



الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية
وزارة التربية الوطنية



الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات
امتحان بكالوريا التعليم الثانوي
الشعبة: رياضيات، تقني رياضي

دورة: 2020

المدة: 04 سا و 30 د

اختبار في مادة: العلوم الفيزيائية

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين:

الموضوع الأول

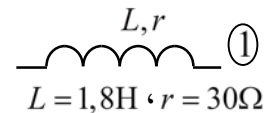
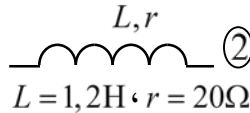
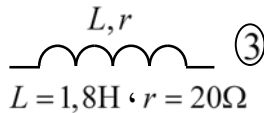
يحتوي الموضوع الأول على 04 صفحات (من الصفحة 01 من 08 إلى الصفحة 04 من 08)

التمرين الأول: (04 نقاط)

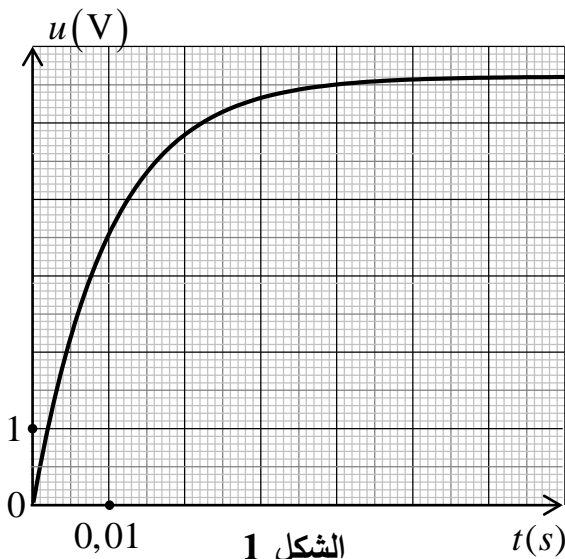
تزوّد محركات بعض السيارات بأحدث تقنيات التحكم في حقن البنزين وتعتبر الوشيعية من بين أهم العناصر الكهربائية التي تدخل في تركيب جهاز التحكم هذا.

يهدف هذا التمرين إلى تحديد مميزات وشيعة جهاز التحكم في حقن البنزين

لتطوير جهاز التحكم في حقن البنزين، قام الفريق التقني في مخبر المصنع بدراسة مميزات الوشيعية المستعملة فيه وذلك بتحقيق دائرة كهربائية عناصرها مربوطة على التسلسل، تتكون من مولد مثالي لتوتر مستمر قوته المحركة الكهربائية $E = 6,3V$ ، ناقل أومي مقاومته R ، قاطعة K ومن إحدى الوشائع التالية:



يسمح جهاز حاسوب مع واجهة دخول (ExAO) بمشاهدة أحد التوترين u_R (بين طرفي الناقل الأومي) أو u_b (بين طرفي الوشيعية) بدلالة الزمن.



الشكل 1

1. عند غلق القاطعة K يظهر على شاشة جهاز الحاسوب

المنحنى الممثل في الشكل 1.

1.1. ارسم الدارة الكهربائية المحققة وبين عليها جهة التيار

الكهربائي وجهة التوترين u_R و u_b .

2.1. استعمل قانون أوم وقانون جمع التوترات لكتابة

المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر الكهربائي بين

طرفي الناقل الأومي $u_R(t)$.

3.1. حل المعادلة التفاضلية السابقة من الشكل:

$$u_R(t) = A \left(1 - e^{-\frac{t}{B}} \right)$$

جذّ عبارة كل من A و B .



4.1. باستغلال حل المعادلة التفاضلية يَبين أنَّ منحنى الشكل 1 يمثل $u_R(t)$.

2. عند بلوغ النظام الدائم كانت شدة التيار المار في الدارة $I_0 = 35mA$.

1.2. أكمل الجدول التالي:

$t(s)$	0	τ	5τ
$u_b(V)$			

حيث: τ ثابت الزمن للدارة الكهربائية.

2.2. باستعمال سُلّم رسم المنحنى البياني (الشكل 1)، ارسم منحنى تطور التوتر الكهربائي بين طرفي

الوشية $u_b(t)$.

3.2. عَيّن قيمة المقاومة r للوشية المستعملة.

4.2. حَدِّدْ اختيار الفريق التقني للوشية المستعملة في جهاز التحكم من بَيّنِ الوشائع السّابقة مبررا إجابتك.

التمرين الثاني: (04 نقاط)

من تحديات هذا القرن، محاولة إرسال بعثة استكشافية إلى سطح المريخ، حيث دأبت وكالة الطيران والفضاء الأمريكية (NASA) على إعداد الأسس اللوجيستية والعلمية لإرسال البشر في حدود سنة 2030.

يهدف التمرين إلى دراسة بعض خصائص المريخ وكواكب المجموعة الشمسية المجاورة له

1. ما هو المرجح المناسب لدراسة حركة كواكب المجموعة الشمسية؟

2. نكّرُ بنص قانون كبلر الأول.

3. إن مراقبة حركة بعض كواكب المجموعة الشمسية مكنتنا من جدول القياسات التالي:

الكوكب	الأرض	المريخ	المشتري
$T(ans)$	1,00		11,86
$r(U.A)$	1,00	1,53	

حيث: T دور الكوكب حول الشمس بالسنة الأرضية، r البعد بين مركزي الكوكب والشمس بالوحدة الفلكية $U.A$

$$1an = 365 \text{ jours و } 1U.A = 1,5 \times 10^{11} \text{ m}$$

باستعمال القانون الثاني لنيوتن في المرجع سالف الذكر وباعتبار مسارات الكواكب دائرية حول الشمس:

1.3. اكتب عبارة السرعة المدارية v لكوكب من المجموعة الشمسية بدلالة r ، M_s و G .

حيث M_s كتلة الشمس، $G = 6,67 \times 10^{-11} S.I$ ثابت الجذب العام.

$$2.3. \text{ يَبين أن قانون كبلر الثالث يعطى بالعلاقة: } \frac{T^2}{r^3} = \frac{4\pi^2}{G \cdot M_s}$$

3.3. احسب كتلة الشمس M_s بالكيلوغرام.

4.3. أكمل الجدول أعلاه.

5.3. احسب السرعة المدارية v لكوكبي الأرض والمريخ بـ $km \cdot s^{-1}$.

6.3. فسّر لماذا تكون السنة الأرضية أقل من السنة المريخية.



التمرين الثالث: (06 نقاط)

يعتبر الطب من أهم المجالات التي عرفت استعمال النشاط الإشعاعي في تشخيص وعلاج الأمراض وذلك بحقن أنوية مشعة معينة في جسم الإنسان، من بين تلك الأنوية التكنيسيوم $^{99}_{43}\text{Tc}$ الذي يستعمل في التصوير الإشعاعي للعظام وذلك لمدة حياته القصيرة وقلة خطورته.

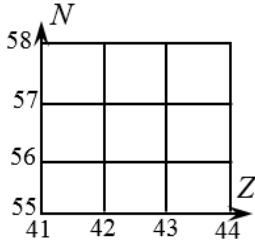
معطيات:

النظير	$^{99}_{43}\text{Tc}$	$^{97}_{43}\text{Tc}$
طاقة الربط E_l (MeV)	852,53	836,28
نصف العمر $t_{1/2}$	6 heures	90,1 jours

1. للتكنيسيوم عدة نظائر منها النظيران المبينان في الجدول أعلاه.

1.1. عرّف النظائر وأعط تركيب نواة التكنيسيوم 99.

2.1. يُفضّل طبيا استعمال نظير التكنيسيوم 99 بدلا من نظير التكنيسيوم 97 في التصوير الإشعاعي، برّر.



3.1. حدّد النظير الأكثر استقرارا مع التعليل.

4.1. ينتج التكنيسيوم 99 عن الموليبدان $^{99}_{42}\text{Mo}$.

1.4.1. اكتب معادلة التحول النووي محددا نوع التفكك.

2.4.1. ممثّل هذا الإشعاع على المخطط (Z, N) المقابل.

2. من أجل تشخيص حالة عظام مريض يستعمل التكنيسيوم 99 في التصوير بالإشعاع النووي، يحقن المريض

بجرعة من التكنيسيوم 99 نشاطها الإشعاعي $A_0 = 5 \times 10^8$ Bq في اللحظة $t = 0$ وتتخذ صورة للعظام

المفحوصة في اللحظة t_1 عندما يصبح النشاط الإشعاعي للجرعة $A_1 = 0,6A_0$.

1.2. تحقّق من أن قيمة ثابت النشاط الإشعاعي للتكنيسيوم 99 هي $\lambda = 3,2 \times 10^{-5} \text{ s}^{-1}$.

2.2. احسب عدد الأنوية N_0 التي تم حقنها في اللحظة $t = 0$.

3.2. حدّد اللحظة t_1 التي أخذت عندها صورة العظام.

4.2. حدّد المدة الزمنية t_2 التي من أجلها يختفي النشاط الإشعاعي للجرعة المحقونة في جسم المريض.

التمرين التجريبي: (06 نقاط)

يستعمل النشادر NH_3 في عدة مجالات منها تصنيع الأسمدة الآزوتية وكذلك في صناعة الأدوية والبلاستيك وغيرها من المنتجات.

معطيات:

◀ تمت القياسات عند درجة الحرارة 25°C

◀ الجداء الشاردي للماء $K_e = 10^{-14}$



1. نعتبر محلولاً مائياً (S_B) للنشادر NH_3 تركيزه المولي $c_B = 2 \times 10^{-2} mol \cdot L^{-1}$ ذو $pH = 10,75$.

1.1. اكتب معادلة انحلال النشادر في الماء.

2.1. احسب نسبة التقدم النهائية τ_f لهذا التفاعل، ماذا تستنتج؟

3.1. عبّر عن ثابت التوازن K لهذا التفاعل بدلالة c_B و τ_f ثم احسب قيمته.

4.1. بيّن أنّ pKa الثنائية $NH_4^+(aq) / NH_3(aq)$ يحقق العلاقة $pKa = \log \frac{K}{K_e}$ ثم احسبه.

2. نقوم بمعايرة pH متريّة لحجم $V_B = 30 mL$ من المحلول (S_B) وذلك بواسطة محلول (S_A) لحمض كلور

الهيدروجين ($H_3O^+(aq) + Cl^-(aq)$) تركيزه المولي c_A .

اكتب معادلة التفاعل الكيميائي المنمذج للتحويل الحادث أثناء المعايرة.

3. يمثل منحنى الشكل 2 تطور pH المزيج بدلالة حجم الحمض المضاف V_A .

1.3. عرّف نقطة التكافؤ ثم عيّن إحداثيتها.

2.3. احسب التركيز المولي c_A .

3.3. في غياب جهاز الـ pH متر نستعمل

الكاشف الملون أحمر الكلوروفينول مجال

تغيره اللوني $[4,8 - 6,4]$.

1.3.3. عرّف الكاشف الملون.

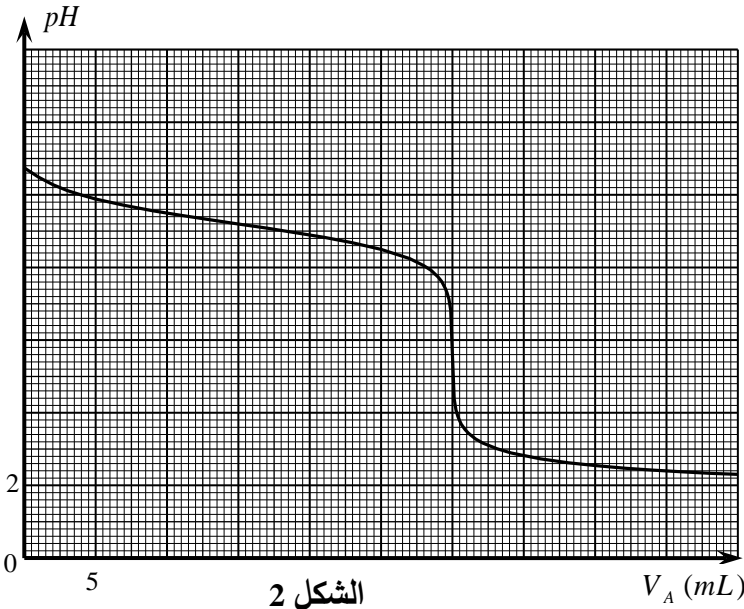
2.3.3. هل الكاشف أحمر الكلوروفينول

مناسب في هذه المعايرة؟ علّل.

3.3.3. حدّد حجم الحمض المضاف لكي

تتحقق النسبة $[NH_4^+]_f = 5[NH_3]_f$.

4. تأكّد بيانياً من قيمة pKa الثنائية $NH_4^+(aq) / NH_3(aq)$ مع شرح الطريقة المتبعة.





الموضوع الثاني

يحتوي الموضوع الثاني على 04 صفحات (من الصفحة 05 من 08 إلى الصفحة 08 من 08)

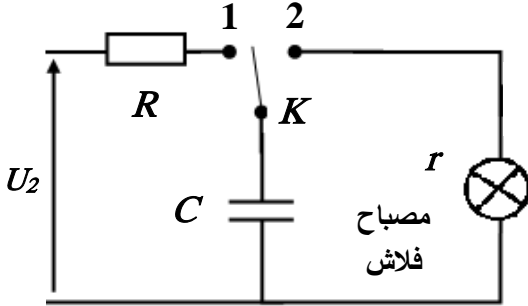
التمرين الأول: (04 نقاط)

تستعمل المكثفات في عدة أجهزة كهربائية منها آلة التصوير الفوتوغرافي، والتي تساهم أساسا في إعطاء مصباح الفلاش ومضة ساطعة والذي يحتاج لتوتر أكبر من 250 V لحدوث توهج كافي يسمح بأخذ صورة جيدة.

يهدف هذا التمرين إلى دراسة مبدأ عمل وماض (فلاش) آلة تصوير.

من أجل ذلك يُستعمل عمود كهربائي قوته المحركة الكهربائية $U_1 = 1,5 V$ ، والذي يُضخم بدارة كهربائية مناسبة إلى توتر مستمر $U_2 = 300 V$ لتغذية دارة المكثفة كما في الشكل 1.

معطيات: سعة المكثفة $C = 150 \mu F$ ، مقاومة الناقل الأومي $R = 1 k\Omega$.



الشكل 1

1. نضع البادلة K في الوضع 1.

1.1. فسّر ماذا يحدث على مستوى لبوسي المكثفة.

2.1. تعطى عبارة ثابت الزمن $\tau = RC$.

بيّن بالتحليل البعدي أنه متجانس مع الزمن ثم احسب قيمته.

3.1. احسب قيمة الطاقة الأعظمية $E_{C_{max}}$ التي تخزنها المكثفة.

4.1. في حالة شحن المكثفة باستعمال عمود كهربائي قوته

المحركية الكهربائية $U_1 = 1,5 V$.

1.4.1. احسب الطاقة الأعظمية $E'_{C_{max}}$ التي تخزنها المكثفة في هذه الحالة.

2.4.1. قارن $E_{C_{max}}$ مع $E'_{C_{max}}$ مبيّنا الفائدة من شحن المكثفة بالتوتر U_2 .

2. بعد شحن المكثفة كلياً تحت التوتر U_2 وعند اللحظة $t = 0$ نغير وضع البادلة K إلى الوضع 2.

1.2. مثّل الدارة الكهربائية في هذه الحالة مبيّناً الجهة الحقيقية للتيار وأسهم التوترات الكهربائية.

2.2. جد المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر $u_C(t)$ بين طرفي المكثفة.

3.2. إذا علمت أنّ حل المعادلة التفاضلية السابقة هو $u_C(t) = U_2 e^{-\frac{t}{\tau'}}$

1.3.2. بيّن أنّ هذا الحل يتوافق مع المنحنى البياني

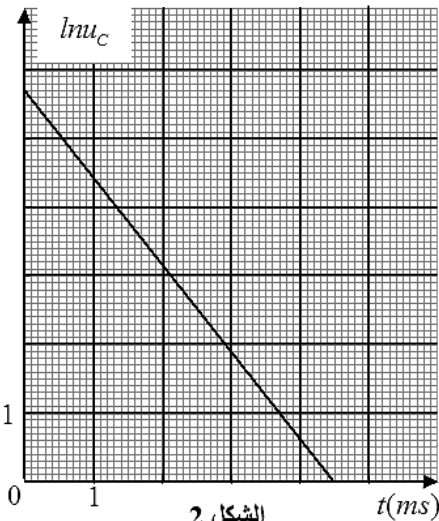
$\ln u_C = f(t)$ الشكل 2.

2.3.2. باستغلال البيان جد قيمة كل من ثابت الزمن τ' ومقاومة

مصباح الفلاش r .

3.3.2. قارن بين قيمتي τ و τ' وهل تتوافقان مع مبدأ عمل وماض

(فلاش) آلة التصوير؟



الشكل 2



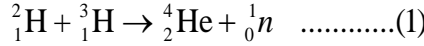
التمرين الثاني: (04 نقاط)

معطيات:

$$1u = 931,5\text{MeV} / C^2, N_A = 6,023 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1}, m(^{235}_{92}\text{U}) = 234,99345u, m(^{97}_{39}\text{Y}) = 96,91813u$$

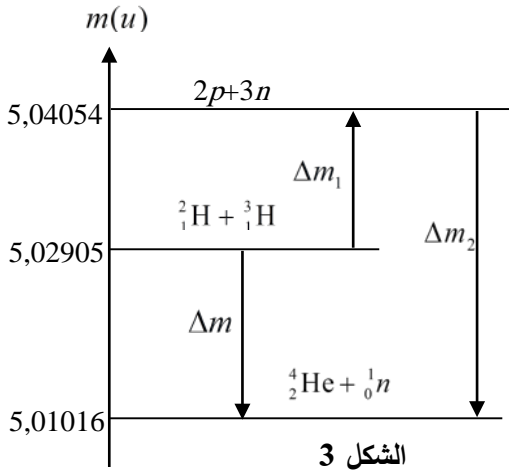
$$m(^{137}_{54}\text{I}) = 136,91787u, m(^1_0n) = 1,00866u$$

1. تعتبر الشمس مركزا لتفاعلات اندماج عدة وهي تحتوي على عدة نظائر للهيدروجين والهيليوم.
إن تفاعل الاندماج الأكثر توقعا مستقبلا في المفاعلات النووية موضح بالمعادلة:



1.1. عرّف تفاعل الاندماج.

2.1. يمثل الشكل 3 مخطط الحصيلة الكتلية للتفاعل (1).



الشكل 3

1.2.1. ماذا يمثل كل من Δm_2 و Δm_1 ؟

2.2.1. احسب كل من Δm_1 ، Δm_2 و Δm .

3.1. علما أنّ طاقة الربط لنواة الديتريوم

$$E_\ell(^2_1\text{H}) = 2,226\text{MeV}$$

الربط لنواة التريتيوم $E_\ell(^3_1\text{H})$.

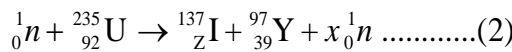
4.1. احسب طاقة الربط لنواة الهيليوم $E_\ell(^4_2\text{He})$ والطاقة

المحررة E_{lib} من التفاعل (1) واستنتج الطاقة

المحررة E'_{lib} عند اندماج 1kg من الهيدروجين ($^2_1\text{H} + ^3_1\text{H}$) يحتوي على نفس كمية المادة من ^2_1H و ^3_1H .

2. يستعمل اليورانيوم 235 كوقود نووي في المفاعلات النووية لغرض انتاج الطاقة الكهربائية حيث تحدث

له عدة تفاعلات نووية من بينها التفاعل التالي:



1.2. أعط تركيب نواة اليورانيوم 235.

2.2. بتطبيق قانوني الإنحفاظ، حدد كل من x و Z .

3.2. ما اسم التفاعل (2)؟

4.2. احسب الطاقة المحررة E_{lib} من التفاعل (2) واستنتج الطاقة المحررة E'_{lib} عند استعمال 1kg من اليورانيوم 235.

5.2. قارن بين قيمتي الطاقتين المحررتين E'_{lib} و E_{lib} . ماذا تستنتج؟

التمرين الثالث: (06 نقاط)

ندرس حركية التفاعل الحادث بين نوع كيميائي $\text{HCOOCH}_2\text{CH}_3$ ومحلول الصودا ($\text{Na}^+ + \text{HO}^-$) عن طريق قياس ناقلية المزيج التفاعلي بدلالة الزمن.

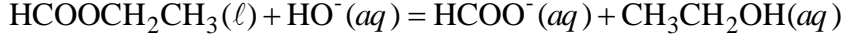
معطيات:

◀ الناقلات النوعية المولية الشاردية عند درجة الحرارة: 25°C .

◀ يهمل التركيز المولي لشوارد الهيدرونيوم H_3O^+ أمام التركيز المولي لشوارد الهيدروكسيد HO^- .



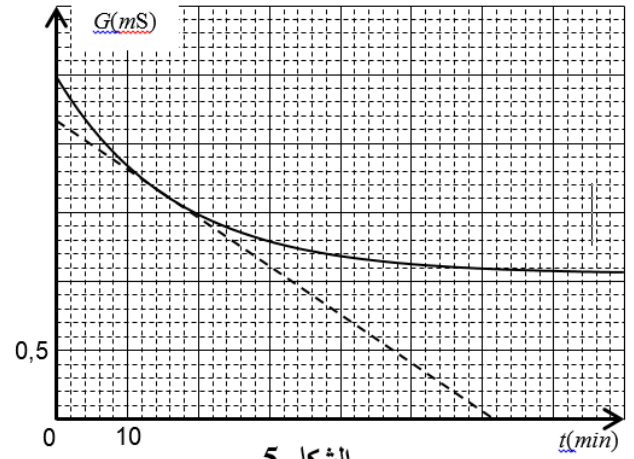
نحقق عند اللحظة $t=0$ مزيجا من محلول الصودا حجمه $V_0 = 200\text{ mL}$ تركيزه المولي c_0 و $n_0 = 2\text{ mmol}$ من النوع الكيميائي $\text{HCOOCH}_2\text{CH}_3$ ، نعتبر حجم المزيج التفاعلي هو $V = V_0 = 200\text{ mL}$. معادلة التفاعل التام المنمذج للتحويل الحاصل هي:



باستعمال برمجية مناسبة تحصلنا على المنحنيين الموضحين في الشكل 4 (تطور الناقلية بدلالة تقدم التفاعل) والشكل 5 (تطور الناقلية بدلالة الزمن).



الشكل 4



الشكل 5

- هل التفاعل الكيميائي الحادث سريع أم بطيء؟ علّل.
- اذكر الأنواع الكيميائية المسؤولة عن ناقلية المزيج التفاعلي.
- أنشئ جدولا لتقدم التفاعل.

4. بين أنّ ناقلية المزيج التفاعلي في لحظة t تكتب بالشكل: $G = \frac{K}{V}(\lambda_{\text{HCOO}^-} - \lambda_{\text{HO}^-})x + K \cdot c_0(\lambda_{\text{HO}^-} + \lambda_{\text{Na}^+})$

حيث: K ثابت خلية قياس الناقلية.

- اعتمادا على المنحنى (الشكل 4)، جد قيمة كل من ثابت الخلية K والتركيز المولي الابتدائي c_0 .
- انطلاقا من المنحنيين السابقين، جد التركيب المولي للمزيج التفاعلي عند اللحظة $t = 15\text{ min}$.
- بين أن عبارة السرعة الحجمية للتفاعل عند لحظة t تكتب بالشكل: $v_V = \frac{1}{K(\lambda_{\text{HCOO}^-} - \lambda_{\text{HO}^-})} \cdot \frac{dG}{dt}$ ثم احسب قيمة السرعة الحجمية للتفاعل عند اللحظة $t = 15\text{ min}$.

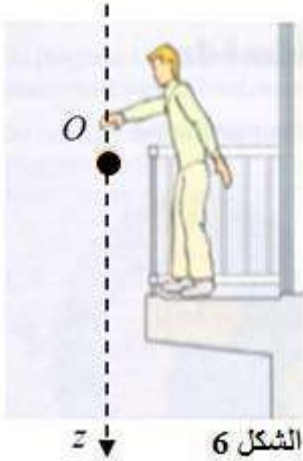
التمرين التجريبي: (06 نقاط)

بعد دراسته لموضوع السقوط الشاقولي للأجسام الصلبة في الهواء، أراد محمد تطبيق ما درسه.

ترك من شرفة منزله كرة مطاطية صغيرة متجانسة حجمها $V = 1,13 \times 10^{-4}\text{ m}^3$ وكتلتها الحجمية $\rho = 88,5\text{ kg} \cdot \text{m}^{-3}$ لتسقط شاقوليا في الهواء عند اللحظة $t=0$ دون سرعة ابتدائية من النقطة O مبدأ الفواصل الواقعة على ارتفاع $h = 17,6\text{ m}$ عن سطح الأرض.



معطيات: الكتلة الحجمية للهواء $\rho_0 = 1,3 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3}$ ، شدة الجاذبية الأرضية $g = 9,8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$.



الشكل 6

ولدراسة حركة الكرة اختار معلما خطيا (Oz) محوره شاقولي موجه نحو الأسفل مرتبط بمرجع سطح أرضي الذي نعتبره عطاليا، أنظر الشكل 6.

تخضع الكرة أثناء سقوطها لدافعة أرخميدس $\bar{\Pi}$ وكذلك لقوة إحتكاك $\bar{f} = -k\bar{v}$ حيث k ثابت موجب، و v سرعة مركز عطالة الكرة.

1. احسب النسبة $\frac{P}{\Pi}$ وبيّن أنه يمكن إهمال الدافعة $\bar{\Pi}$ أمام ثقل الكرة \bar{P} .

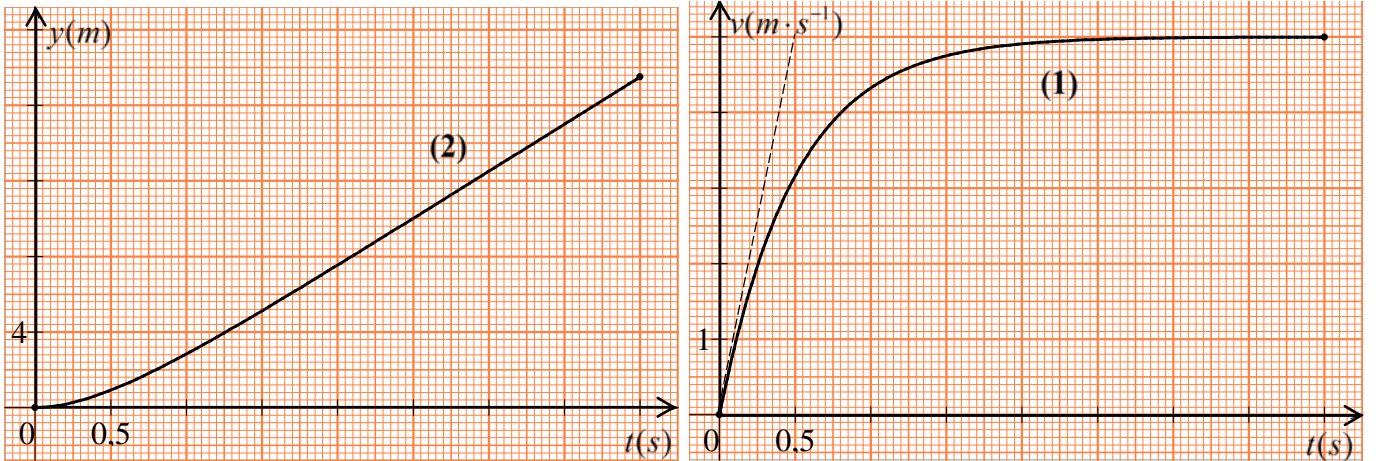
2. مثل القوى المطبقة على الكرة خلال سقوطها.

3. اكتب المعادلة التفاضلية التي تحققها السرعة v بدلالة: V, ρ, g, k .

4. استنتج عبارة السرعة الحدية للكرة v_{lim} .

5. بواسطة التصوير المتعاقب واستعمال برمجية مناسبة تمكن من الحصول على المنحنيين (1) و (2) الممثلين في

الشكل 7 التطور الزمني لكل من الفاصلة $y(t)$ وسرعة مركز عطالة الكرة $v(t)$ أثناء السقوط.



الشكل 7

1.5. عيّن بيانياً قيمة السرعة الحدية v_{lim} .

2.5. حدّد وحدة الثابت k في الجملة الدولية للوحدات. احسب قيمته.

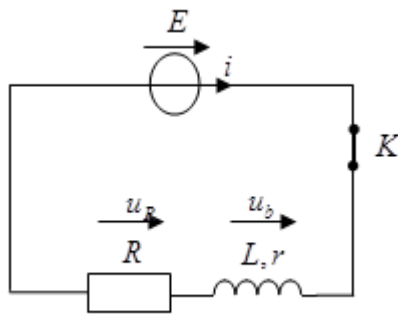
3.5. احسب معامل توجيه المماس للمنحنى (1) في اللحظة $t = 0$. وماذا يمثل فيزيائياً؟

4.5. عيّن بيانياً المدة الزمنية للسقوط.

5.5. ما هي مدة كل من النظام الانتقالي والنظام الدائم؟

6.5. تأكد من قيمة السرعة الحدية من المنحنى (2).

6. مثل كيفياً منحنى تطور السرعة بدلالة الزمن عند إهمال الاحتكاك أمام ثقل الكرة، وما طبيعة حركة الكرة عندئذ؟

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الأول)							
مجموعة	مجزأة								
2	0,25×2	<p>التمرين الأول: (04 نقاط)</p> <p>1.1.1. رسم الدارة الكهربائية</p> 							
	0,25	<p>2.1. إيجاد المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر الكهربائي بين طرفي الناقل الأومي $u_R(t)$. بتطبيق قانون جمع التوترات وقانون أوم:</p> $E = u_R(t) + u_b(t)$ $E = u_R(t) + r \cdot i(t) + L \cdot \frac{di}{dt}$ $E = u_R(t) + r \cdot \frac{u_R(t)}{R} + L \cdot \frac{1}{R} \cdot \frac{du_R}{dt}$							
	0,25	<p>3.1. إيجاد عبارة كل من A و B: $\frac{du_R}{dt} = A \cdot \frac{1}{B} \cdot e^{-\frac{t}{B}}$; $u_R(t) = A \left(1 - e^{-\frac{t}{B}}\right)$</p> <p>وبالتعويض في المعادلة التفاضلية نجد:</p> $\begin{cases} A \cdot \frac{1}{B} \cdot e^{-\frac{t}{B}} + \frac{(R+r)}{L} \cdot A \left(1 - e^{-\frac{t}{B}}\right) = \frac{RE}{L} \\ B = \frac{L}{(R+r)} ; A = \frac{RE}{(R+r)} \end{cases}$							
	0,5	<p>4.1. باستغلال حل المعادلة التفاضلية نبيّن أن منحنى الشكل 1 يمثل $u_R(t)$. من أجل $t = 0$ نجد: $u_R(0) = 0$ ومن قانون جمع التوترات $u_R(t) + u_b(t) = E$ إذن في اللحظة $t = 0$, $u_b(0) = E$ ومنه منحنى الشكل 1 يمثل $u_b(t)$. او: لما $t \rightarrow \infty$ فإن $u_R = E$</p>							
	0,25×3	<p>2.1.2. اكمال الجدول:</p> <table border="1" data-bbox="718 1814 1133 1926"> <tr> <td>$t(s)$</td> <td>0</td> <td>τ</td> <td>5τ</td> </tr> <tr> <td>$U_b(V)$</td> <td>6,30</td> <td>2,77</td> <td>0,74</td> </tr> </table> <p>ملاحظة: تمنح 0,5 في حالة كانت الطريقة دون الوصول للنتيجة.</p>	$t(s)$	0	τ	5τ	$U_b(V)$	6,30	2,77
$t(s)$	0	τ	5τ						
$U_b(V)$	6,30	2,77	0,74						

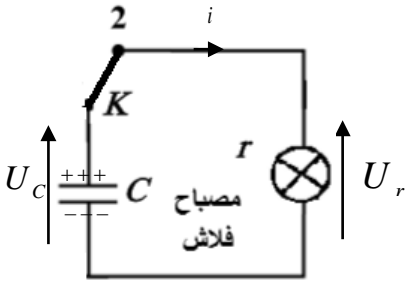
العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الأول)
مجموعة	مجزأة	
		<p>2.2. منحنى تطور التوتر الكهربائي بين طرفي الوشيعية $u_b(t)$.</p>
0,25	0,25	<p>3.2. قيمة r مقاومة الوشيعية المستعملة</p> $\begin{cases} rI_0 = E - RI_0 = 0,7V \\ r = \frac{0,7}{I_0} = \frac{0,7}{0,035} = 20\Omega \end{cases}$
0,25	0,25	<p>4.2. اختيار الفريق التقني والتبرير:</p> <p>لتحديد اختيار الفريق التقني يجب حساب ذاتية الوشيعية L</p> <p>حساب ثابت الزمن τ: من أحد البيانيين نجد $\tau = 0,01s$</p> $L = \tau(R + r) = 0,01 \times 180 = 1,8H$ <p>ومنه الوشيعية المستعملة هي رقم 3</p>
0,25	0,25	<p>التمرين الثاني: (04 نقاط)</p> <p>1. المرجع المناسب: المرجع الهيليومركزي</p>
0,25	0,25	<p>2. نص القانون الأول لكبلر: تدور الكواكب في مدارات اهليلجية حول الشمس التي تمثل أحد محرقيه.</p>
3,5	0,25	<p>3.1.3. عبارة السرعة المدارية: بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على أحد الكواكب في المرجع الهيليومركزي الذي نعتبره عطاليا: $\sum \vec{F}_{ext} = m\vec{a}$</p> <p>وبالإسقاط على المحور الناظمي نجد $F = G \frac{M_s m}{r^2} = m a_n$ حيث $a_n = \frac{v_{orb}^2}{r}$</p> <p>بالتعويض نجد $G \frac{M_s m}{r^2} = m \frac{v_{orb}^2}{r}$ نخلص إلى $v_{orb} = \sqrt{\frac{GM_s}{r}}$</p>
0,25	0,25	<p>2.3. إثبات أن القانون الثالث لكبلر يعطى بالعلاقة: $\frac{T^2}{r^3} = \frac{4\pi^2}{GM_s}$</p> <p>لدينا مما سبق: $v_{orb} = \sqrt{\frac{GM_s}{r}}$ وكذلك $T = \frac{2\pi r}{v_{orb}}$ بالتعويض نجد $\frac{T^2}{r^3} = \frac{4\pi^2}{GM_s}$</p>

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الأول)
مجموعة	مجزأة	
	0,25	3.3. حساب كتلة الشَّمس: لدينا
	0,25	$\frac{T^2}{r^3} \frac{4\pi^2}{GM_s} \Rightarrow M_s = \frac{4\pi^2 r^3}{GT^2}$
	0,5×2	باستعمال المعطيات الخاصة بكوكب الأرض: نجد $M_s = 2,00 \times 10^{30} \text{ kg}$ 4.3. تكملة الجدول: المريخ: $T = 1,89 \text{ ans}$ ، المشتري: $r = 5,20 \text{ U.A}$
	0,25	5.3. السرعة المدارية للأرض والمريخ: لدينا $v_{orb} = \sqrt{\frac{GM_s}{r}}$
	0,25	- بالنسبة إلى الأرض لدينا $v_{orb} = \sqrt{\frac{6,67 \times 10^{-11} \times 2,0 \times 10^{30}}{1,5 \times 10^{11}}} = 29,8 \text{ km} \cdot \text{s}^{-1}$
	0,25	- بالنسبة إلى المريخ لدينا $v_{orb} = \sqrt{\frac{6,67 \times 10^{-11} \times 2,0 \times 10^{30}}{1,53 \times 1,5 \times 10^{11}}} = 24,1 \text{ km} \cdot \text{s}^{-1}$
	0,5	6.3. تكون السَّنة الأرضية أقل من السَّنة المريخية لأن السَّعة المدارية للأرض أكبر من السَّعة المدارية للمريخ ونصف قطر دوران الأرض حول الشَّمس أصغر من نصف قطر دوران المريخ حول الشَّمس فالأرض تقطع المسار الدائري في زمن أقل.
		التَّمرين الثالث: (06 نقاط)
	0,5	1.1. النظائر: هي أنوية من نفس العنصر لها نفس العدد الشحني Z وتختلف في العدد الكتلي A .
	0,5	- تتركب نواة التكنيسيوم 99 من: 43 بروتونا، و 56 نيوترونا.
	0,25	2.1. يفضل استعمال النظير 99 لأن نصف عمره $t_{1/2}$ أصغر، وهذا يجعله يوفر الوقت.
	0,25	3.1. $\frac{E_i(^{99}\text{Tc})}{A} = 8,61 \text{ MeV} / \text{nuc}$
	0,25	$\frac{E_i(^{97}\text{Tc})}{A} = 8,62 \text{ MeV} / \text{nuc}$
3,5	0,5	النظير الأكثر استقرارا هو التكنيسيوم 97 لأن طاقة الرِّبط لكل نوية فيه أكبر من طاقة الرِّبط لكل نوية التكنيسيوم 99.
	0,5	4.1. معادلة التَّحول النووي: ${}_{42}^{99}\text{Mo} \rightarrow {}_{43}^{99}\text{Tc} + {}_{-1}^0\text{e}$
	0,25	نمط التَّفكك β^-
	0,5	2.4.1. التَّمثيل على مخطط (Z, N)
	0,5	

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الأول)
مجموعة	مجزأة	
2,5	0,25	2.1.2 لدينا العلاقة: $\lambda = \frac{\ln 2}{t_{1/2}}$
	0,25	ت.ع: $\lambda = \frac{\ln 2}{6 \times 3600} = 3,2 \times 10^{-5} s^{-1}$
	0,25	2.2. حساب عدد الأنوية N_0 التي تم حقنها في اللحظة $t = 0$:
	0,25	لدينا: $A_0 = \lambda N_0 \Rightarrow N_0 = \frac{A_0}{\lambda}$
	0,25	و منه: $N_0 = \frac{5 \times 10^8}{3,2 \times 10^{-5}} = 1,56 \times 10^{13} \text{ noyaux}$
	0,25	3.2. تحديد اللحظة t_1 :
	0,25	من قانون التناقص الإشعاعي: $A(t) = A_0 \cdot e^{-\lambda t}$ ، نكتب:
	0,25	$\ln(A(t)) = \ln(A_0 e^{-\lambda t}) \Rightarrow -\lambda t = \frac{\ln(A(t))}{\ln A_0} \Rightarrow t = \frac{\ln\left(\frac{A_0}{A(t)}\right)}{\lambda} = -\frac{\ln(0,6)}{\lambda}$
0,25	ت.ع: $t = -\frac{\ln(0,6)}{3,2 \times 10^{-5}} = 15963 s = 4,43 h$	
0,25	وهي الفترة التي يجب على المريض انتظارها من أجل أخذ صورة للعظام.	
0,25 × 2	4.2. مدة اختفاء النشاط: $t_2 = 5\tau = 5 \frac{1}{\lambda} = \frac{5}{3,2 \times 10^{-5}} = 156250 s = 1,8 \text{ jours}$	
3	0,25	التمرين التجريبي: (06 نقاط) 1.1. معادلة انحلال النشادر في الماء: $NH_3(g) + H_2O(l) = NH_4^+(aq) + HO^-(aq)$
	0,25 × 2	2.1. نسبة التقدم النهائية τ_f لهذا التفاعل
	0,25	$\tau_f = \frac{x_f}{x_{max}} = \frac{[HO^-]_f}{c_B} = \frac{10^{pH-14}}{c_B}$
	0,25	$\tau_f = \frac{10^{10,25-14}}{2 \times 10^{-2}}$
	0,25	$\tau_f = 2,8 \times 10^{-2}$ نستنتج أن التفاعل غير تام لأن $\tau_f < 1$

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الأول)
مجموعة	مجزأة	
		<p>3.1. عبارة ثابت التوازن K لهذا التفاعل بدلالة c_B و τ_f،</p> $K = \frac{[\text{HO}^-]_f [\text{NH}_4^+]_f}{[\text{NH}_3]_f} = \frac{[\text{HO}^-]_f^2}{c_B - [\text{HO}^-]_f} \Rightarrow K = c_B \frac{\tau_f^2}{1 - \tau_f}$ <p>حساب قيمته: $K = 2 \times 10^{-2} \frac{(2,8 \times 10^{-2})^2}{1 - (2,8 \times 10^{-2})} \Rightarrow K = 1,6 \times 10^{-5}$</p>
		<p>4.1. التَّحَقُّق من علاقة pKa الثنائية $\text{NH}_4^+ / \text{NH}_3$:</p> $Ka = \frac{[\text{H}_3\text{O}^+]_f [\text{NH}_3]_f}{[\text{NH}_4^+]_f} = \frac{K_e}{K}$ <p>$-\log Ka = -\log \frac{K_e}{K} \Rightarrow pKa = \log \frac{K}{K_e}$</p> <p>حساب قيمته: $pKa = \log \frac{1,6 \times 10^{-5}}{10^{-14}} \Rightarrow pKa = 9,2$</p>
0,25	0,25	<p>2. معادلة التفاعل الكيميائي المنمذج للتحوّل الحادث أثناء المعايرة:</p> $\text{NH}_3 + \text{H}_3\text{O}^+ = \text{NH}_4^+ + \text{H}_2\text{O}$
		<p>3.</p> <p>1.3. تعريف نقطة التكافؤ: هي النقطة التي يكون فيها المزيج في شروط ستوكيومترية.</p> <p>إحداثيات نقطة التكافؤ: بطريقة المماسين نجد $E(V_{AE} = 30\text{mL}; pH_E = 5,6)$</p>
		<p>2.3. حساب التركيز c_A: عند التكافؤ:</p> $c_A V_{AE} = c_B V_B \Rightarrow c_A = \frac{c_B V_B}{V_{AE}} \Rightarrow c_A = \frac{2 \cdot 10^{-2} \times 30}{30} \Rightarrow c_A = 2 \times 10^{-2} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$
2,25	0,25 × 2	<p>3.3.</p> <p>1.3.3. كاشف ملون: مركب كيميائي يتميز بالثنائية HIn / In^- حيث لون HIn يختلف عن لون In^-</p>
		<p>2.3.3. الكاشف الملون أحمر الكلوروفينول مناسب في هذه المعايرة لأن مجال تغيره اللوني يحتوي على القيمة $pH_E = 5,6$.</p>

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الأول)
مجموعة	مجزأة	
	0,25×2 0,25	<p>3.3.3. حجم الحمض المضاف لكي تتحقق النسبة $[\text{NH}_4^+]_f = 5[\text{NH}_3]_f$:</p> $[\text{NH}_4^+]_f = 5[\text{NH}_3]_f \Rightarrow \frac{[\text{NH}_3]_f}{[\text{NH}_4^+]_f} = \frac{1}{5} = \frac{c_B V_B - c_A V_A}{c_A V_A} \Rightarrow \frac{1}{5} = \frac{V_B}{V_A} - 1$ $\frac{V_B}{V_A} = \frac{6}{5} \Rightarrow V_A = \frac{5}{6} \times 30 \Rightarrow V_A = 25 \text{ mL}$ <p>أو: $pH = pKa + \log \frac{[\text{NH}_3]_f}{[\text{NH}_4^+]_f} = pKa + \log \frac{1}{5}$ ومنه: $pH = 8,5$</p> <p>وباستعمال المنحنى نجد: $V_A = 25 \text{ mL}$</p>
0,5	0,25 0,25	<p>4. عند نقطة نصف التكافؤ $V_B = \frac{V_{BE}}{2} = 15 \text{ mL}$ يكون $pH = pKa$</p> <p>وباستعمال المنحنى نجد: $pH = pKa = 9,2$</p>

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)
مجموعة	مجزأة	
1,75	0,25	<p>التمرين الأول: (04 نقاط)</p> <p>1. يحدث شحن للمكثفة حيث تتراكم الشحنات الكهربائية السالبة على اللبوس المتصل بالقطب السالب للمولد وبالتالي تظهر شحنات كهربائية موجبة على اللبوس المتصل بالقطب الموجب للمولد.</p>
	0,25	<p>2.1. بالتحليل البعدي:</p> $[\tau] = [R][C] \Rightarrow [\tau] = \frac{[U] \cdot [I][T]}{[I][U]} \Rightarrow [\tau] = [T]$ <p>ومنه τ متجانس مع الزمن</p>
	0,25	<p>حساب قيمته العددية: $\tau = 10^3 \times 150 \times 10^{-6} \Rightarrow \tau = 0,15 \text{ s}$</p>
	0,25	<p>3.1. حساب قيمة الطاقة العظمى E_{Cmax} التي تخزنها المكثفة:</p> $E_{Cmax} = \frac{1}{2} C U_2^2 \Rightarrow E_{Cmax} = \frac{1}{2} \times 150 \times 10^{-6} \times (300)^2 \Rightarrow E_{Cmax} = 6,75 \text{ J}$
	0,25	<p>4.1. حساب الطاقة العظمى E'_{Cmax} المخزنة في المكثفة حالة استعمال مولد توتر $U_1 = 1,5 \text{ V}$</p> $E'_{Cmax} = \frac{1}{2} \times 150 \times 10^{-6} \times (1,5)^2 \Rightarrow E'_{Cmax} = 168,75 \times 10^{-6} \text{ J}$
	0,25	<p>2.4.1. المقارنة: $\frac{E_{Cmax}}{E'_{Cmax}} = \frac{6,75}{168,75 \times 10^{-6}} = 4 \times 10^4$ ومنه $E_{Cmax} = 4 \times 10^4 E'_{Cmax}$</p> <p>- الفائدة من شحن المكثفة بالتوتر U_2: الطاقة العالية التي تخزنها المكثفة تسمح بتوهج كافي للمصباح من أجل أخذ صورة واضحة.</p>
2,25	0,25	<p>2. تمثيل الدارة</p> 
	0,25	<p>2.2. المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر u_C بين طرفي المكثفة:</p> <p>حسب قانون جمع التوترات $u_C - u_R = 0 \Rightarrow u_C - ri = 0 \Rightarrow u_C - r(-C \frac{du_C}{dt}) = 0$</p> $\Rightarrow \frac{du_C}{dt} + \frac{1}{rC} u_C = 0$

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)
مجموعة	مجزأة	
		<p>3.2 1.3.2</p> <p>تبيان توافق الحل مع المنحنى البيان $Lnu_c(t) = f(t)$</p> $u_c(t) = U_2 e^{\frac{-t}{\tau}} \Rightarrow Lnu_c(t) = \ln U_2 e^{\frac{-t}{\tau}} \Rightarrow Lnu_c(t) = -\frac{1}{\tau}t + \ln U_2$ <p>معادلة المنحنى: $Lnu_c(t) = at + b$</p> <p>بالمطابقة الحل يتوافق مع البيان.</p>
	0,25	<p>2.3.2</p> $-\frac{1}{\tau} = a$ $a = \frac{0 - 5,7}{(4,5 - 0)10^{-3}} = -1,27 \times 10^3$ <p>حساب قيمة ثابت الزمن τ':</p> $\tau' = \frac{1}{1,27 \times 10^3}$ $\tau' = 7,87 \times 10^{-4} s$ <p>مقاومة مصباح الفلاش:</p>
	0,25	$\tau' = rC \Rightarrow r = \frac{\tau'}{C}$ $r = \frac{7,87 \times 10^{-4}}{150 \times 10^{-6}}$ $r = 5,2 \Omega$
	0,25	<p>3.3.2. المقارنة بين قيمتي τ و τ': $\frac{\tau}{\tau'} = \frac{0,15}{7,87 \times 10^{-4}} = 190,6$</p> $\tau = 190,6\tau'$
	0,25	<p>هذه القيمة تتوافق مع استعمال آلة التصوير (مدة التفريغ صغيرة جدا أمام مدة الشحن).</p>
		<p>التمرين الثاني: (04 نقاط)</p> <p>1.</p> <p>1.1. تعريف الاندماج: هو تفاعل نووي يحدث فيه اندماج نواتين خفيفتين لتشكيل نواة أثقل منهما مع تحرير طاقة عالية ونيوترونات.</p>
	0,25	<p>2.1</p> <p>1.2.1. Δm: النقص الكتلي للتفاعل (1)</p> <p>Δm_2: النقص الكتلي لنواة الهيليوم 4.</p>
2,5	0,25	<p>2.2.1. حساب كل من Δm_1, Δm_2, Δm</p> $\Delta m_1 = 5,04054 - 5,02905 = 0,01149u$
	0,25	$\Delta m_2 = 5,01016 - 5,04054 = -0,03038u$
	0,25	$\Delta m = 5,01016 - 5,02905 = -0,01889u$

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)
مجموعة	مجزأة	
		<p>3.1. استنتاج طاقة الربط النووي</p> $E_{\ell}({}_1^3\text{H}) + E_{\ell}({}_1^2\text{H}) = \Delta m_1 \times 931,5$ $E_{\ell}({}_1^3\text{H}) = \Delta m_1 \times 931,5 - E_{\ell}({}_1^2\text{H})$ $E_{\ell}({}_1^3\text{H}) = 8,477\text{MeV}$
	0,25	<p>4.1. حساب طاقة الربط النووي للهيليوم 4 والطاقة المحررة من التفاعل (1):</p> $E_{\ell}({}_2^4\text{He}) = \Delta m_2 \times 931,5$ $E_{\ell}({}_2^4\text{He}) = 28,3\text{MeV}$ $E_{lib} = \Delta m \times 931,5$ $E_{lib} = -17,6\text{MeV}$
	0,25	<p>حساب E'_{lib} المحررة من تفاعل اندماج 1kg من الهيدروجين (${}_1^2\text{H} + {}_1^3\text{H}$)</p> $ E'_{lib} = \frac{m}{M({}_1^2\text{H}) + M({}_1^3\text{H})} \cdot N_A \cdot E_{lib} = 2,12 \times 10^{27} \text{MeV}$
		<p>2.</p> <p>1.2. تركيب نواة اليورانيوم 235:</p> <p>عدد البروتونات هو 92 ، عدد النيوترونات هو 143</p>
	0,25	<p>2.2. تحديد x, z بتطبيق قانوني الانحفاظ:</p> $235 + 1 = 137 + 97 + x \Rightarrow x = 2$ $92 + 0 = z + 39 + 0 \Rightarrow z = 53$
	0,25	<p>3.2. اسم التفاعل (2) تفاعل الانشطار النووي.</p>
		<p>4.2. حساب الطاقة المحررة من التفاعل (2):</p> $ E_{2lib} = \Delta m \times 931,5$ $ E_{2lib} = 138,6\text{MeV}$ <p>حساب E'_{2lib} المحررة من تفاعل انشطار 1kg من اليورانيوم 235</p> $ E'_{2lib} = \frac{m}{M({}_{92}^{235}\text{U})} \cdot N_A \cdot E_{2lib} = 3,55 \times 10^{26} \text{MeV}$
1,5	0,25	<p>5.2. المقارنة بين الطاقين المحررتين:</p> $\frac{ E'_{1lib} }{ E'_{2lib} } = 5,97 \Rightarrow E'_{1lib} = 5,97 E'_{2lib} $ <p>نستنتج أن الطاقة المحررة من تفاعل الاندماج أكبر من 5مرات من الطاقة المحررة من تفاعل الانشطار عند استعمال نفس كتلة الوقود.</p>
	0,25	

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)																				
مجموعة	مجزأة																					
0,25	0,25	<p>التمرين الثالث: (06 نقاط)</p> <p>1. التفاعل الحادث بطيء لأن مدته تقدر بعدة دقائق (الشكل 5).</p>																				
0,75	0,25×3	<p>2. الأفراد الكيميائية المسؤولة عن الناقلية: $\text{Na}^+, \text{HO}^-, \text{HCOO}^-$</p>																				
0,5	0,25	<p>3. جدول تقدم التفاعل:</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td></td> <td colspan="4">$\text{HCOOCH}_2\text{CH}_3 + \text{HO}^- = \text{HCOO}^- + \text{CH}_3\text{CH}_2\text{OH}$</td> </tr> <tr> <td>الحالة الابتدائية</td> <td>n_0</td> <td>c_0V</td> <td>0</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td>الحالة الانتقالية</td> <td>$n_0 - x$</td> <td>$c_0V - x$</td> <td>x</td> <td>x</td> </tr> <tr> <td>الحالة النهائية</td> <td>$n_0 - x_f$</td> <td>$c_0V - x_f$</td> <td>x_f</td> <td>x_f</td> </tr> </table>		$\text{HCOOCH}_2\text{CH}_3 + \text{HO}^- = \text{HCOO}^- + \text{CH}_3\text{CH}_2\text{OH}$				الحالة الابتدائية	n_0	c_0V	0	0	الحالة الانتقالية	$n_0 - x$	$c_0V - x$	x	x	الحالة النهائية	$n_0 - x_f$	$c_0V - x_f$	x_f	x_f
	$\text{HCOOCH}_2\text{CH}_3 + \text{HO}^- = \text{HCOO}^- + \text{CH}_3\text{CH}_2\text{OH}$																					
الحالة الابتدائية	n_0	c_0V	0	0																		
الحالة الانتقالية	$n_0 - x$	$c_0V - x$	x	x																		
الحالة النهائية	$n_0 - x_f$	$c_0V - x_f$	x_f	x_f																		
1	0,25 0,25 0,25 0,25	<p>4. عبارة الناقلية:</p> $G = K\sigma \quad ; \quad \sigma = \lambda_{\text{HCOO}^-} [\text{HCOO}^-] + \lambda_{\text{HO}^-} [\text{HO}^-] + \lambda_{\text{Na}^+} [\text{Na}^+]$ $G = K(\lambda_{\text{HCOO}^-} [\text{HCOO}^-] + \lambda_{\text{HO}^-} [\text{HO}^-] + \lambda_{\text{Na}^+} [\text{Na}^+])$ $G = K(\lambda_{\text{HCOO}^-} \frac{x}{V} + \lambda_{\text{HO}^-} \frac{c_0V - x}{V} + \lambda_{\text{Na}^+} c_0)$ $G = \frac{K}{V}(\lambda_{\text{HCOO}^-} - \lambda_{\text{HO}^-})x + Kc_0(\lambda_{\text{Na}^+} + \lambda_{\text{HO}^-})$																				
1.25	0,25 0,25 0,25 0,25	<p>5. قيمة ثابت الخلية K.</p> <p>من الشكل 4: $G = a.x + b$</p> <p>حيث a الميل $a = -0,75 \text{ S} \cdot \text{mol}^{-1}$</p> <p>و $b = 2,5 \times 10^{-3} \text{ S}$</p> <p>بالمطابقة مع العلاقة النظرية: $a = \frac{K}{V}(\lambda_{\text{HCOO}^-} - \lambda_{\text{HO}^-})$</p> $K = \frac{aV}{(\lambda_{\text{HCOO}^-} - \lambda_{\text{HO}^-})}$ $c_0 = \frac{2,5 \times 10^{-3}}{K(\lambda_{\text{Na}^+} + \lambda_{\text{HO}^-})}$																				
1.25	0,25 0,25×4	<p>6. التركيب المولي للمزيج عند $t = 15 \text{ min}$</p> <p>من الشكل 5 عند $t = 15 \text{ min}$ يكون $G = 1,6 \text{ mS}$</p> <p>من الشكل 4 عند $G = 1,6 \text{ mS}$ يكون $x = 1,2 \text{ mmol}$</p> <p>لدينا $n_0 = 2 \text{ mmol}$</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td></td> <td colspan="4">$\text{HCOOCH}_2\text{CH}_3 + \text{HO}^- = \text{HCOO}^- + \text{CH}_3\text{CH}_2\text{OH}$</td> </tr> <tr> <td>$t = 15 \text{ min}$</td> <td>$n_0 - x$ 0,8mmol</td> <td>$c_0V - x$ 0,8mmol</td> <td>x 1,2mmol</td> <td>x 1,2mmol</td> </tr> </table>		$\text{HCOOCH}_2\text{CH}_3 + \text{HO}^- = \text{HCOO}^- + \text{CH}_3\text{CH}_2\text{OH}$				$t = 15 \text{ min}$	$n_0 - x$ 0,8mmol	$c_0V - x$ 0,8mmol	x 1,2mmol	x 1,2mmol										
	$\text{HCOOCH}_2\text{CH}_3 + \text{HO}^- = \text{HCOO}^- + \text{CH}_3\text{CH}_2\text{OH}$																					
$t = 15 \text{ min}$	$n_0 - x$ 0,8mmol	$c_0V - x$ 0,8mmol	x 1,2mmol	x 1,2mmol																		

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)
مجموعة	مجزأة	
1		7. عبارة السرعة الحجمية للتفاعل:
	0,25	$v_V = \frac{1}{V} \frac{dx}{dt}$ $G = \frac{K}{V} (\lambda_{\text{HCOO}^-} - \lambda_{\text{HO}^-})x + Kc_0 (\lambda_{\text{Na}^+} + \lambda_{\text{HO}^-})$ لدينا
	0,25	$x(t) = \frac{G(t) - Kc_0 (\lambda_{\text{Na}^+} + \lambda_{\text{HO}^-})}{\frac{K}{V} (\lambda_{\text{HCOO}^-} - \lambda_{\text{HO}^-})}$
	0,25	$\frac{dx(t)}{dt} = \frac{1}{\frac{K}{V} (\lambda_{\text{HCOO}^-} - \lambda_{\text{HO}^-})} \cdot \frac{dG(t)}{dt}$
	0,25	$v_V = \frac{1}{V} \frac{1}{\frac{K}{V} (\lambda_{\text{HCOO}^-} - \lambda_{\text{HO}^-})} \cdot \frac{dG(t)}{dt}$
		بالاشتقاق نجد
		ومنه تصبح السرعة الحجمية:
		$v_V = \frac{1}{K (\lambda_{\text{HCOO}^-} - \lambda_{\text{HO}^-})} \cdot \frac{dG(t)}{dt}$
		$\left[\frac{dG(t)}{dt} \right]_{15\text{min}} = -0.035 \text{ms} \cdot \text{min}^{-1}$
		$v_V = -\frac{1}{725V} \cdot \frac{dG(t)}{dt}$
		$G = -725x + 2.5$
		لكن يمكن استعمال عبارة البيان الخاص بالشكل 4، وعليه
		$x = \frac{2.5 - G}{725}$
		$v_V = -\frac{1}{725 \cdot 0.02} \cdot \frac{0 - 2.15}{(61 - 0) \cdot 60}$
		في اللحظة 15min = تمثل ميل المماس:
		$v_V = 4.05 \cdot 10^{-6} \text{mol} / \text{L} \cdot \text{s}$
0,5	0,25	التمرين التجريبي: (06 نقاط)
	0,25	1. حساب النسبة $\frac{P}{\Pi}$: $\frac{P}{\Pi} = \frac{mg}{\rho_{\text{air}} V g} = \frac{\rho}{\rho_{\text{air}}} = \frac{88,5}{1,3} = 68$
	0,25	نعم، يمكن إهمال الدافعة أمام الثقل، لأن شدة \vec{P} أكبر من شدة $\vec{\Pi}$ بـ 68 مرة.
0,25	0,25	2. تمثيل القوى المطبقة على الكرة خلال سقوطها:

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)
مجموعة	مجزأة	
1	0,25	<p>3. المعادلة التفاضلية التي تحققها سرعة مركز عطالة الكرة: بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الكرة في مرجع سطحي أرضي الذي نعتبره غاليليا: $\sum \vec{F}_{ext} = m \vec{a}_G \Leftrightarrow \vec{P} + \vec{f} = m \vec{a}_G$</p> <p>بالإسقاط على المحور الشاقولي نجد: $P - f = m a_G$ ، أي: $m g - k v = m \frac{dv}{dt}$</p> <p>نجد: $\frac{dv}{dt} + \frac{k}{m} v = g$ ، إذن: $\frac{dv}{dt} + \frac{k}{\rho V} v = g$</p>
	0,25×2	
0,5	0,25	<p>4. عند بلوغ الكرة السرعة الحدية: $\frac{dv}{dt} = 0$</p> <p>$v_{lim} = \frac{\rho V g}{k}$</p>
	0,25	
3,25	0,25	<p>5.1. من البيان (1) نجد: $v_{lim} = 5 m \cdot s^{-1}$</p>
	0,25×2	<p>2.5. التحليل البعدي:</p> <p>$k = \frac{f}{v} \Rightarrow [k] = \frac{[f]}{[v]} = \frac{[M] \cdot [L] \cdot [T]^{-2}}{[L] \cdot [T]^{-1}}$</p> <p>$[k] = [M] \cdot [T]^{-1}$</p> <p>وحدة k في الجملة الدولية هي: $kg \cdot s^{-1}$</p>
	0,25	<p>قيمة k: $k = \frac{\rho V g}{v_{lim}} = \frac{88,5 \times 1,13 \times 10^{-4} \times 9,8}{5} = 1,96 \times 10^{-2} kg \cdot s^{-1}$</p>
	0,25×2	<p>3.5. معامل توجيه المماس للمنحنى (1) في اللحظة $t = 0$:</p> <p>$\left(\frac{\Delta v}{\Delta t} \right)_{t=0} = \frac{5}{0,5} = 10 m \cdot s^{-2}$</p> <p>ويمثل فيزيائياً تسارع حركة الكرة في اللحظة $t = 0$.</p>
	0,25	<p>4.5. المدة الزمنية للسقوط: من البيان (2)، لدينا من أجل $y = 17,6 m$ ، $t = 4 s$.</p>
	0,25	<p>5.5. مدة النظام الانتقالي: $\Delta t_1 = 2,75 s$</p>
	0,25	<p>مدة النظام الدائم: $\Delta t_2 = 1,25 s$</p>
	0,25	

	0,25 0,25	<p>6.5. التأكيد من قيمة السرعة الحدية باستعمال المنحنى (2)</p> <p>قيمة السرعة الحدية تمثل ميل المنحنى (2) في لحظة من المجال الزمني للنظام الدائم.</p> $v_{lim} = \left(\frac{dy}{dt} \right)_{2,75s \leq t \leq 4s} = 5 m \cdot s^{-1}$
0,5	0,25 0,25	<p>6. تمثيل مخطط السرعة كيقيا في حالة إهمال قوة الاحتكاك ثقل الكرة:</p> <p>- تكون حركة الكرة مستقيمة متسارعة بانتظام (سقوط حر).</p> <p>أمام</p> 