

## فرض الفصل الأول في مادة الرياضيات

التمرين الأول :

$(u_n)$  متتالية حسابية معرفة على  $\mathbb{N}$  بعدها الأول :  $u_0 = 2$  وبالعلاقة :  $u_2 + u_5 = 25$

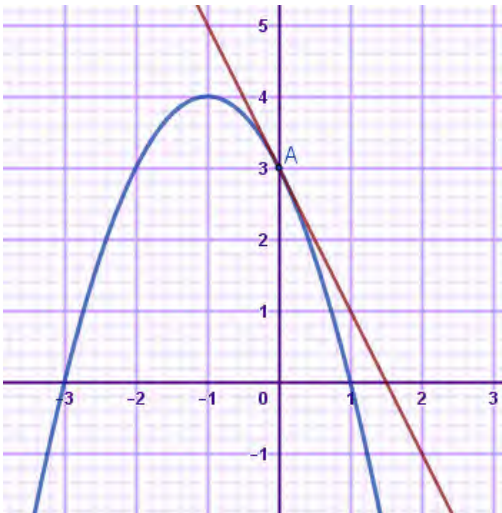
- (1) بين أن أساس المتتالية  $(u_n)$  هو 3
- (2) أكتب عبارة الحد العام  $u_n$  بدلالة  $n$
- (3) أحسب قيمة الحد الذي رتبته 11
- (4) نعتبر المتتالية  $(w_n)$  المعرفة على  $\mathbb{N}$  بـ :  $w_n = u_n + n$   
لهم أحسب المجموع :  $S_n = w_0 + w_1 + \dots + w_n$

التمرين الثاني :

نعتبر المتتالية  $(u_n)$  المعرفة بـ

$$\begin{cases} u_0 = 6 \\ u_{n+1} = \frac{1}{2}u_n + 2 \end{cases}$$

- 1- أحسب الحدود :  $u_1 ; u_2 ; u_3$ , هل المتتالية  $(u_n)$  رتيبة (برر)
- 2- بين أنه لأجل كل عدد طبيعي  $n$  :  $u_{n+1} - 4 = \frac{1}{2}(u_n - 4)$
- 3-  $(v_n)$  متتالية معرفة على  $\mathbb{N}$  بـ :  $v_n = u_n - 4$   
أ- بين أن  $(v_n)$  متتالية هندسية معينا أساسها وحدها الأول  
ب- أكتب عبارة الحد العام للمتتالية  $(v_n)$  ثم إستنتج عبارة  $u_n$  بدلالة  $n$   
ت- أحسب  $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$  وماذا تستنتج ؟

التمرين الثالث :

$f$  دالة معرفة على  $\mathbb{R}$  بتمثيلها البياني  $(C)$  الموضح في الشكل المقابل،  $(T)$  مماس للمنحنى  $(C)$  عند النقطة  $A(0; 3)$  (أنظر الشكل)

بقراءة بيانية :

- 1- عين :  $f(-1) ; f(-3) ; f'(-1) ; f'(0)$
- 2- أكتب معادلة المماس  $(T)$
- 3- حل في  $\mathbb{R}$  المتراجحات :  $f(x) \geq 0$  ;  $f'(x) \leq 0$

بالتوفيق