

**التمرين الأول... 9 نقاط**

اختر الإجابة الصحيحة لكل سؤال مما يلي مع التعليل.

①  $\vec{u}$  و  $\vec{v}$  شعاعان غير معدومين، حيث  $(\vec{u}; \vec{v}) = \frac{111\pi}{11}$ . القيس الرئيسي للزاوية الموجهة  $(\vec{u}; \vec{v})$  هو:

①  $11\pi$  ②  $\frac{\pi}{11}$  ③  $\frac{11\pi}{111}$  ④  $(\vec{u}; \vec{v}) = \frac{11\pi}{111}$

② ليكن  $\alpha = \frac{5\pi}{7}$ . اذكر من بين الزوايا التالية التيقايس الزاوية  $\alpha$ .

①  $\beta = \frac{33}{7}\pi$  ②  $\gamma = -\frac{72\pi}{7}$  ③  $\delta = \frac{14178\pi}{14}$

③ إذا كان  $ABC$  مثلث مباشر و متساوي الساقين حيث  $AB = AC$  و  $(\overrightarrow{AB}; \overrightarrow{AC}) = \frac{2\pi}{3}$ . فإن القيس الرئيسي للزاوية الموجهة

$(\overrightarrow{BA}; \overrightarrow{BC})$  هو:

①  $-\frac{\pi}{3}$  ②  $(\overrightarrow{BA}; \overrightarrow{BC}) = -\frac{\pi}{6}$  ③  $(\overrightarrow{BA}; \overrightarrow{BC}) = \frac{\pi}{6}$

④ ليكن  $A$  عدد حقيقي. حيث:  $A = -2\cos\left(\frac{12137\pi}{6}\right)$ . فإنه:

①  $A = \frac{\sqrt{3}}{2}$  ②  $A = -\sqrt{3}$  ③  $A = \sqrt{3}$

⑤  $P$  عبارة جبرية معرفة من أجل كل عد حقيقي  $x$ :  $P(x) = 2\cos\left(x - \frac{7\pi}{2}\right) - \sin(x - 2025\pi)$ . فإنه من أجل كل عدد

حقيقي  $x$ :

①  $P(x) = -3\cos(x)$  ②  $P(x) = -\sin(x)$  ③  $P(x) = -\cos(x)$

⑥ عدد عناصر مجموعة الإمكانات  $\Omega$  للتجربة عشوائية تتمثل في سحب 2 كرة دفعة واحدة من كيس أسود يحتوي على 7 كريات

لا نميز بينهما باللمس هو:

①  $Card(\Omega) = 49$  ②  $Card(\Omega) = 42$  ③  $Card(\Omega) = 21$

⑦ نعتبر قانون احتمال للمتغير العشوائي  $X$  التالي:

|              |                |                |               |               |
|--------------|----------------|----------------|---------------|---------------|
| $x_i$        | -3             | -1             | 2             | 3             |
| $P(X = x_i)$ | $\frac{1}{10}$ | $\frac{3}{10}$ | $\frac{2}{5}$ | $\frac{1}{5}$ |

فإن انحرافه المعياري يساوي:

①  $\delta(X) = 0.8$  ②  $\delta(X) = 1.98$

③  $3.96$

**التمرين الثاني... 11 نقاط**

الجزء الأول: 2.5 نقاط

$f$  الدالة العددية المعرفة على  $\mathbb{R}$ :  $f(x) = 2x^3 + 2$ .

① أ- أحسب  $f(-1)$  ماذا تستنتج؟

ب- أوجد الأعداد الحقيقية  $a$ ،  $b$  و  $c$  بحيث من أجل كل عدد حقيقي  $x$ ،  $f(x) = (x+1)(ax^2 + bx + c)$

② أدرس إشارة  $f(x)$  على  $\mathbb{R}$ .

الدالة العددية المعرفة على  $]-\infty; 0[ \cup ]0; +\infty[$ :  $g(x) = \frac{2x^3+3x^2-1}{x^2}$ .

و  $(C_g)$  تمثيلها البياني في المستوى منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$ .

① أحسب نهايات الدالة  $g$  عند أطراف مجموعة تعريفها مفسرا النتائج بيانيا إن امكن.

② بين انه من اجل كل عدد حقيقي غير معدوم:  $g'(x) = \frac{f(x)}{x^3}$

③ أدرس تغيرات الدالة  $f$  على مجموعة تعريفها مشكلا جدول تغيراتها.

④ بين أن المستقيم  $(D)$  ذو معادلة  $y = 2x + 3$  مستقيم مقارب للمنحني  $(C_g)$  بجوار  $+\infty$  و  $-\infty$ .

⑤ أدرس الوضع النسبي بين المنحني  $(C_g)$  والمستقيم  $(D)$ .

⑥ تحقق أنه من اجل كل عدد حقيقي  $x$  من  $]-\infty; 0[ \cup ]0; +\infty[$ ,  $g(x) = \frac{(x+1)(2x^2+x-1)}{x^2}$  ثم استنتج نقاط تقاطع

المنحني  $(C_g)$  مع محور الفواصل.

⑦ أحسب  $g(1)$  ثم أرسم المستقيم  $(D)$  والمنحني  $(C_g)$ .

