

**التمرين الأول: (4 نقاط)**

من بين الاقتراحات الثلاثة لكل سؤال من الأسئلة جواب واحد فقط صحيح فقط حدده مع التعليل:

(1) المعادلة  $\ln^2(x) - \ln(x) = 2$  حلولها هي:

(أ)  $S = \{-1; 2\}$  (ب)  $S = \{e^1; e^{-2}\}$  (ج)  $S = \{\frac{1}{e}; e^2\}$

(2) المتتالية العددية  $(U_n)$  المعرفة على  $\mathbb{N}$  بـ:  $U_n = 4 \left(\frac{1}{2}\right)^n$  هي متتالية:

(أ) متزايدة تماما (ب) متناقصة تماما (ج) ليست رتيبة

(3) الدالة  $f$  المعرفة على المجال  $]0; +\infty[$  بـ:  $f(x) = \ln\left(\frac{e^{2+3(1+x)^2}}{x}\right)$  يقبل منحناها مستقيما مقاربا مائلا بجوار  $+\infty$  معادلته:

(أ)  $y = 2x + 6$  (ب)  $y = x + 3$  (ج)  $y = x + 1$

**التمرين الثاني: (8 نقاط)**

لتكن  $(U_n)$  المتتالية العددية المعرفة كما يلي:  $U_0 = 1$  ومن أجل كل عدد طبيعي  $n$ :  $U_{n+1} = \frac{1}{2}U_n - \frac{3}{2}$

المتتالية  $(V_n)$  العددية المعرفة كما يلي: من أجل كل عدد طبيعي  $n$ :  $V_n = U_n + 3$

(1) بين أن  $(V_n)$  متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها وحدها الأول.

(2) أكتب  $V_n$  بدلالة  $n$  ثم استنتج  $U_n$  بدلالة  $n$ .

(3) أدرس اتجاه تغير المتتالية  $(U_n)$  على  $\mathbb{N}$ .

(4) أحسب  $\lim_{n \rightarrow +\infty} U_n$

(5) أحسب بدلالة  $n$  المجموعين حيث:  $S_n = V_0 + V_1 + \dots + V_n$  ،  $S'_n = U_0 + U_1 + \dots + U_n$

(6) لتكن  $(W_n)$  المتتالية العددية المعرفة على  $\mathbb{N}$  كما يلي:  $W_n = 4\left(\frac{1}{V_{n+4}} - 1\right)$

(أ) بين أن المتتالية  $(W_n)$  متزايدة تماما على  $\mathbb{N}$ .

(ب) أحسب  $\lim_{n \rightarrow +\infty} (U_n - W_n)$  ماذا تستنتج؟

**التمرين الثالث: (8 نقاط)**

I. دالة معرفة على المجال  $]0; +\infty[$  بـ:  $g(x) = 1 - x^2(1 - \ln(x))$

(1) أدرس تغيرات الدالة  $g$  ثم شكل جدول تغيراتها.

(2) بين أن المعادلة  $g(x) = 0$  تقبل حلين أحدهما 1 والآخر  $\alpha$  حيث:  $1 < \alpha < e$ .

(3) عين إشارة  $g(x)$  تبعا لقيم  $x$ .

II.  $f$  دالة عددية معرفه بـ:  $f(x) = \frac{1}{x(1-\ln(x))}$  وليكن  $(C_f)$  تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد

والمجانس  $(\vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ .  $(D)$  مستقيم معادلته  $y = x$  وحدة الطول  $2cm$ .

(1) حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة  $x(1 - \ln(x)) = 0$  ، ثم استنتج أن  $D_f = ]0; e[ \cup ]e; +\infty[$

(2) عين نهاية الدالة  $f$  عند اطراف مجموعة التعريف، ثم فسر النتائج بيانيا.

(3) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  من  $D_f$  فإن:  $f'(x) = \frac{\ln(x)}{x^2(1-\ln(x))^2}$

(4) أدرس اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها.

(5) (أ) تحقق أنه من أجل كل  $x$  من  $D_f$  فإن:  $f(x) - x = \frac{g(x)}{x(1-\ln(x))}$

(6) أدرس الوضعية النسبية بين  $(D)$  و  $(C_f)$  من أجل كل عدد حقيقي  $x$  من  $D_f$ .

(7) أنشئ  $(D)$  و  $(C_f)$ .

انتهى