

# اِخْتِيَانُ الثَّلَاثِي الْأَوَّلِ فِي مَادَّةِ الرِّيَاضِيَّاتِ

المدة: ساعتان

المستوى: ثلاثة لغات أجنبية + ثلاثة اداب و فلسفة

## التّمرين الأول

الجزء الأول

$(u_n)$  متتالية حسابية معرفة على  $\mathbb{N}$  بالحددين:  $u_{10} = 31$  و  $u_{15} = 46$

(1) عيّن أساسها وحدها الأول  $u_0$ .

(2) أكتب  $u_n$  بدلالة  $n$ .

(3) بيّن أن 6058 حدّ من حدود المتتالية  $(u_n)$ .

(4) أحسب المجموع  $S$  حيث:  $S = u_0 + u_1 + \dots + u_{2019}$ .

الجزء الثاني

نعتبر المتتالية  $(v_n)$  المعرفة على  $\mathbb{N}$  بـ:  $v_n = 2 \times 8^n$ .

(1) بيّن أن  $(v_n)$  متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها وحدها الأول  $v_0$ .

(2) أحسب بدلالة  $n$  المجموع  $S' = v_0 + v_1 + \dots + v_n$ .

## التّمرين الثاني

ليكن العدد الطبيعي  $a = 25$

(1) أ- تحقق أن:  $a \equiv 1[3]$ .

ب- استنتج باقي القسمة الإقليدية للعدد  $2a^2 + 4$  على 3.

ج- بيّن أن:  $a^{360} - 5 \equiv 2[3]$

(2) أ- أدرس حسب قيم العدد الطبيعي  $n$ . بواقي قسمة العدد  $5^n$  على 3.

ب- عيّن قيم العدد الطبيعي  $n$  بحيث:  $5^n + a^2 \equiv 0[3]$

المستأجرة