

## اختبار الثلاثي الثالث في مادة الرياضيات

### التمرين الأول :

نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}-\{2\}$  بـ :  $f(x) = \frac{-2x+5}{x-2}$

$(C_f)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد و متجانس  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  ،

و  $(H)$  هو التمثيل البياني للدالة مقلوب .

(1) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  من  $D_f$  :  $f(x) = -2 + \frac{1}{x-2}$

(2) أدرس اتجاه تغير الدالة  $f$  على  $D_f$  ثم شكل جدول تغيراتها .

(3) أوجد احداثيات نقط تقاطع  $(C_f)$  مع حامل محور الفواصل و حامل محور الترتيب .

(4) بين كيف يمكن استنتاج  $(C_f)$  انطلاقا من  $(H)$  بانسحاب يطلب تعيين شعاعه، ثم ارسمه .

(5) حل بيانيا المتراجحة  $f(x) \geq 0$  .

### التمرين الثاني :

(1) أكمل الجدول التالي :

قيس الزاوية بالراديان	.....	$\frac{3\pi}{7}$
قيس الزاوية بالدرجة	$48^\circ$	.....

(2) أ) ضع على الدائرة المثلثية النقطتين A و B صورتا العددين  $\frac{47\pi}{6}$  و  $\frac{-39\pi}{4}$  على الترتيب .

ب) أحسب القيم المضبوطة لجيب تمام و جيب الأعداد السابقة .

(3) أ) إذا علمت أن  $\cos\left(\frac{\pi}{8}\right) = \frac{\sqrt{2+\sqrt{2}}}{2}$  : بين أن  $\sin\left(\frac{\pi}{8}\right) = \frac{\sqrt{2-\sqrt{2}}}{2}$  .

ب) أحسب  $\cos\left(\frac{23\pi}{8}\right)$  و  $\sin\left(\frac{23\pi}{8}\right)$  .

$$(4) \text{ حل في المجال } \left[ \frac{\pi}{2} ; \frac{3\pi}{2} \right] \text{ المعادلة : } \cos(x) = \frac{-\sqrt{2}}{2}$$

(5)  $x$  عدد حقيقي ، و  $A(x)$  عبارة معرفة بـ :

$$A(x) = \cos(-x) + \sin(7\pi - x) - \sin(3\pi) + \cos(21\pi - x)$$

• بين أن  $A(x) = \sin(x)$

### التمرين الثالث :

I. نعتبر في  $\mathbb{R}$  العبارة الجبرية التالية :  $A(x) = \alpha x^2 - 8x + 4$  حيث  $\alpha \in \mathbb{R}$ .

• عين قيم  $\alpha$  حتى تقبل المعادلة  $A(x) = 0$  حلين مختلفين في  $\mathbb{R}$ .

II. نضع  $\alpha = 3$

(1) حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة  $A(x) = 0$ .

(2) استنتج تحليلا للعبارة  $A(x)$ .

III. لتكن  $E(x)$  عبارة جبرية معرفة على  $\mathbb{R} - \{2\}$  بـ :  $E(x) = \frac{-2x + 6}{x - 2}$ .

(1) حل في  $\mathbb{R} - \{2\}$  المعادلة  $E(x) = 0$ .

(2) أدرس إشارة  $E(x)$  ثم استنتج حلول المتراجحة  $E(x) \leq 0$ .

- بالتوفيق -