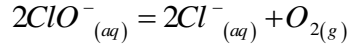


**التمرين الأول: (12 نقطة)**

يعرف تحت كلوريت الصوديوم  $(Na^+ + ClO^-)_{(aq)}$  باسم ماء جافيل، اكتشفه الكيميائي الفرنسي كلود لويس برتولي، وهو منتج شائع يستعمل في التنظيف والتطهير. يتفكك ماء جافيل تلقائيا ببطء في وجود وسيط حسب التحول الكيميائي التام الممتدج بالمعادلة:



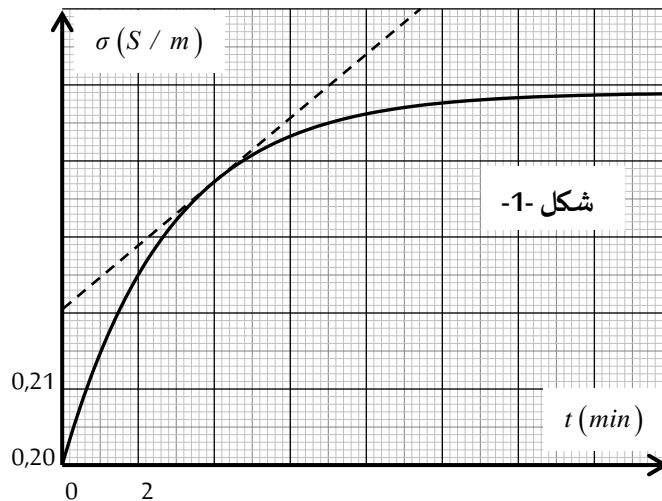
لدراسة هذا التحول، نأخذ عند درجة حرارة  $\theta = 25^\circ C$  عينة من محلول تجاري  $(S_0)$  نخففه 5 مرات فنحصل على محلول  $(S)$  حجمه  $V = 100mL$ . عند اللحظة  $(t = 0)$  نضيف للمحلول  $(S)$  وسيط فيبدأ في التفكك.

نتابع تطور التحول الكيميائي باستعمال جهاز قياس الناقلية النوعية فنحصل على المنحنى البياني شكل 1-1:

- 1- اذكر البروتوكول التجريبي لعملية التمديد.
- 2- أنشئ جدول تقدم التفاعل.
- 3- أ- اكتب عبارة الناقلية النوعية الابتدائية  $\sigma_0$  بدلالة  $C$ ،  $\lambda_{Na^+}$ ،  $\lambda_{ClO^-}$ .  
ب- أوجد قيمة  $\sigma_0$  بيانيا.
- 4- استنتج التركيز المولي  $C$  للمحلول  $(S)$  ثم التركيز المولي  $C_0$  للمحلول  $(S_0)$ .
- 5- احسب قيمة التقدم الأعظمي  $x_{max}$ .
- 6- بين أنه من أجل كل لحظة  $t$ :  $\sigma(t) = \sigma_0 + 48,6x(t)$ .
- 7- أ- بين أن عبارة السرعة الحجمية للتفاعل تكتب على الشكل:  $v_{vol}(t) = -\frac{1}{4,86} \left( \frac{d\sigma}{dt} \right)_t$ .  
ب- احسب قيمتها عند اللحظة  $t = 4 min$ .
- 8- أ- عرف زمن نصف التفاعل  $t_{1/2}$ ، ثم حدد قيمته.
- 9- أ- لو أجرينا التفاعل عند درجة حرارة  $\theta' = 40^\circ C$ ، فسر كيف تتطور السرعة الحجمية للتفاعل.  
ب- هل قيمة الناقلية النوعية  $\sigma_f$  في نهاية التفاعل تتغير؟ علل.

**المعطيات:** الناقلية النوعية المولية الشاردية عند درجة حرارة  $25^\circ C$

$$\lambda_{Na^+} = 5 \times 10^{-3} S.m^2.mol^{-1} \quad \lambda_{ClO^-} = 5,2 \times 10^{-3} S.m^2.mol^{-1} \quad \lambda_{Cl^-} = 7,63 \times 10^{-3} S.m^2.mol^{-1}$$



1- يستعمل نظير الأزوت 13 في الطب لمعالجة الأمراض الرئوية ولتصوير تدفق الدم في عضلة القلب. ينتج عن تفكك نواة الأزوت  $^{13}_7N$  نواة الكربون  $^{13}_6C$ .

1- اكتب معادلة التفكك مع تحديد نوع النشاط الإشعاعي المنبعث.

2- احسب طاقة الربط  $E_l$  لنواة  $^{13}_7N$ .

3- تعطى طاقة الربط لكل نيكليون لنواة الكربون 13:  $E_{l/A} (^{13}C) = 7,466 \text{Mev} / \text{nucleon}$

- حدد النواة الأكثر استقرارا من بين النواتين  $^{13}_6C$  و  $^{13}_7N$ .

II- تم العثور في مغارة تعود إلى ما قبل التاريخ إلى قطعة خشبية متحجرة تحتوي على كتلة  $m_0 = 2 \times 10^{-12} \text{g}$  من الكربون  $^{14}C$ ، قطعة

أخرى لها نفس الكتلة قطعت حديثا من شجرة من نفس نوع الخشب تحتوي على كتلة  $m = 9 \times 10^{-12} \text{g}$  من الكربون  $^{14}C$ .

1- ما المدلول الفيزيائي لزمن نصف العمر  $t_{1/2}$ .

2- تحقق أن النشاط  $A_0$  للقطعة الخشبية القديمة هو:  $A_0 = 0,332 \text{Bq}$ .

3- بين أن عمر القطعة الخشبية يكتب على الشكل:  $t = \frac{t_{1/2}}{\ln 2} \cdot \ln \frac{m(t)}{m_0}$ . ثم احسب  $t$  بالسنة (ans).

4- عثر فريق علمي على بقايا أقدم إنسان في شمال إفريقيا حيث تم تحديد عمر هذه البقايا بنحو 300 ألف سنة.

- هل يمكن استعمال تقنية التأريخ بالكربون  $^{14}C$  لتأريخ عمر هذه البقايا؟ علل إجابتك.

المعطيات:

$$m(^{13}N) = 13,00574u$$

$$m_p = 1,00728u$$

$$m_n = 1,00866u$$

$$N_A = 6,023 \times 10^{23} \text{mol}^{-1}$$

$$M(^{14}C) = 14 \text{g} / \text{mol}$$

$$t_{1/2} (^{14}C) = 5730 \text{ans}$$

$$1u = 931,5 \text{Mev} / c^2$$



## تصحيح الفرض الأول

التمرين 01: (12 نقطة)

1- البروتوكول التجريبي:

- حساب الحجم  $V_0$  الواجب أخذه من المحلول التجاري  $S_0$ :

(1) بتطبيق قانون التخفيف  $C_0 V_0 = CV \Rightarrow \frac{C_0}{C} = \frac{V}{V_0} = 5 \Rightarrow V_0 = \frac{V}{5} \Rightarrow V_0 = \frac{100}{5} = 20mL$

- نأخذ بواسطة ماصة عيارية سعتها  $20mL$  حجما  $V_0$  ونضعها في حوالة عيارية سعتها  $100mL$  بها كمية من الماء المقطر نرج ثم

نكمل بالماء المقطر حتى خط العيار مع أخذ الاحتياطات الأمنية أثناء التعامل مع ماء جافيل. (0,5)

2- جدول تقدم التفاعل:

التفاعل	$2ClO^-_{(aq)} = 2Cl^-_{(aq)} + O_{2(g)}$		
ح.إ.	$n = CV$	0	0
ح.و.	$CV - 2x(t)$	$2x(t)$	$x(t)$
ح.ن.	$CV - 2x_f$	$2x_f$	$x_f$

(0,5)

3- أ- عبارة الناقلية النوعية الابتدائية  $\sigma_0$ :  $\sigma_0 = \lambda_{Na^+} [Na^+]_0 + \lambda_{ClO^-} [ClO^-]_0$  (0,5)

ب- بيانيا:  $\sigma_0 = 0,2S / m$  (0,5)

4- استنتاج التركيز المولي  $C$  للمحلول  $(S)$  ثم التركيز المولي  $C_0$  للمحلول  $(S_0)$ :

(0,5)  $\sigma_0 = (\lambda_{Na^+} + \lambda_{ClO^-})C \Rightarrow C = \frac{\sigma_0}{(\lambda_{Na^+} + \lambda_{ClO^-})} \Rightarrow C = \frac{0,2}{5 \times 10^{-3} + 5,2 \times 10^{-3}}$

(0,5)  $\Rightarrow C = 19,6 mol / m^3 = 1,96 \times 10^{-2} mol / L$

(1) استنتاج التركيز المولي  $C_0$ : من قانون التمديد  $\frac{C_0}{C} = 5 \Rightarrow C_0 = 5 \times C \Rightarrow C_0 = 5 \times 1,96 \times 10^{-2} = 9,8 \times 10^{-2} mol / L$

5- حساب التقدم الأعظمي  $x_{max}$ :

(1) التفاعل تام ومن جدول التقدم:  $CV - 2x_{max} \Rightarrow x_{max} = \frac{CV}{2} = \frac{1,96 \times 10^{-2} \times 100 \times 10^{-3}}{2} = 9,8 \times 10^{-4} mol$

6- تبيان أن:  $\sigma(t) = \sigma_0 + 48,6x(t)$

(0,5)  $\sigma(t) = \lambda_{Na^+} [Na^+]_t + \lambda_{ClO^-} [ClO^-]_t + \lambda_{Cl^-} [Cl^-]_t$

(1) 
$$\begin{cases} \sigma(t) = \lambda_{Na^+} C + \lambda_{ClO^-} \left( C - \frac{2x(t)}{V} \right) + \lambda_{Cl^-} \frac{2x(t)}{V} \\ \sigma(t) = 5 \times 10^{-3} \times 19,6 + 5,2 \times 10^{-3} \left( 19,6 - \frac{2x(t)}{100 \times 10^{-6}} \right) + 7,63 \times 10^{-3} \times \frac{2x(t)}{100 \times 10^{-6}} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} [Cl^-]_t = \frac{2x(t)}{V} \\ [Na^+]_t = [Na^+]_0 = C \\ [ClO^-]_t = \frac{CV - 2x(t)}{V} \end{cases}$$

من جدول التقدم:  $\sigma(t) = \sigma_0 + 48,6x(t)$  بالتبسيط نجد:

7- اكتب عبارة السرعة الحجمية للتفاعل  $v_{vol}$ : حسب التعريف (1)  $v_{vol} = \frac{1}{V} \cdot \left( \frac{dx}{dt} \right)_t$  (0,5)

لدينا:  $\sigma(t) = \sigma_0 + 48,6x(t)$  بإدخال  $\frac{d}{dt}$  للطرفين نجد:  $\frac{d\sigma(t)}{dt} = \frac{d\sigma_0}{dt} + 48,6 \frac{dx(t)}{dt} \Rightarrow \frac{dx(t)}{dt} = -\frac{1}{48} \left( \frac{d\sigma(t)}{dt} \right)_t$

(1) نعوض في (1) نجد:  $v_{vol}(t) = -\frac{1}{48,6V} \left( \frac{d\sigma(t)}{dt} \right)_t = -\frac{1}{4,86} \left( \frac{d\sigma(t)}{dt} \right)_t$

(0,5) ت.ع:  $v_{vol}(t) = -\frac{1}{4,86} \left( \frac{0,22 - 0,238}{0 - 4} \right)_{t=4min} = 9,26 \times 10^{-4} mol / L \cdot min$

8- زمن نصف التفاعل  $t_{1/2}$  هو الزمن اللازم لبلوغ تقدم التفاعل نصف قيمته الأعظمية:  $x(t_{1/2}) = \frac{x_{max}}{2}$  (0,5)

بيانيا:  $t_{1/2} = 2 \text{ min}$  (0,5)

9- أ- عند درجة حرارة  $\theta' = 40^\circ\text{C}$  تزداد السرعة الحجمية للتفاعل  $v_{vol}$  بسبب زيادة التصادمات الفعالة بين الأفراد الكيميائية في الوسط الحركي لأن درجة الحرارة عامل حركي. (0,5)

ب- قيمة الناقلية النوعية  $\sigma_f$  في نهاية التفاعل تتغير لأن الناقلية المولية الشاردية  $\lambda$  تتعلق بدرجة الحرارة. (0,5)

التمرين الثاني: (08 نقطة)

1- معادلة التفكك:  ${}^{13}_7\text{N} \rightarrow {}^{13}_6\text{C} + {}^0_{+1}e$  (0,5) نمط الإشعاع  $\beta^-$  (0,5)

2- حساب طاقة  $E_l$  الربط لنواة  ${}^{13}_7\text{N}$ :

3- حسب التعريف:  $E_l({}^{13}_7\text{N}) = [Z \cdot m_p + (A - Z)m_n - m({}^{13}_7\text{N})]C^2$  (0,5)

(0,5)  $E_l({}^{13}_7\text{N}) = (7 \times 1,00728 + 6 \times 1,00866 - 13,00574)C^2 = 931,5 \text{ Mev} / C^2 = 90,52 \text{ Mev}$

4- تحديج النواة الأكثر استقرارا:

(0,5)  $E_{l/A}({}^{13}_7\text{N}) = \frac{E_l}{A} = \frac{90,52}{13} = 6,96 \text{ Mev} / \text{nucleon}$

(0,5) المقارنة:  $E_{l/A}({}^{13}_7\text{N}) < E_{l/A}({}^{13}_6\text{C})$  ومنه: نواة  ${}^{13}_6\text{C}$  أكثر استقرارا من نواة  ${}^{13}_7\text{N}$

II- 1- المدلول الفيزيائي لزمن نصف العمر  $t_{1/2}$ :

(0,5) هو الزمن اللازم لتفكك نصف عدد الأنوية المشعة الابتدائية  $N(t_{1/2}) = \frac{N_0}{2}$

2- التحقق أن النشاط  $A_0$  للقطعة الخشبية القديمة هو  $A_0 = 0,332 \text{ Bq}$ :

(1)  $A_0 = \lambda \cdot N_0 \Rightarrow A_0 = \frac{\ln 2}{t_{1/2}} \cdot \frac{m_0}{M_{14C}} \cdot N_A \Rightarrow A_0 = \frac{\ln 2}{5730 \times 365 \times 24 \times 3600} \cdot \frac{2 \times 10^{-12}}{14} \cdot 6,023 \times 10^{23} = 0,332 \text{ Bq}$

3- تبيان أن عمر القطعة الخشبية يكتب على الشكل:  $t = \frac{t_{1/2}}{\ln 2} \cdot \ln \frac{m(t)}{m_0}$

(0,5) من قانون التناقص الإشعاعي:  $N(t) = N_0 \cdot e^{-\lambda t}$

(1)  $\frac{N(t)}{N_0} = e^{-\lambda t} \Rightarrow \ln \frac{N(t)}{N_0} = -\lambda t \Rightarrow t = -\frac{1}{\lambda} \ln \frac{N(t)}{N_0} \dots \dots (1) \Leftarrow$

ونعلم أن:  $\lambda = \frac{\ln 2}{t_{1/2}}$  و  $N(t) = \frac{m}{M} N_A$  و  $N_0 = \frac{m_0}{M} N_A$  نعوض في (1) نجد:  $t = \frac{t_{1/2}}{\ln 2} \cdot \ln \frac{m(t)}{m_0}$

(0,5) ت.ع:  $t = \frac{5730}{\ln 2} \cdot \ln \frac{9 \times 10^{-12}}{2 \times 10^{-12}} \Rightarrow t = 12490,38 \text{ ans}$

(0,5) 4- لا يمكن استعمال تقنية التأريخ بالكربون  ${}^{14}_6\text{C}$

التعليل:  $t_{max} \approx 7 \cdot t_{1/2}({}^{14}_6\text{C}) = 7 \times 5730 = 40110 \text{ ans} < 300000 \text{ ans}$