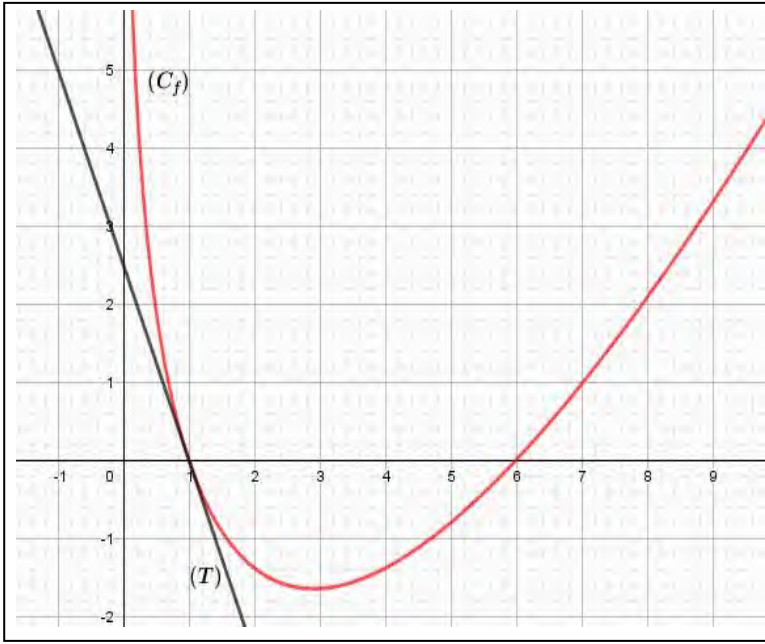


التمرين الأول: (12 نقطة)



الجزء الأول:

في الشكل المقابل (C_f) هو المنحنى الممثل للدالة f

المعرفة على $]0; +\infty[$ ب: $f(x) = (ax+b)\ln x$.

المستقيم (T) ذا المعادلة: $5x+2y-5=0$ مماس

للمنحنى (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة 1.

1) بقراءة بيانية عين كلا من: $f'(1)$ و $f(6)$.

2) باستعمال ماسبق . بين أن: $\begin{cases} 6a+b=0 \\ a+b=-\frac{5}{2} \end{cases}$

، ثم استنتج أن: $f(x) = \left(\frac{1}{2}x-3\right)\ln x$.

3) حل جبريا وفي المجال $]0; +\infty[$ المتراجحة: $f(x) \geq 0$

4) الدالة f تقبل قيمة حدية صغرى عند α .

$$f(\alpha) = -\frac{(\alpha-6)^2}{2\alpha} \quad \text{برهن أن}$$

الجزء الثاني:

نعرف على المجال $]0; +\infty[$ الدالة g كما يلي: $g(x) = -\frac{1}{8}x^2 + 3x + \left(\frac{1}{4}x^2 - 3x\right)\ln x$.

(C_g) المنحنى الممثل للدالة g في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

1) احسب كلا من: $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$ و $\lim_{x \rightarrow 0} g(x)$.

2) بين أنه من أجل كل x من $]0; +\infty[$ فإن: $g'(x) = f(x)$ ، ثم استنتج اتجاه تغير الدالة g وشكل جدول تغيراتها

3) بين أن المنحنى (C_g) يقطع محور الفواصل في نقطتين فاصلتهما x_0 و x_1 حيث: $3.2 < x_0 < 3.4$ و $8.2 < x_1 < 8.4$

4) احسب $g(10)$ ثم مثل المنحنى (C_g) .

5) الدالة h معرفة على $]-\infty; 0[$ حيث: $h(x) + g(-x) = 0$.

أ- اشرح كيف يتم تمثيل منحنى الدالة h إنطلاقا من المنحنى (C_g) .

ب- مثل منحنى الدالة h في نفس المعلم السابق.

$$(u_n) \text{ متتالية عددية معرفة على } \mathbb{N} \text{ بـ: } \begin{cases} u_0 = 1 \\ u_{n+1} = \frac{u_n - 4}{u_n + 5} \end{cases}$$

$$1. \text{ عين العددين الحقيقيين } a \text{ و } b \text{ بحيث من أجل كل عدد طبيعي } n : u_{n+1} = a + \frac{b}{u_n + 5}$$

$$2. \text{ برهن بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي } n : u_n > -2$$

$$3. \text{ ادرس اتجاه تغير المتتالية } (u_n).$$

$$4. \text{ برر أن المتتالية } (u_n) \text{ متقاربة.}$$

$$5. \text{ نعرف على } \mathbb{N} \text{ المتتالية } (v_n) \text{ كمايلي : } v_n = \frac{1}{u_n + 2}$$

$$\text{أ- بين أن المتتالية } (v_n) \text{ حسابية يطلب تعيين أساسها وحدها الأول } v_0$$

$$\text{ب- عبر عن } v_n \text{ ثم } u_n \text{ بدلالة } n.$$

$$\text{ج- احسب } \lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$$

$$\text{د- احسب بدلالة } n \text{ المجموع } S_n \text{ حيث : } S_n = u_0 v_0 + u_1 v_1 + \dots + u_n v_n$$

$$6. \text{ نعرف على } \mathbb{N} \text{ المتتالية } (w_n) \text{ كمايلي : } w_n = e^{V_n}$$

$$\text{أ- بين أن المتتالية } (w_n) \text{ هندسية يطلب تعيين أساسها وحدها الأول } w_0$$

$$\text{ب- احسب بدلالة } n \text{ الجداء } P_n \text{ حيث : } P_n = w_0 \times w_1 \times \dots \times w_n$$

إنتهى

بالتوفيق : أساتذة المادة