

## اختبار مادة الرياضيات للفترة الثالثة.

## التمرين الأول : (03 نقاط)

الجدول المقابل : يعطي إشارة الدالة التاليفية  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$   
ب:  $f(x) = ax - 2$  حيث  $a$  عدد حقيقي غير معدوم.

$x$	$-\infty$	$-4$	$+\infty$
$f(x) = ax + 2$	$+$	$0$	$-$

- (1) حدد إشارة العدد  $a$ .
- (2) حدد إشارة العدد  $f(-1)$ .
- (3) جد قيمة المضبوطة للعدد  $a$ .

## التمرين الثاني : (05 نقاط)

الدالة المعرفة في  $\mathbb{R}$  ب:  $f(x) = -4x^2 + 8x - 3$  و

(4) احسب دون الآلة الحاسبة: و  $f\left(\frac{1}{2}\right)$  ،  $f\left(\frac{3}{2}\right)$  ، ماذا تستنتج ؟

(5) اكتب  $f(x)$  على الشكل النموذجي .

(6) استنتج تحليلا لـ  $f(x)$  إلى جداء عاملين.

(1) أثبت ان من اجل كل  $x$  من  $\mathbb{R}$  :  $f(x) = 1 - 4(x-1)^2$ .

(2) جد ترابط دالتين مرجعيتين يؤدي من  $x$  الى  $f(x)$

## التمرين الثالث : (08 نقاط)

(I)  $x$  عدد حقيقي ، نعتبر  $P(x)$  و  $Q(x)$  العبارتين الجبريتين التاليتين :

$$Q(x) = 2(x + \sqrt{3})(x - \sqrt{3}) - x \quad \text{و} \quad P(x) = 4x^2 - (3x - 2)^2$$

- (1) حلل  $P(x)$  إلى جداء عاملين .
- (2) انشر ، بسط و رتب  $Q(x)$  ثم اكتبه على الشكل النموذجي .
- (3) اثبت ان من اجل كل عدد حقيقي  $x$  :  $Q(x) = (2x + 3)(x - 2)$ .
- (4) حل في  $\mathbb{R}$  المعادلتين ذات المجهول  $x$  :  $P(x) = 0$  و  $Q(x) = 0$ .
- (5) ادرس على  $\mathbb{R}$  إشارة كلا من :  $P(x)$  و  $Q(x)$ .

(II) نعتبر العبارة الجبرية :  $f(x) = \frac{P(x)}{Q(x)}$

- (1) جد  $D_f$  مجموعة قيم  $x$  التي من اجلها يكون  $f(x)$  معرفة في  $\mathbb{R}$ .
- (2) اثبت ان من اجل كل عدد حقيقي  $x$  من  $D_f$  :  $f(x) = \frac{2-5x}{2x+3}$ .
- (3) حل في  $\mathbb{R}$  المتراجحة ذات المجهول  $x$  :  $f(x) \geq 0$ .

## التمرين الرابع : (04 نقاط)

$ABCD$  متوازي أضلاع النقطة  $I$  منتصف  $[CD]$  ، النقطة  $E$  هي تقاطع  $(BC)$  و  $(AI)$  .

- (1) انجز شكلا مناسباً
- (2) بين ان المثلثان :  $ADI$  و  $ECI$  متقايسان.
- (3) بين ان المثلثان :  $ADI$  و  $EBA$  متشابهان.
- (4) جد نسبة التشابه .
- (5) احسب الطول  $AD$  علما ان :  $EB = 6$  .