

التمرين 1: (06 نقاط)

عَيِّن الاقتراح الصحيح الوحيد من بين الاقتراحات الثلاثة ، في كل حالة من الحالات الأربعة التالية مع التعليل :

1. (U_n) متتالية حسابية أساسها $r = 3$ وحدها $U_2 = 1$. الحد العام للمتتالية (U_n) هو :

(أ) $U_n = 1 + n$ (ب) $U_n = 7 + 3n$ (ج) $U_n = -5 + 3n$

2. n عدد طبيعي أكبر أو يساوي 1 . المجموع $1 + 2 + 3 + \dots + n$ يساوي :

(أ) $\frac{n^2 + n}{2}$ (ب) $\frac{n(n-1)}{2}$ (ج) $\frac{n^2 + 1}{2}$

3. (V_n) متتالية هندسية معرفة على $\mathbb{N}$ بـ : $V_n = 2 \times 3^n$. أساس المتتالية (V_n) هو :

(أ) 2 (ب) 3 (ج) 6

4. (W_n) متتالية عددية معرفة على $\mathbb{N}$ بـ : $W_n = (-2)^n$. اتجاه تغير المتتالية (W_n) :

(أ) متناقصة تماما (ب) غير رتيبة (ج) متزايدة تماما

التمرين 2: (07 نقاط)

نعتبر المتتالية العددية (U_n) المعرفة من أجل كل عدد طبيعي n بـ : $U_n = 3n - 2$.

1. أحسب الحدود U_0 ، U_1 ، U_2 و U_3 .

2. بيِّن أن المتتالية (U_n) حسابية ثم عَيِّن أساسها .

3. استنتج اتجاه تغير المتتالية (U_n) .

4. بيِّن أن العدد 1954 حد من حدود المتتالية (U_n) ثم عَيِّن رتبته .

5. (أ) أحسب بدلالة n المجموع : $S_n = U_0 + U_1 + \dots + U_n$.

(ب) عَيِّن العدد n بحيث يكون : $S_n = 328$

التمرين 3: (07 نقاط)

لتكن (V_n) متتالية هندسية معرفة على $\mathbb{N}$ وأساسها q موجب تماما بحيث : $V_3 = 144$ و $V_5 = 576$.

1. عَيِّن أساس هذه المتتالية وحدها الأول V_0 .

2. تحقِّق أنه من أجل كل عدد طبيعي n : $V_n = 18 \times 2^n$

3. أدرس اتجاه تغير المتتالية (V_n) .

4. إذا علمت أن $(2^7 = 128)$ بيِّن أن العدد 2304 حد من حدود المتتالية (V_n) ثم عَيِّن رتبته .

5. (أ) أحسب بدلالة n المجموع : $S_n = V_0 + V_1 + \dots + V_n$.

(ب) إذا علمت أن $(2^6 = 64)$ عَيِّن العدد الطبيعي n بحيث يكون : $S_n = 1134$

❖ بالتوفيق ❖