاحظة: تقبل طرق أخرى للحل</p>
1,00	0,25 0,25 0,25 0,25	<p>الطريقة الثانية:</p> <p>1. التحقق من كتلة الكرية:</p> <p>البيان خط مستقيم معادلته من الشكل: <math>E_C = A \cdot t^2 + B</math></p> <p>بالمطابقة مع العبارة النظرية المعطاة، نجد: <math>A = \frac{1}{2} m g^2 \Rightarrow m = \frac{2A}{g^2}</math></p> <p>حيث <math>A = \frac{\Delta E_C}{\Delta t^2} = 4,8 J \cdot s^{-2}</math></p> $m = \frac{2 \times 4,8}{9,8^2} \approx 0,1 Kg \rightarrow m \approx 100 g$
0,75	0,25 0,25 0,25	<p>2. معادلة انحفاظ الطاقة: <math>E_{C_0} + W(\vec{P}) = E_{C_p}</math></p> <p>استنتاج <math>h</math> ارتفاع مئذنة الجامع: <math>h = \frac{E_{C_p} - E_{C_0}}{m g}</math></p> <p>ت ع: <math>h = \frac{280 - 20}{0,1 \times 9,8} = 265,3 m</math></p>
1,00	0,25	<p>التمرين الثاني: (04 نقاط)</p> <p>1.1. تعريف النشاط الإشعاعي: تحول نووي تلقائي لنواة مشعة إلى نواة أخرى أكثر استقرارا مع انبعاث اشعاعات وجسيمات.</p>

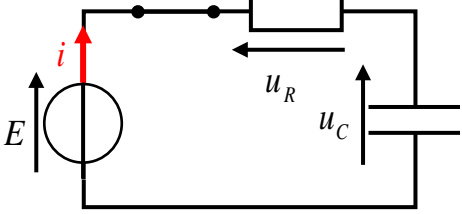
	0,25	2.1 كتابة معادلة تفكك نواة نظير الثاليوم 201: ${}_{81}^{201}\text{Tl} \rightarrow {}_Z^A\text{Hg} + {}_{+1}^0e + \gamma$																													
	0,25	حسب قانوني الانحفاظ لصودي: $\begin{cases} 201 = A \\ 81 = Z + 1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} A = 201 \\ Z = 80 \end{cases}$																													
	0,25	${}_{81}^{201}\text{Tl} \rightarrow {}_{80}^{201}\text{Hg} + {}_{+1}^0e + \gamma$																													
1,25	0,25 × 2	1.1 حساب قيمة النشاط A للمحلل المشع لحظة استعماله:																													
	0,25	$A = A_0 e^{-\lambda t}$ , $\lambda = \frac{\ln 2}{t_{1/2}}$ $A = A_0 e^{-\frac{\ln 2}{t_{1/2}} t} = 153,9 \times 10^6 \times e^{-\frac{\ln 2}{73} \times 24} = 122,5 \times 10^6 \text{ Bq}$																													
	0,25 × 2	2.2 نشاط العينة: $12,25 \times 10^7 \text{ Bq} > 11 \times 10^7 \text{ Bq}$ اذن نشاط العينة كاف لإجراء عملية التصوير الطبي.																													
1,75	0,25	1.3 التعبير عن النسبة $\frac{A_{(81}^{202}\text{Tl})}{A_{(81}^{201}\text{Tl})}$ بدلالة الزمن:																													
	0,25 × 2	منه: $A_{(81}^{201}\text{Tl}) = A_{01} \cdot e^{-\lambda_{(81}^{201}\text{Tl}) \cdot t}$ $A_{(81}^{202}\text{Tl}) = A_{02} \cdot e^{-\lambda_{(81}^{202}\text{Tl}) \cdot t}$ $\frac{A_{(81}^{202}\text{Tl})}{A_{(81}^{201}\text{Tl})} = \frac{A_{02} \cdot e^{-\lambda_{(81}^{202}\text{Tl}) \cdot t}}{A_{01} \cdot e^{-\lambda_{(81}^{201}\text{Tl}) \cdot t}} = 0,005 \cdot e^{(\lambda_{(81}^{201}\text{Tl}) - \lambda_{(81}^{202}\text{Tl}) \cdot t)} = 0,005 \cdot e^{1,982 \times 10^{-6} t}$																													
	0,25	2.3 المدة الزمنية التي من أجلها تصبح العينة غير صالحة للاستخدام:																													
	0,25 × 2	$0,02 = 0,005 \cdot e^{1,982 \times 10^{-6} t} \Rightarrow e^{1,982 \times 10^{-6} t} = \frac{0,02}{0,005} = 4$ $\ln e^{1,982 \times 10^{-6} t} = \ln 4 \Rightarrow t = \frac{\ln 4}{1,982 \times 10^{-6}} = 699442,16 \text{ s} = 194,3 \text{ h}$																													
0,50		التمرين الثالث: (06 نقاط)																													
	0,5	أولاً: الدراسة الحركية لتفاعل أكسدة-إرجاع 1. ظهور اللون الأزرق: يدل على حدوث تفاعل كيميائي وتشكل شوارد النحاس الثنائي $\text{Cu}^{2+}$ .																													
2,50	0,25	1.1 تصنيف التحول من حيث مدة حدوثه: التحول بطيء																													
	0,25 × 2	2.2 جدول تقدم التفاعل الحادث: <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr> <th colspan="2">المعادلة</th> <th colspan="4"><math>\text{Cu}(s) + 2\text{Ag}^+(aq) = \text{Cu}^{2+}(aq) + 2\text{Ag}(s)</math></th> </tr> <tr> <th>حالة الجملة</th> <th>التقدم</th> <th colspan="4">كمية المادة</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>ابتدائية</td> <td>0</td> <td><math>n_0 = \frac{m}{M}</math></td> <td><math>cV</math></td> <td>0</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td>انتقالية</td> <td><math>x</math></td> <td><math>n_0 - x</math></td> <td><math>cV - 2x</math></td> <td><math>x</math></td> <td><math>2x</math></td> </tr> <tr> <td>نهائية</td> <td><math>x_f</math></td> <td><math>n_0 - x_f</math></td> <td><math>cV - 2x_f</math></td> <td><math>x_f</math></td> <td><math>2x_f</math></td> </tr> </tbody> </table>	المعادلة		$\text{Cu}(s) + 2\text{Ag}^+(aq) = \text{Cu}^{2+}(aq) + 2\text{Ag}(s)$				حالة الجملة	التقدم	كمية المادة				ابتدائية	0	$n_0 = \frac{m}{M}$	$cV$	0	0	انتقالية	$x$	$n_0 - x$	$cV - 2x$	$x$	$2x$	نهائية	$x_f$	$n_0 - x_f$	$cV - 2x_f$	$x_f$
المعادلة		$\text{Cu}(s) + 2\text{Ag}^+(aq) = \text{Cu}^{2+}(aq) + 2\text{Ag}(s)$																													
حالة الجملة	التقدم	كمية المادة																													
ابتدائية	0	$n_0 = \frac{m}{M}$	$cV$	0	0																										
انتقالية	$x$	$n_0 - x$	$cV - 2x$	$x$	$2x$																										
نهائية	$x_f$	$n_0 - x_f$	$cV - 2x_f$	$x_f$	$2x_f$																										

		<p>3.2. تحديد قيمة التقدم النهائي والمتفاعل المُحد:</p> <p>✓ التقدم النهائي:</p> $[Cu^{2+}]_f = \frac{n_f(Cu^{2+})}{V} = \frac{x_f}{V} \Rightarrow x_f = [Cu^{2+}]_f \cdot V$ <p>من البيان <math>[Cu^{2+}]_f = 5 \times 10^{-3} \text{ mol} \cdot L^{-1}</math></p> <p>ومنه <math>x_f = 5 \times 10^{-4} \text{ mol}</math></p> <p>✓ استنتاج المتفاعل المحد:</p> $n_0 = \frac{m}{M} = 0,1 \text{ mol}$ <p>في الحالة النهائية <math>n_f(Cu) = n_0 - x_f = 9,95 \times 10^{-2} \text{ mol} \neq 0</math></p> <p>ومنه المتفاعل المحد هو <math>Ag^+</math>.</p>
0,25 × 2		
0,25		
0,25		
0,25		
0,25		
0,25		
0,25		
0,75		<p>3. حساب السرعة الحجمية للتفاعل في اللحظة <math>t = 0</math>:</p> $v_{vol} = \frac{1}{V} \frac{dx}{dt}, \quad n(Cu^{2+}) = x$ $v_{vol} = \frac{1}{V} \frac{dn(Cu^{2+})}{dt} = \frac{d\left(\frac{n(Cu^{2+})}{V}\right)}{dt} = \frac{d[Cu^{2+}]}{dt}$ <p>- قيمتها في اللحظة <math>t = 0</math>:</p> $v_{vol_0} = \left(\frac{d[Cu^{2+}]}{dt}\right)_{t=0} = \frac{\Delta[Cu^{2+}]}{\Delta t} = 3,33 \times 10^{-4} \text{ mol} \cdot L^{-1} \cdot \text{min}^{-1}$
0,25		
0,25		
0,25		
0,50	0,25 × 2	<p>ثانيا: اشتغال عمود</p> <p>1. حساب كسر التفاعل الابتدائي: <math>Q_{r,i} = \frac{[Sn^{2+}]_0}{[Pb^{2+}]_0} = 0,67</math></p>
0,50	0,25 × 2	<p>2. استنتاج جهة التطور التلقائي للجملة أثناء اشتغال العمود:</p> <p>بما أن <math>Q_{r,i} &lt; K</math> فإن الجملة تتطور تلقائيا في الاتجاه المباشر.</p>
0,50	0,25	<p>3. كتابة المعادلتين النصفيتين:</p> <p>بجوار مسرى الرصاص <math>Pb^{2+}(aq) + 2e^- = Pb(s)</math></p> <p>بجوار مسرى القصدير <math>Sn(s) = Sn^{2+}(aq) + 2e^-</math></p>
0,50	0,25	<p>4. الرمز الاصطلاحي للعمود: <math>\ominus Sn   Sn^{2+}    Pb^{2+}   Pb \oplus</math></p>
0,50	0,25	<p>1.5. كسر التفاعل: <math>Q_r = \frac{[Sn^{2+}]}{[Pb^{2+}]} = 2,18</math></p>
0,25	0,25	<p>2.5. نلاحظ أن <math>Q_r = K</math> والعمود يتوقف عن الاشتغال.</p>

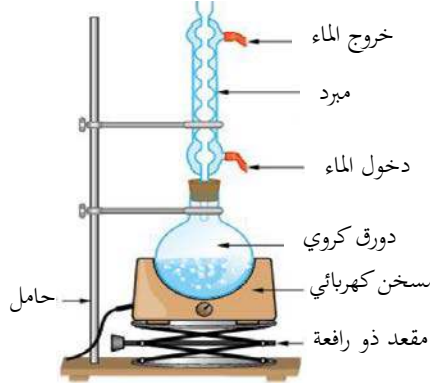
	0,25 × 2	<p>الجزء الثاني: (06 نقاط) التمرين التجريبي: (06 نقاط) 1.1. جهة التيار وأسهم التوترات:</p> 
2,00	0,25 0,25 × 2 0,25	<p>2.1. إيجاد المعادلة التفاضلية التي تُحققها شدة التيار المار في الدارة: بتطبيق قانون جمع التوترات: <math>u_R + u_b = E</math> <math>Ri + ri + L \frac{di}{dt} = E</math> <math>\frac{di}{dt} + \frac{(R+r)}{L} \cdot i = \frac{E}{L}</math></p> <p>3.1. إثبات عبارة التوتر الكهربائي: <math>u_b = E - u_R = E - Ri = I_0 \left( r + Re^{-\frac{Rr}{L}t} \right)</math> أو <math>u_b = L \frac{di}{dt} + ri = I_0 \left( r + Re^{-\frac{Rr}{L}t} \right)</math></p>
4,00	0,25 0,25 × 2 0,25 0,25 0,25 0,25	<p>1.1. كيفية تطور التوتر بين طرفي الوشيعة: يتناقص التوتر <math>u_b(t)</math> من قيمة عظمى في اللحظة <math>t = 0</math> إلى قيمة صغرى (نظام انتقالي) ثم يحافظ على نفس القيمة (نظام دائم).</p> <p>2.2. شدة التيار الكهربائي في النظام الدائم في التجريبتين: <math>r_1 + R_1 = r_2 + R_2</math> حيث: <math>I_{01} = \frac{E}{r_1 + R_1}</math> ; <math>I_{02} = \frac{E}{r_2 + R_2}</math> منه: <math>I_{01} = I_{02}</math> شدة التيار الكهربائي في النظام الدائم هي نفسها في التجريبتين</p> <p>3.2. المنحنى (1) يوافق <math>u_{b1}(t)</math> في النظام الدائم <math>\left. \begin{array}{l} u_{b1} = I_0 \cdot r_1 \\ u_{b2} = I_0 \cdot r_2 \end{array} \right\}</math> <math>r_1 &gt; r_2</math> منه <math>u_{b1} &gt; u_{b2}</math> (في النظام الدائم) وعليه المنحنى (1) يوافق <math>u_{b1}(t)</math>.</p> <p>4.2. إيجاد بيانيا قيمة كل من: - القوة المحركة الكهربائية للمولد: <math>E = 2 \times 5 = 10V</math> - ثابت الزمن <math>\tau_1</math>: <math>\tau_1 = 1ms</math> - ثابت الزمن <math>\tau_2</math>: <math>\tau_2 = 1,5ms</math></p>

		<p>5.2. استنتاج قيمتي <math>L_1</math> و <math>L_2</math> :</p> $\tau_1 = \frac{L_1}{R_T} \Rightarrow L_1 = 0,1 H$ $\tau_2 = \frac{L_2}{R_T} \Rightarrow L_2 = 0,15 H$
	<p>0,25 × 2 0,25 × 2</p>	
	<p>0,50</p>	<p>6.2. تبرير سبب تأخر بلوغ النظام الدائم في التجربة الثانية عن التجربة الأولى:</p> <p>زمن بلوغ النظام الدائم هو <math>5\tau</math> و <math>\tau = \frac{L}{R_T}</math>. بما أن <math>R_T</math> نفسها فإن التأخر في بلوغ النظام الدائم في التجربة الثانية يعود إلى قيمة ذاتية الوشيعة <math>L_2</math> أكبر من <math>L_1</math>.</p>

العلامة		عناصر الإجابة - الموضوع الثاني
مجموع	مجزأة	
2,00	0,25	<p>الجزء الأول: (14 نقطة)</p> <p>التمرين الأول: (04 نقاط)</p> <p>1. التورיום 232 والانشطار النووي</p> <p>1.1.1. تعريف الانشطار النووي:</p> <p>تفاعل نووي يتم فيه قذف نواة ثقيلة بنيترين فتنقسم إلى نواتين أخف وتحرير نيترينات مع اصدار طاقة.</p>
	0,25	<p>2.1.1. التفاعل رقم (1) ليس تفاعل انشطار لأن الانشطار ينتج نواتين بينما هذا التفاعل أعطى نواة واحدة فقط.</p>
	0,50	<p>3.1.1. اكمال المعادلة (1): <math>{}_{90}^{232}\text{Th} + {}_0^1n \rightarrow {}_{90}^{233}\text{Th}</math></p>
	0,25	<p>2.1. حساب الطاقة المتحررة عن انشطار نواة <math>{}_{92}^{233}\text{U}</math>:</p> $E_{lib} = (m_i - m_f).c^2 =  \Delta m .c^2$ $ \Delta m  = m({}_{92}^{233}\text{U}) - (m({}_{54}^{137}\text{Xe}) + m({}_{38}^{94}\text{Sr}) + 2m({}_0^1n))$ $ \Delta m  = 233,03963 - (136,91156 + 93,91536 + 2 \times 1,00866)$ $ \Delta m  = 0,19539u$ $E_{lib} = 0,19539u \times 931,5 = 182\text{MeV}$
2,00	0,25	<p>2. التورיום 230 والتأريخ:</p> <p>1.2. معادلة تفكك اليورانيوم 234: <math>{}_{92}^{234}\text{U} \rightarrow {}_{90}^{230}\text{Th} + {}_2^4\text{He}</math></p> <p>نمط التفكك: <math>\alpha</math></p>
	0,25	<p>1.2.2. قانون التناقص الإشعاعي:</p> $N(t) = N_0 e^{-\lambda t}$
	0,25	<p>2.2.2. اثبات العلاقة <math>\frac{N({}_{90}^{230}\text{Th})}{N({}_{92}^{234}\text{U})} = e^{\lambda t} - 1</math>:</p> $N_U(t) = N_{U0} e^{-\lambda t}$ $N_{Th}(t) = N_{U0} - N_U(t) = N_{U0} - N_{U0} e^{-\lambda t} = N_{U0} (1 - e^{-\lambda t})$ $\frac{N_{Th}(t)}{N_U(t)} = \frac{N_{Th}(t)}{N_U(t)} = \frac{N_{U0} (1 - e^{-\lambda t})}{N_{U0} e^{-\lambda t}} = \frac{1 - e^{-\lambda t}}{e^{-\lambda t}} = e^{\lambda t} (1 - e^{-\lambda t})$ $\frac{N_{Th}(t)}{N_U(t)} = e^{\lambda t} - 1$

		<p>3.2.2. حساب عمر الصخرة البحرية:</p> $\frac{N_{Th}(t)}{N_U(t)} = \frac{3}{4}$ $e^{\lambda t} - 1 = \frac{3}{4}$ $e^{\lambda t} = 1,75 ; t = \frac{t_{1/2}}{\ln 2} \ln 1,75 = 1,98 \times 10^5 \text{ ans}$
0,25		
0,25		
0,50	0,25 × 2	<p>التمرين الثاني: (04 نقاط)</p> <p>1. جهة التيار وأسهم التوترات:</p> 
1,50	0,25 × 3	<p>2. المعادلة التفاضلية التي تحققها شحنة المكثفة:</p> $u_C + u_R = E \Rightarrow \frac{q(t)}{C} + R \frac{dq(t)}{dt} = E$ $RC \frac{dq(t)}{dt} + q(t) - EC = 0$ <p>بالمطابقة: <math>a = RC</math> , <math>b = EC</math></p> <p>المدلول الفيزيائي: <math>a</math> هو ثابت الزمن و يمثل الزمن اللازم لبلوغ شحنة المكثفة 63% من قيمتها الأعظمية. <math>b</math> هو الشحنة الأعظمية.</p>
0,25		
0,25 × 2		
0,50	0,50	<p>3. التأكد من حل المعادلة التفاضلية:</p> <p>بتعويض العبارة <math>q(t) = EC(1 - e^{-\frac{t}{RC}})</math> في المعادلة التفاضلية نجد:</p> $RC \frac{d(EC(1 - e^{-\frac{t}{RC}}))}{dt} + EC(1 - e^{-\frac{t}{RC}}) - EC = 0$ $EC.e^{-\frac{t}{RC}} + EC - EC.e^{-\frac{t}{RC}} - EC = 0$ <p>ملاحظة: يمكن استعمال المعادلة التفاضلية والحل المعطى بدلالة الثوابت.</p>
0,25	0,25	<p>4. تحديد قيمة ثابت الزمن بيانيا: <math>\tau = 22 \text{ s}</math></p>
0,75	0,25	<p>5. عبارة الطاقة:</p> $E_C = \frac{1}{2} C (u_C(t))^2 \Rightarrow E_C = \frac{(q(t))^2}{2C}$ <p>قيمة الطاقة عندما تبلغ شحنتها 89% من شحنتها الأعظمية:</p> <p>من البيان الشحنة العظمى للمكثفة: <math>Q_{\max} = 6,6 \times 3 = 19,8 \text{ mC}</math></p> <p>منه: <math>E_C = \frac{1}{2} \frac{(0,89 \times Q_{\max})^2}{C} = \frac{(0,89 \times 19,8 \cdot 10^{-3})^2}{2 \times 2,2 \times 10^{-3}} = 0,07 = 7 \times 10^{-2} \text{ J}</math></p>
0,25		
0,25		
0,50	0,25	<p>6. إيجاد المدة الزمنية القصوى:</p> <p>شحنة المكثفة الموافقة للتوتر <math>8 \text{ V}</math>: <math>q = C \times u_C = 2,2 \times 10^{-3} \times 8 = 17,6 \times 10^{-3} \text{ C}</math></p> <p>من البيان نستنتج أن: <math>\Delta t \approx 48,4 \text{ s}</math></p>
0,25		
0,25		

		<p><b>التمرين الثالث: (06 نقاط)</b></p> <p><b>1. دراسة حركة مركز عطالة الكرة</b></p> <p><b>1.1.1. العبارة الشعاعية <math>\vec{a}_G</math> لتسارع مركز عطالة الكرة:</b></p> $\Sigma \vec{F}_{ext} = m\vec{a}_G \Rightarrow \vec{P} = m\vec{a}_G$ $\vec{a}_G = \vec{g} = -g \vec{k}$
	0,25 × 2	
	0,25	
3,5	0,25 × 2	<p><b>2.1.1. المعادلتان الزميتان <math>x(t)</math> و <math>z(t)</math> لحركة مركز عطالة الكرة.</b></p> <p>الشروط الابتدائية:</p> $\overline{OG_0} \begin{cases} x_0 = 0 \\ z_0 = 0 \end{cases} \quad \vec{v}_0 \begin{cases} v_{0x} = v_0 \cos \alpha \\ v_{0z} = v_0 \sin \alpha \end{cases}$
	0,25 × 2	$\begin{cases} v_x = v_0 \cos \alpha \\ v_z = -gt + v_0 \sin \alpha \end{cases}$
	0,25 × 2	$\begin{cases} x(t) = v_0 \cos \alpha \cdot t \\ z(t) = -\frac{g}{2} t^2 + v_0 \sin \alpha \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x(t) = 5,28t \dots\dots\dots 1 \\ z(t) = -4,9t^2 + 10,8t \dots\dots\dots 2 \end{cases}$
	0,25	<p><b>3.1.1. معادلة مسار مركز عطالة الكرة:</b></p> <p>من عبارة <math>x(t)</math>، نستنتج أن: <math>t = \frac{x}{v_0 \cos \alpha} = \frac{x}{5,28}</math></p> <p>نعوض في عبارة <math>z(t)</math>، نجد: <math>z(x) = -0,176x^2 + 2,05x</math></p>
	0,25	<p><b>1.2.1. الشرطان: <math>d &lt; x_A</math> ; <math>z_A &lt; h</math></b></p>
	0,25	<p><b>2.2.1. التحقق من امكانية تسجيل الهدف</b></p> <p>نعوض بـ <math>x_A = 11m</math> في معادلة المسار <math>z(x) = -0,176x^2 + 2,05x</math></p> <p>نجد أن: <math>z_A = 1,2m</math></p> <p><math>z_A = 1,2m &lt; 2,44m</math> يمكن للاعب تسجيل الهدف</p>
2,5	0,25 × 2	<p><b>2. الدراسة الطاقوية</b></p> <p><b>1.2. ارفاق كل منحنى بياني بشكل الطاقة الموافقة:</b></p> <p><math>1 \rightarrow E_{pp}</math> ; <math>2 \rightarrow E_c</math> ; <math>3 \rightarrow E</math></p> <p>التعليق: الصعود: <math>E = C^{te}</math> ، <math>E_c \searrow v \searrow</math> ، <math>E_{pp} \nearrow h \nearrow</math></p> <p>الهبوط: <math>E = C^{te}</math> ، <math>E_c \nearrow v \nearrow</math> ، <math>E_{pp} \searrow h \searrow</math></p> <p>ملاحظة: تقبل تبريرات منطقية أخرى</p>
	0,25	<p><b>2.2. تبيان أن طاقة الجملة محفوظة:</b></p> <p><math>E = Ec + Epp = C^{te}</math> في أي لحظة لذلك فطاقة الجملة محفوظة</p>

	<p>0,25</p> <p>0,25</p> <p>0,25</p> <p>0,25</p>	<p>3.2. احداثيتي نقطة الذروة <math>S(x_s, z_s)</math> :</p> <p>من البيان: <math>x_s = 5,8m</math></p> $z_s = \frac{E_{pps}}{mg}$ <p>من البيان <math>E_{pps} = 26,5J</math></p> <p>ومنه: <math>z_s = \frac{26,5}{0,1 \times 9,8} = 6m</math></p> <p>ملاحظة: تقبل حلول منطقية أخرى (معادلة المسار، استغلال المعادلات الزمنية....).</p>
	<p>0,25</p> <p>0,25</p> <p>0,25</p>	<p>4.2. قيمة الطاقة الحركية عند نقطة الذروة وسرعة مرور الكرة منها:</p> <p>الطاقة الحركية عند نقطة الذروة:</p> <p>من البيان: <math>E_{cs} = 6,0J</math></p> <p>استنتاج سرعة المرور بنقطة الذروة:</p> $E_{cs} = \frac{1}{2}mv_s^2 \rightarrow v_s = \sqrt{\frac{2E_{cs}}{m}}$ <p>ت ع: <math>E_{cs} = \sqrt{\frac{2 \times 6}{0,45}} = 5,2m \cdot s^{-1}</math></p>
<p>0,5</p>	<p>0,5</p>	<p>الجزء الثاني: (06 نقطة)</p> <p>التمرين التجريبي: (06 نقطة)</p> <p>أولا: تحضير إستر وتحسين مردوده</p> <p>1. الشكل التخطيطي:</p> 
<p>0,50</p>	<p>0,25</p> <p>0,25</p>	<p>2. الصيغة الجزيئية نصف المفصلة للحمض والكحول:</p> <p>الحمض العضوي: <math>C_2H_5 - COOH</math> أو:</p> $CH_3 - CH_2 - C \begin{matrix} O \\ // \\ OH \end{matrix}$ <p>الكحول:</p> $CH_3 - \overset{CH_3}{ } CH - CH_2 - CH_2 - OH$

0,75	0,5 0,25	<p>3. كتابة معادلة تفاعل الأسترة:</p> $\text{H}_3\text{C}-\overset{\text{CH}_3}{\text{CH}}-\text{CH}_2-\text{CH}_2-\text{OH} + \text{H}_3\text{C}-\text{CH}_2-\overset{\text{O}}{\parallel}{\text{C}}-\text{OH} = \text{H}_3\text{C}-\text{CH}_2-\overset{\text{O}}{\parallel}{\text{C}}-\text{O}-\text{CH}_2-\text{CH}_2-\underset{\text{CH}_3}{\text{CH}}-\text{CH}_3 + \text{H}_2\text{O}$ <p>خصائصه: عكوس، لا حراري، بطيء.</p>
0,25	0,25	4. لا يظهر في معادلة التفاعل الكيميائي
0,75	0,25 × 2 0,25	<p>5. كمية المادة الحمض العضوي:</p> $n(\text{acide}) = \frac{m}{M} = \frac{14,8}{74} = 0,2 \text{ mol}$ <p><math>n(\text{acide}) = n(\text{alcool})</math> ومنه: المزيج الابتدائي متساوي المولات</p>
0,50	0,25 × 2	<p>6. مردود التفاعل:</p> $r = \frac{n_{\text{ester}}}{n_{\text{acide}}} \cdot 100 = \frac{0,134}{0,2} \cdot 100 = 67\%$
0,50	0,25	<p>1.7 معادلة التفاعل:</p> $\text{H}_3\text{C}-\overset{\text{CH}_3}{\text{CH}}-\text{CH}_2-\text{CH}_2-\text{OH} + \text{H}_3\text{C}-\text{CH}_2-\overset{\text{O}}{\parallel}{\text{C}}-\text{Cl} = \text{H}_3\text{C}-\text{CH}_2-\overset{\text{O}}{\parallel}{\text{C}}-\text{O}-\text{CH}_2-\text{CH}_2-\underset{\text{CH}_3}{\text{CH}}-\text{CH}_3 + \text{HCl}$
0,25	0,25	2.7 خصائص التفاعل: تام، سريع، ناشر للحرارة.
0,25	0,25	<p>8. اقتراح طريقة أخرى لتحسين مردود التفاعل:</p> <p>استعمال مزيج ابتدائي غير متساوي المولات، نزع الماء، نزع الأستر.</p>
0,25	0,25	<p>ثانيا: تأثير التخفيف على نسبة التقدم النهائي وثابت الحموضة</p> <p>1. معادلة التفاعل:</p> $\text{C}_2\text{H}_5\text{COOH}(\text{aq}) + \text{H}_2\text{O}(\text{aq}) = \text{C}_2\text{H}_5\text{COO}^-(\text{aq}) + \text{H}_3\text{O}^+(\text{aq})$

1,25	0,25	2. اكمال الجدول:														
		$\tau_f = \frac{x_f}{x_{max}} = \frac{[H_3O^+]}{c} = \frac{10^{-pH}}{c} ; k_a = \frac{c \tau_f^2}{1 - \tau_f}$														
	0,25 × 4	<table border="1"> <thead> <tr> <th>المحلول</th> <th>التركيز المولي <math>c (mol.L^{-1})</math></th> <th>pH</th> <th><math>\tau_f</math></th> <th><math>K_a</math></th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td><math>S_1</math></td> <td><math>1,0 \times 10^{-2}</math></td> <td>3,44</td> <td>0,036</td> <td><math>1,34 \times 10^{-5}</math></td> </tr> <tr> <td><math>S_2</math></td> <td><math>1,0 \times 10^{-3}</math></td> <td>3,96</td> <td>0,110</td> <td><math>1,34 \times 10^{-5}</math></td> </tr> </tbody> </table>	المحلول	التركيز المولي $c (mol.L^{-1})$	pH	$\tau_f$	$K_a$	$S_1$	$1,0 \times 10^{-2}$	3,44	0,036	$1,34 \times 10^{-5}$	$S_2$	$1,0 \times 10^{-3}$	3,96	0,110
المحلول	التركيز المولي $c (mol.L^{-1})$	pH	$\tau_f$	$K_a$												
$S_1$	$1,0 \times 10^{-2}$	3,44	0,036	$1,34 \times 10^{-5}$												
$S_2$	$1,0 \times 10^{-3}$	3,96	0,110	$1,34 \times 10^{-5}$												
0,50	0,25 0,25	3. الاستنتاج: عند تغيير التركيز المولي للمحلول لا تتغير قيمة ثابت الحموضة عندما ينقص التركيز المولي للمحلول تزداد نسبة التقدم النهائي للتفاعل $\tau_f$														