الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية
وزارة التربية الوطنية

المفتشية العامة للتربية الوطنية

مديريةالتعليم الثانوي العام والتكنولوجي

التدرّجات السنوية

المادة: رياضيات

المستوى: السنة الثالثة ثانوي

الشعبة :تقني رياضي

سبتمبر2022

قلم الجزائر
WWW.DZPEN.COM

مقدمة:

تعدّ التدرجات السنوية أداة بيداغوجية لتنظيم وضبط عملية بناء الموارد الضرورية وإرسائها وإدماجها وتقويمها من أجل تنصيب الكفاءات المستهدفة في المناهج التعليمية مع تحديد سبل ومعايير التقويم وطرق المعالجة.

وحتى تستجيب هذه التدرجات السنوية لمختلف المستجدات التنظيمية والبيداغوجية، فإنه يتوجب مراجعتها وتحيينها عند الاقتضاء.

ضمن هذا السياق، وفي إطار التحضير للموسم الدراسي 2022 – 2023، وسَعيا من وزارة التربية الوطنية لضمان جودة التّعليم وتحسين الأداء التربوي البيداغوجي، وإثر إقرار العودة إلى تنظيم التمدرس العادي بعد التنظيم الاستثنائي الذي فرضته الأوضاع الصحية جراء وباء كوفيد 19 الذي مس بلادنا على غرار بلدان العالم، تضع المفتشية العامة للتربية الوطنية بالتنسيق مع مديرية التعليم الثانوي العام والتكنولوجي، بين أيدي الممارسين التربويين التدرجات السنوية للتعلمات كأداة عمل مكمّلة للسّندات المرجعية المعتمدة، والمعمول بها في الميدان في مرحلة التعليم الثانوي العام والتكنولوجي، بغرض تيسير قراءة المنهاج وفهمه وتنفيذه، وتوحيد تناول مضامينه كما هو منصوص عليه.

وتجسيدا لهذه المعطيات، نطلب من الأساتذة قراءة وفهم مبدأ هذه التدرجات السنوية من أجل وضعها حيز التنفيذ، كما نطلب من السيدات والسادة المفتشين التدخّل باستمرار لمرافقة الأساتذة لتعديل أو تكييف الأنشطة التي يرونها مناسبة وفق ما تقتضيه الكفاءة المستهدفة.

مذكرة منهجية:

لقد أثبت العمل بهذه التدرجات خلال السنوات السابقة نجاعته خاصة بعد التعديلات البيداغوجي التي أعدّت والتي مكّنت التلاميذ والأساتذة من تخطي الصعوبات التي تعرضوا لها جراء بعض التوقفات. إنّ هذه التجربة تؤكد لنا على ضرورة وأهمية توخي المرونة في استخدام هذه التدرجات حسب متطلبات السياق المدرسي الذي عادة ما يحمل جملة من المتغيرات التربوية والمهنية إضافة إلى حالات طارئة وقد تكون في بعض الأحيان مفاجئة للأستاذ وللتلميذ وحتى للأولياء.

ومن هذا المنطلق ندعو كل الأساتذة إلى اعتماد هذه التدرجات خلال هذه السنة الدراسية 2023/2022 في تخطيط وتنظيم تعلّمات تلاميذهم وفي إعداد دروسهم، وذلك بالتنسيق مع أساتذة المادة على مستوى الثانوية وتحت الإشراف المباشر لمفتش التربية الوطنية بالمقاطعة، كما نؤكد في هذا الشأن على أهمية التكفل بالأساتذة الجدد والذين وظفوا مع مطلع هذه السنة الدراسية.

إنّ أهم ما يأخذه الأستاذ بخصوص الجانب التعليمي أي الديداكتيكي هو التركيز في ميدان الإحصاء والاحتمالات على إتاحة الفرصة للتلاميذ في اتجاهين الأول يتعلق بإدراك **مفهوم التجربة العشوائية** والثاني يتعلق بإدراك **مفهوم المحاكاة** وذلك من خلال ممارسة، في السنة الأولى، التجارب العشوائية والبحث عن مخارجها وكذلك إجراء المحاكاة لتجارب عشوائية باستعمال المجدولات. والتوضيح أكثر نشير إلى أنّ هذه الممارسة تمثل نقطة انطلاق وتمهيد للسنة الثانية عند تقديم **مفهوم الاحتمال وفق المقاربة التواترية** التي ينص عليها المنهاج الرسمي، إذ لا يمكن تناول مفهوم الاحتمال في السنة الثانية، من منطلق المنهاج دون التطرق إلى المفهومين السابقين. ففي السنة الثانية يعتمد التلميذ على المفهومين السابقين لكي يتناول مفهوم **تذبذب العيّنات** ثمّ **ميولها نحو الاستقرار** ثمّ **أمثلة التواترات فمفهوم الاحتمال** وأخيرا **الحساب على الاحتمالات** واستعمال **شجرة الاحتمالات**. وفي السنة الثالثة يتواصل العمل بتدعيم مفهوم الاحتمال وتوسيع الحساب على الاحتمالات.

نرجو من السادة الأساتذة العمل بهذا التوجه في ميدان الإحصاء والاحتمالات على امتداد سنوات التعليم الثانوي في الشعب المعنية بذلك.

ملامح التخرج

يساهم تدريس الرياضيات في التعليم الثانوي العام والتكنولوجي إلى تحقيق ملامح التخرج في نهاية هذه المرحلة التي تعتبر تتويجا لكل مراحل التعليم السابقة لها وقاعدة الانطلاق للتعليم الجامعي أو مباشرة الحياة المهنية وتتمثل هذه الملامح في القدرة على:

- حل مشكلات.
- مواصلة الدراسة في إحدى التخصصات في التعليم الجامعي.
- التكوين الذاتي المستمر و البحث المنهجي و الابتكار.
- مزاولة تكوين مهني متخصص يؤهله إلى الاندماج في الحياة العملية.
- النقد الموضوعي و التعبير عن المواقف و الآراء و استخدام مختلف أشكال التواصل و وسائله باستقلالية.

قلم الجزائر
WWW.DZPEN.COM

الكفاءات الرياضية في نهاية السنة الثالثة في شعبة تقني رياضي

تُعتبر السنة الثالثة من التعليم الثانوي العام والتكنولوجي حلقة الوصل بين مرحلة التعليم الثانوي والدراسة الجامعية أو الانخراط في الحياة المهنية .ويفترض هذا لبرنامج أنّ التلميذ قد اكتسب خلال دراسته الثانوية، كفاءات علمية إمّا تؤكد ميله نحو الاهتمام بالمواد العلمية ورغبته في التخصص في واحدة منها وهو الأمر الذي يؤهله لاختيار تخصص جامعي ما عن دراية ووعي، أو تمكنه من التكوين في إحدى التخصصات المهنية ذات طابع يتماشى وقدراته .ولتجسيد ذلك ينبغي تحقيق مجموعة من الكفاءات لدى كل صنف من التلاميذ وهذا حسب الشعبة التي ينتمون إليه.

الكفاءات المستهدفة في شعبة تقني رياضي

الحساب:

توظيف خواص الموافقات في حل مشكلات رياضياتية.

توظيف مبرهنتي غوص وبيزو ونتائجهما في حل مشكلات رياضياتية.

التحليل:

دراسة وتوظيف الدوال العددية في حل مشكلات رياضياتية ومشكلات قريبة من الواقع.

توظيف المتتاليات العددية في حل مشكلات.

الهندسة:

حل مشكلات هندسية بتوظيف الأعداد المركبة والتحويلات النقطية والمعادلات الجبرية للمستقيمات والمستويات.

الإحصاء والاحتمالات:

حل مسائل في الاحتمالات.

توظيف المحاكاة في بناء نموذج احتمالي؟

تكنولوجيات الإعلام والاتصال:

توظيف الحاسبة البيانية في حل المشكلات.

توظيف برمجيات الهندسة الديناميكية وراسمات المنحنيات في المجدولات في حل مشكلات رياضياتية و/أو قريبة من الواقع.

المنطق والبرهان الرياضياتي

ممارسة مختلف أنماط البرهان بما فيها البرهان بالتراجع.

➢ صياغة نصوص رياضياتية باستعمال تعبير رياضياتي مناسب يحترم قواعد النقاش الرياضياتي.

المادّة: رياضيات	المستوى: السنة الثالثة ثانوي تقني رياضي	عدد الأسابيع	الحجم الساعي
الفصول	تقويم تشخيصي لمكتسبات التلاميذ	أسبوع	6 ساعات
	الدوال العددية (الاشتقاقية والاستمرارية)	أسبوعان	12 ساعة
	الدالتان الأسية واللوغاريتمية	أسبوعان	12 ساعة
	الدوال العددية (النهايات)	أسبوع	6ساعات
	التزايد المقارن ودراسة الدوال	أسبوعان	12 ساعة
	المتتاليات العددية	أسبوعان	12ساعة
	معالجة	أسبوع	6 ساعات
	الدوال الأصلية والحساب التكاملي	3 أسابيع	18 ساعة
	الأعداد والحساب	3 أسابيع	18 ساعة
	الإحصاء والاحتمالات	أسبوعان	12 ساعة
	معالجة	أسبوع	6 ساعات
	الأعداد المركبة والتحويلات النقطية	3 أسابيع	18 ساعة
	الهندسة في الفضاء	3 أسابيع	18 ساعة
	معالجة	أسبوع	6 ساعات
المجموع		27 أسبوع	162ساعة

قلم الجزائر
WWW.DZPEN.COM

التدرج السنوي لبناء التعلمات في السنة الثالثة تقني رياضي

الأسبوع	المحور	الكفاءات المستهدفة	المحتويات المعرفية	السير المنهجي لتدرج التعلمات	الحجم الساعي
1		تقويم تشخيصي للمكتسبات التلاميذ			6
2	الدوال العددية (الاشتقاقية والاستمرارية)		الاشتقاقية والاستمرارية:التذكير بالنتائج المحصل عليها في السنة الثانية العدد المشتق والمماس تعريف استمرار دالة على مجال	التذكير بالنتائج المحصل عليها في السنة الثانية، من خلال أنشطة وتمارين هادفة مختارة بعناية. من خلال دوال مثل: $x \longmapsto x^2$ ، $x \longmapsto \lvert x \rvert$ و $x \longmapsto \sqrt{x}$ نجعل التلاميذ يلاحظون أنّ الدالة تكون مستمرة على مجال، عندما يمكن رسم منحنيها البياني على هذا المجال دون رفع القلم. كل الدوال المألوفة المقرّرة في هذا المستوى مستمرة على كل مجال من مجموعة تعريفها. لا تثار مسألة البحث في إثبات استمرارية دالة	2
		إثبات وجود حلول للمعادلة $f(x)=k$ ، k عدد حقيقي.	مبرهنة القيم المتوسطة واستعمالها في إثبات وجود حلول للمعادلة $f(x)=k$ ، k عدد حقيقي.		2
		حساب مشتق دالة مركّبة.	المشتقات المتتابعة،		1
		استعمال المشتقات لدراسة خواص دالة والمنحنى الممثل لها (اتجاه تغيّر دالة على مجال، التقريب الخطي، نقطة الانعطاف، ...).			1
		تابع استعمال المشتقات لدراسة خواص دالة والمنحنى الممثل لها (اتجاه تغيّر دالة على مجال، التقريب الخطي، نقطة الانعطاف، ...).			1
		توظيف المشتقات لحل مشكلات.(دراسة اتجاه تغيّر دوال كثيرات حدود، ناطقة، صماء)			2
3		توظيف المشتقات لدراسة الدوال المثلثية: ، $x \longmapsto \cos x$ ، $x \longmapsto \sin x$ $t \longmapsto a\sin(\omega t + \varphi)$		ندرس أمثلة حول دوال من مثل: الدوال الناطقة (حاصل قسمة كثير حدود من الدرجة 2 أو 3 على كثير حدود من الدرجة 1 أو 2). الدوال الصماء $x \longmapsto \sqrt{f(x)}$ ، حيث f دالة موجبة وقابلة للاشتقاق.	3

قلم الجزائر
WWW.DZPEN.COM

				الدوال المثلثية: $x \longmapsto \cos(ax+b)$ ، $x \longmapsto \sin(ax+b)$ ، $x \longmapsto \tan x$. فيما يخص الدوال الصماء نتطرّق إلى المماس الموازي لحامل محور التراتيب. يمكن الملاحظة أنّ كل دالة قابلة للاشتقاق على مجال هي دالة مستمرة على هذا المجال.	
			توظيف المشتقات لحل مشكلات	نشر الكتابات $\frac{df}{dx}$، $\frac{d^2 f}{dx^2}$ (المستعملة في الفيزياء) والكتابة $dy = f'(x).dx$. يمكن توظيف العلاقة: $\Delta y \approx f'(x).\Delta x$ باستعمال مجدول لتقريب دالة	
			حل معادلات تفاضلية من الشكل: $y' = f(x)$، $y'' = f(x)$ حيث f دالة مألوفة.	تكون حلا لإحدى المعادلات التفاضلية: $y' = y$، $y' = \frac{1}{x}$	
4	الدالتان الأسّية واللوغاريتمية	دراسة الدالة الأسّية النيبيرية وتوظيف خواصها في حل معادلات ومتراجحات توظيف خواص الدالة الأسية النيبيرية لحل مشكلات.	الدالة الأسية: نشاط، تعريف وخواص الدالة $x \longmapsto \exp(x)$.	تُعرف الدالة الأسية كحل خاص للمعادلة التفاضلية $y' = y$ التي تحقّق $y(0) = 1$. نبدأ بإنشاء حل تقريبي لهذه المعادلة باستخدام مجدول (بتطبيق طريقة أولير) ثمّ بعدها نقبل بوجود هذا الحل. نقدّم هذه الدالة في مرحلة مبكرة من السنة الدراسية قصد توظيفها في العلوم الفيزيائية. نستنتج من التعريف خواص الدالة الأسية: $\exp(x) > 0$ ، $\exp(x+y) = \exp(x) \times \exp(y)$. الترميز e^x، النهايات والمنحنى الممثل لها.	2
			حل معادلات و متراجحات باستعمال خواص الدالة الأسية		2
			توظيف خواص دوال أسية $x \longmapsto e^{kx}$.		1
			دراسة الدالة $\exp ou$.		1
5		دراسة الدالة اللوغاريتمية النيبيرية وتوظيف خواصها في حل معادلات ومتراجحات.	**الدوال اللوغاريتمية:** تعريف وخواص الدالة اللوغاريتمية النيبيرية	نبيّن من أجل كل عدد حقيقي a موجب تماما، أنّ المعادلة $e^x = a$ تقبل حلاً وحيداً نرمز له بالرمز $\ln a$، يمكن القول حينئذ أنّ الدالة $\ln$ هي الدالة العكسية للدالة الأسية، لكن لا تُعطى أي دراسة تفصيلية حول الدالة العكسية.	1

قلم الجزائر
WWW.DZPEN.COM

		حل مشكلات بتوظيف اللوغاريتمات ودوال القوى		تُستنتج الخواص الجبرية والتحليلية للدالة اللوغاريتمية $\ln a$ من خواص الدالة الأسية $\exp$. تتم الإشارة إلى أنّ المنحنيين الممثلين للدالتين $\ln a$ و $\exp$ متناظران بالنسبة للمنصف الأوّل في المعلم المتعامد والمتجانس وتبرير ذلك.	
			حل معادلات و متراجحات باستعمال خواص الدالة اللوغاريتمية النيبيرية . .		2
			دراسة الدالة $\ln ou$ ، تعريف اللوغاريتم العشري.	يعطى تعريف دالة اللوغاريتم العشري (التي نرمز إليها بالرمز $\log$) ويشار إلى أهمية تطبيقاتها في مواد أخرى.	2
		حل معادلات تفاضلية من الشكل: $y' = a\,y + b$.			1
6	الدوال العددية (النهايات)	حساب نهاية منتهية أو غير منتهية لدالة عند الحدود (المنتهية أو غير المنتهية) لمجالات مجموعة تعريف	النهايات: المستقيمات المقاربة الموازية للمحورين.	نتطلق من وضعيات ذات دلالة تتعلق بالدوال المدروسة في السنة الثانية ثانوي، ونهتم فقط بدوال تكون مجموعة تعريفها معطاة أو سهلة التعيين. تُدعّم مكتسبات التلاميذ حول مفهوم النهاية في وضعيات بسيطة (مثلاً النهاية المنتهية عند عدد حقيقي x_0) وتوظيف ذلك في أمثلة بسيطة ثمّ توسع إلى وضعيات أخرى. ولتوضيح ذلك، نعتمد على تمثيلات بيانية باستعمال برمجيات مناسبة كالمجدولات. كما يمكن توظيف الحاسبة البيانية: لإزاحة النافذة نحو اليسار عندما يؤول x إلى $-\infty$. لإزاحة النافذة نحو اليمين عندما يؤول x إلى $+\infty$. لإنجاز تكبير للنافذة بجوار x_0 عندما يؤول x إلى x_0 وذلك لتخمين نهاية أو المصادقة عليها. تُستغل هذه المناسبة للتذكير بالمستقيم المقارب الموازي لحامل محور الفواصل.	2
		حساب نهاية باستعمال المبرهنات المتعلقة بالعمليات على النهايات أو المقارنة وتركيب دالتين	نهايات باستعمال المبرهنات المتعلقة بالعمليات على النهايات.	تُعطى المبرهنات الشهيرة المتعلقة بمجموع وجُداء وحاصل قسمة نهايتين دون برهان. (يمكن أن يُقدم برهاناً على حالة بسيطة). تُعطى مبرهنات الحصر (نهاية منتهية، غير منتهية، وكذا المبرهنة التي تربط الترتيب بين دالتين والترتيب بين نهايتين). حساب نهاية دالة مركبة $g\,o\,f$ يطبق في الحالة التي تكون فيها g دالة مألوفة.	2

قلم الجزائر
WWW.DZPEN.COM

			حساب نهاية باستعمال المقارنة أو الحصر ومركب دالتين		1
		دراسة السلوك التقاربي لدالة ،المستقيم المقارب المائل	. المستقيم المقارب المائل.	تسمح الملاحظة عند استعمال برمجيات مناسبة أو حاسبة بيانية بتخمين وجود مستقيم مقارب أو منحن مقارب للمنحنى الممثل لدالة، وتحديد الوضعية النسبية لهما وتبرّر النتائج الملاحظة عن طريق الحساب.	1
7	التزايد المقارن ودراسة الدوال		دوال القوى والجذور النونية وتوظيف خواصهما.		2
		معرفة و تفسير النهايات : $\lim_{x\to+\infty}\frac{e^x}{x}=+\infty$ ، $\lim_{x\to-\infty}xe^x=0$ ، $\lim_{x\to0^+}x\ln x=0$ ، $\lim_{x\to+\infty}\frac{\ln x}{x}=0$.	التزايد المقارن للدوال الأسية و دوال القوى و اللوغاريتمات.	نجعل التلميذ يلاحظ، انطلاقاً من التمثيلات البيانية للدوال $x\longmapsto\ln x$ ، $x\longmapsto e^x$ ، $x\longmapsto x^n$ حيث n عدد طبيعي غير معدوم، أنّ هذه الدوال تؤول كلّها نحو $+\infty$ عندما $x\to+\infty$ ، لكن سلوكها مختلف ومن ثمّ استنتاج التزايد المقارن لها: في اللانهاية، تتفوق الدالة الأسية على الدالة " قوة " والدالة " قوة " على الدالة اللوغاريتم. في هذا المجال يمكن استعمال الحاسبة البيانية أو المجدول لتجسيد هذه السلوكات.	2
			تطبيقات على النهايات الأسية واللوغاريتمية		2
8		دراسة دوال كثيرات حدود، ناطقة، صماء، مثلثية، دوال القوى. وحل مشكلات باستعمالها.	دوال كثيرات حدود، ناطقة، صماء، دوال القوى. وحل مشكلات باستعمالها	تُدرج دراسة بعض الأمثلة لدوال من الشكل: $x\longmapsto e^{-\lambda x^2}$ حيث $(\lambda>0)$ ؛ $x\longmapsto a^x$ حيث $(a>0)$ أو $x\longmapsto x^a$ حيث $(x>0$ و $a\in\mathbb{R}_+^*)$. نقبل العلاقة: $a^b=e^{b\ln a}$ من أجل كل عددين حقيقيين a و b حيث $a>0$ و b كيفي.	3
		دراسة دوال أسية، اللوغاريتم، دوال القوى وحل مشكلات باستعمالها. حل مسائل الاستمثال باستعمال هذه الدوال	دوال أسية، اللوغاريتم، دوال القوى وحل مشكلات باستعمالها.		3

قلم الجزائر
WWW.DZPEN.COM

9	المتتاليات العددية	استعمال التمثيل البياني لتخمين سلوك ونهاية متتالية عددية. اثبات خاصية بالتراجع. دراسة سلوك ونهاية متتالية.	توليد متتالية عددية: التذكير بالمتتالية الحسابية والمتتالية الهندسية من خلال أنشطة وتطبيقات عليها الاستدلال بالتراجع: إثبات خاصية بالتراجع.	تقترح متتاليات معرّفة باستعمال دالة f بعلاقة من الشكل $u_n = f(n)$ أو $u_{n+1} = f(u_n)$ يتم بهذه المناسبة التذكير بالمتتاليات الحسابية والمتتاليات الهندسية.	1 2 3
10	المتتاليات العددية	حل مشكلات توظف فيها المتتاليات والبرهان بالتراجع. **اثبات تجاور متتاليتان**	خواص المتتاليات: دراسة سلوك ونهاية متتالية. المتتاليتان المتجاورتان: تعريف ومفهوم متتاليتين متجاورتين. حل مشكلات توظف فيها المتتاليات والبرهان بالتراجع.	في دراسة نهايات المتتاليات تطبق النتائج المحصل عليها في السنة الثانية أو المبرهنات المعروفة على الدوال عندما يؤول n إلى $+\infty$. عندما تقبل الدالة f نهاية ℓ عندما يؤول المتغيّر إلى $+\infty$ فإنّ المتتالية (u_n) المعرّفة بالعلاقة $u_n = f(n)$ تقبل نفس النهاية ℓ عندما يؤول n إلى $+\infty$ (ننبه أنّ العكس غير صحيح). يُعطى تعريف متتاليتين متجاورتين وتُقبل النظرية التي تنص على أنّه إذا كانت متتاليتين متجاورتين فإنّهما تتقربان إلى نفس النهاية ويستثمر ذلك لحساب مساحة الحيّز تحت المنحنى الممثل لدالة.	2 2 2
11		**معالجة بيداغوجية**			6
12	الدوال الأصلية	تعيين دالة أصلية لدالة مستمرة على مجال. تعيين دوال أصلية لدوال مألوفة.	تعريف دالة أصلية لدالة على مجال والخواص. أمثلة لدوال أصلية	نُدرج الخواص المعروفة للدوال الأصلية وحسابها المستخلصة انطلاقاً من خواص المشتقات.	2 2
		تعيين الدالة أصلية التي تأخذ قيمة y_0 من أجل قيمة x_0 للمتغيّر.		نثبت وحدانية الدالة الأصلية لدالة معرّفة على مجال تأخذ قيمة معيّنة من أجل قيمة معلومة من هذا المجال عندما نتعرّف على إحدى دوالها الأصلية.	1
		حل معادلات تفاضلية من الشكل: $y' = f(x)$، $y'' = f(x)$ حيث f دالة مألوفة.			1

قلم الجزائر
WWW.DZPEN.COM

	الحساب التكاملي		المقاربة والتعريف.	يتم مقاربة مفهوم التكامل بحساب مساحات لأشكال هندسية معروفة (مستطيل، مثلث في وضعيات مختلفة، شبه منحرف). مثلا حساب مساحة الحيّز المستوي تحت المنحنى الممثل لدالة f مستمرة وموجبة على مجال $[a;b]$ أي مجموعة النقط $M(x;y)$ حيث $a \le x \le b$ و $0 \le y \le f(x)$. ثمّ نقارن النتيجة بالعدد $G(b)-G(a)$ حيث G هي دالة أصلية للدالة f على المجال $[a;b]$. نأخذ f دالة مستمرة وموجبة في وضعيات أوّلية 1) ثابتة (مساحة مستطيل) 2) تآلفية (مساحة مثلث أو شبه منحرف) نعرّف العدد $\int_a^b f(x)dx$ بالفرق $G(b)-G(a)$ ونقرأ **"التكامل من a إلى b لـ $f(x)$ تفاضل x"** وهو يُمثّل مساحة الحيّز المستوي المحدّد بمنحنى الدالة f والمستقيمات التي معادلاتها $x=a$ ، $x=b$ و $y=0$ في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد.	1
13		توظيف خواص التكامل لحساب مساحة سطح معطى.	الحساب التكاملي: تعريف، خواص، حساب مساحات سطوح مستوية	نُدرج خواص التكامل في حالة f موجبة والمتعلقة: بعلاقة شال $\int_a^b f(x)dx = \int_a^c f(x)dx + \int_c^b f(x)dx$ ونتائجها وبالخطية. بالمقارنة: إذا كانت $f \le g$ فإنّ $\int_a^b f(x)dx \le \int_a^b g(x)dx$. بالقيمة المتوسطة لدالة: $\frac{1}{b-a}\int_a^b f(x)dx$. حصر القيمة المتوسطة: إذا كانت $m \le f(x) \le M$ على مجال $[a;b]$ فإنّ $m \le \frac{1}{b-a}\int_a^b f(x)dx \le M$.	2

قلم الجزائر
WWW.DZPEN.COM

				بعد التعرّف على الخواص السابقة يتم التعميم شيئاً فشيئاً من أجل: f سالبة حيث: $\int_a^b f(x)\,dx = -\int_a^b \lvert f(x)\rvert dx$. f تغيّر إشارتها. إشارة العدد $\int_a^b f(x)\,dx$ بدلالة إشارة f على المجال $[a;b]$.	
			مفهوم القيمة المتوسطة لدالة على مجال وحصرها.		1
		استعمال التكامل بالتجزئة.			2
14		تابع استعمال التكامل بالتجزئة			1
		توظيف الحساب التكاملي لحساب دوال أصلية.	توظيف الحساب التكاملي	تعريف الدالة الأصلية للدالة f على $[a;b]$ والتي تنعدم من أجل a على أنّها الدالة التي ترفق كل x من $[a;b]$ بالعدد $\int_a^x f(t)\,dt$.	3
		حساب حجم لمجسمات بسيطة.		حساب الحجوم: $\int_a^b \pi[f(x)]^2\,dx$ نقتصر على الأمثلة البسيطة سهلة الحساب.	1
		توظيف الحساب التكاملي لحل مشكلات بسيطة.		يتعلق الأمر بمعالجة مشكلات من الواقع أو المرتبطة به مثل العبارة التكاملية للمسافة المقطوعة على مستقيم بمعرفة السرعة اللحظية.	1
15		**إثبات أنّ عدداً صحيحاً يقسم عدداً صحيحاً آخراً.**	**القسمة الإقليدية في $\mathbb{Z}$:**		1

		استعمال خواص قابلية القسمة في $\mathbb{Z}$.	**قابلية القسمة** $\mathbb{Z}$	يتعلق الأمر بالخواص التالية، التي يتعيّن إثباتها: إذا كان a يقسم b و b يقسم c فإنّ a يقسم c. إذا كان a يقسم b فإنّه من أجل كل عدد صحيح k، a يقسم kb و ka يقسم kb. إذا كان a يقسم b و c فإنّه من أجل كل x و y من $\mathbb{Z}$، لدينا a يقسم $bx+cy$. نجد هنا فرصاً لممارسة بعض أنماط البرهان.	1
		استعمال خوارزمية إقليدس لتعيين القاسم المشترك الأكبر لعددين طبيعيين.	القسمة الإقليدية في $\mathbb{Z}$ القاسم المشترك الأكبر لعددين طبيعيين. قابلية القسمة في $\mathbb{Z}$	تُبرهن الخاصية: من أجل $a\in\mathbb{Z}$ و $a\in\mathbb{Z}_+^*$، توجد ثنائية وحيدة $(q;r)$ (q و r عددان صحيحان) حيث: $a=bq+r$ و $0\le r\le b$. كما تُبرهن المساواة: $PGCD(a;b)=PGCD(b;r)$. نُبرهن أنّ: $PGCD(ka;kb)=k.PGCD(a;b)$ وأنّ: $PGCD(a;b)=d$ يكافئ $a=da'$ و $b=db'$ مع a' و b' أوّليين فيما بينهما. توسيع مفهوم القاسم المشترك الأكبر إلى $\mathbb{Z}$.	2
		استعمال خوارزمية إقليدس لتعيين القواسم المشتركة لعددين طبيعيين.			
		حل مشكلات بتوظيف خواص القاسم المشترك الأكبر.		يمكن اقتراح أنشطة من النوع: إيجاد الأعداد الصحيحة a و b إذا أُعطي $PGCD(a;b)$ وعلاقة بين a و b. يمكن اقتراح مشكلات من الواقع مثل تبليط أرضية مستطيلة الشكل، رصف علب (متوازي مستطيلات) في صندوق (متوازي مستطيلات) ذي أبعاد معلومة، ...	1
		معرفة واستعمال خواص الموافقات في $\mathbb{Z}$.	الموافقات في $\mathbb{Z}$: تعاريف وخواص	تُبرهن الخواص المتعلقة بتلاؤم الموافقة مع العمليتين $+$ و $\times$. تُقترح أنشطة متنوعة مثل: إيجاد باقي قسمة، حيث يمكن إبراز محدودية الحاسبة. حل معادلات في $\mathbb{Z}$، من الشكل: $ax+by=c$. تُقترح أنشطة متنوعة حول قابلية القسمة تُوظف فيها الموافقات.	1
16		نشر عدد طبيعي وفق أساس.	التعداد:	يُبرهن وجود ووحدانية نشر عدد طبيعي N وفق أساس x من الشكل:	1

				$N=a_0+a_1x^1+a_2x^2+\cdots+a_nx^n$.	
			الانتقال من نظام أساسه α إلى نظام أساسه β.		1
		الأعداد الأوّلية:	التعرّف على أوّلية عدد طبيعي.		1
			استعمال تحليل عدد طبيعي إلى جُداء عوامل أوّلية لتعيين مضاعفاته وقواسمه	يُبرهن وجود تحليل عدد طبيعي إلى جُداء عوامل أوّلية ونقبل، دون برهان، وحدانية هذا التحليل. تقترح أنشطة متنوعة يُوظف فيها تحليل عدد طبيعي إلى جُداء أعداد أوّلية لتعيين قواسمه (أو عددها) أو مضاعفاته.	1
		المضاعف المشترك الأصغر:	استعمال تحليل عدد طبيعي إلى جُداء عوامل أوّلية لتعيين المضاعف المشترك الأصغر والقاسم المشترك الأكبر		1
			استعمال العلاقة بين المضاعف المشترك الأصغر والقاسم المشترك الأكبر	تبرهن الخاصية: $PGCD(a;b)\times PPCM(a;b)=ab$. يمكن اقتراح أنشطة حول إيجاد الأعداد الصحيحة a و b إذا أُعطي $PGCD(a;b)$ أو $PPCM(a;b)$ أو علاقة بين a و b	1
17			استعمال خواص المضاعف المشترك الأصغر	تبرهن الخاصية: $PPCM(ka;kb)=\lvert k\rvert PPCM(a;b)$ حيث k عدد صحيح غير معدوم.	1
		مبرهنة بيزو:	استعمال مبرهنة بيزو.	تُقترح أنشطة حول مبرهنة " بيزو " ومبرهنة " غوص ".	1
		مبرهنة غوص:	استعمال مبرهنة غوص ونتائجها.	نقصد بنتائج مبرهنة غوص، ما يلي: $a\in\mathbb{Z}^*$ و $b\in\mathbb{Z}^*$ و p عدد أوّلي. إذا كان p يقسم ab فإنّ p يقسم a أو p يقسم b. a، b و c أعداد طبيعية غير معدومة. إذا كان a مضاعف b و c و $PGCD(b;c)=1$ فإنّ a مضاعف bc. يمكن استعمال مبرهنة غوص لحل في $\mathbb{Z}$، المعادلة: $ax+by=c$.	2
			حل مسائل في الحساب		2

قلم الجزائر
WWW.DZPEN.COM

18	الإحصاء والاحتمالات	إيجاد قانون احتمال لمتغيّر عشوائي.	الاحتمالات المتساوية على مجموعة منتهية: .	مفهوم الاحتمال والمتغيّر العشوائي غير جديد على التلميذ، لذا تستغل هذه الفقرة في معالجة أنشطة تدعم مكتسباته حول الموضوع وتوفر له فرصة توظيفها من جديد لتهيئه إلى التوسع فيها لاحقاً.	2
		حل مسائل في الاحتمالات توظف المتغيرات العشوائية، قانون احتمالها، التباين، الانحراف المعياري والأمل الرياضياتي		يُفسّر الأمل الرياضياتي لمتغيّر عشوائي باعتباره المتوسط الحسابي لقيم هذا المتغيّر العشوائي مرفقة باحتمال كل منها، وتُعالج أنشطة متنوعة لتأكيد هذا المعنى وتوظيفه للإجابة عن تساؤلات تتعلق بالاحتمالات. تُعالج أنشطة نمذجة تجربة يتدخل فيها متغيّر عشوائي وتوظف الانحراف المعياري والأمل الرياضياتي	2
		العدّ باستخدام المبدأ الأساسي للعدّ (المجموع والجُداء). تنظيم معطيات من أجل عدّها باستخدام المبدأ الأساسي للعدّ (المجموع والجُداء).	العد (المبدأ الأساسي للعد، القوائم، الترتيبات، التبديلات، التوفيقات)	تُستعمل مختلف التمثيلات كالمخططات، الجداول، شجرة الإمكانيات لطرح المبدأ الأساسي للعدّ وشرحه. تُبرّر قوانين التحليل التوفيقي انطلاقاً من معالجة أنشطة في العدّ تتمحور حول تجارب بسيطة في السحب (السحب على التوالي دون إعادة، مع الإعادة، السحب في آنٍ واحد) تُعالج حالات بسيطة في العدّ لتدعيم مكتسبات التلميذ حول حل مسائل في الاحتمالات المتقطعة. يتم التوصل إلى قوانين التحليل التوفيقي باعتماد دراسة نظرية بحيث تصبح هذ القوانين فيما بعد أدوات رياضياتية قوية تسمح بمعالجة وضعيات مركّبة في الع تعتمد نمذجتها على تجارب إلقاء قطعة نقدية وإلقاء حجر نرد والسحب بأنواعه الثلاثة.	2
19		استخراج بعض قوانين التحليل التوفيقي (القوائم، الترتيبات، التبديلات، التوفيقات).			2
		حل مسائل في العد باستعمال قوانين التحليل التوفيقي			2
			دستور ثنائي الحدّ.		1
		نمذجة وضعيات بالاعتماد على التجارب المرجعية للسحب أو الإلقاء.		يتعلّق الأمر بمعالجة تجارب تؤول نمذجتها إلى تجارب السحب بأنواعه الثلاثة وإلى إلقاء حجر النرد والقطعة النقدية، ثمّ تمديد هذه النمذجة إلى وضعيات تتدخل فيها المتغيرات العشوائية المتقطعة وشجرة الإمكانيات. تعتبر المحاكاة وسيلة ضرورية لنمذجة مبنية على التجربة وذلك باستعمال تواتر كل مخرج من مخارجها، في حين تصبح قوانين التحليل التوفيقي أداة رياضياتية قوية لنمذجة نظرية.	1
20	الهندسة والقياس	إجراء العمليات الحسابية على الأعداد المركّبة.	المجموعة ℂ:	ندرس الأعداد المركّبة في إطار هندسي. نقترح أنشطة تتعلق بالبحث عن مجموعات النقط و/أو استعمال المرجح.	1

قلم الجزائر
WWW.DZPEN.COM

		استعمال خواص مرافق عدد مركّب، حساب طويلة عدد مركّب.		1
		حل معادلة من الشكل $z^2 = z_0$ حيث z_0 عدد مركب معلوم	حل بعض أنواع للمعادلات في $\mathbb{C}$	نتطرّق إلى الجذرين التربيعيين لعدد مركّب.	1
		حل في $\mathbb{C}$، معادلات يؤول حلها إلى حل معادلة من الدرجة الثانية ذات معاملات حقيقية.		تُقدّم المساعدة المناسبة للتلميذ لحل هذا النوع من المعادلات.	2
		حساب عمدة لعدد مركب غير معدوم. الانتقال من الشكل الجبري إلى الشكل المثلثي والعكس.	الشكل المثلثي لعدد مركب غير معدوم		1
21		**معالجة بيداغوجية**			6
22	الأعداد المركّبة (تابع)	كتابة عدد مركب غير معدوم على الشكل الأسي	ترميز أولر: $e^{i\alpha}$	يُرمز $e^{i\alpha}$ للعدد المركّب $\cos\alpha + i\sin\alpha$.	1
		التعبير عن خواص لأشكال هندسية باستعمال الأعداد المركّبة.	التفسير الهندسي لطويلة وعمدة عدد مركب	نُميّز دائرة مركزها النقطة Ω ذات اللاحقة z_0 أو نصف مستقيم مبدؤه Ω بعلاقة من الشكل $z = z_0 + ke^{i\theta}$، k ثابت موجب و θ يمسح $\mathbb{R}$ عندما يتعلق الأمر بالدائرة أو θ ثابت و k يمسح $\mathbb{R}^+$ عندما يتعلق الأمر بنصف المستقيم. يُدرج تفسير طويلة وعمدة العددين $z_A - z_B$ و $\frac{z_A - z_B}{z_C - z_D}$ واستعمالها في حل مسائل هندسية. نُبرهن الدساتير المتعلقة لطويلة وعمدة جُداء أو حاصل قسمة عددين مركّبين غير معدومين، نبيّن عندئذٍ أهمية ترميز أولير. (نستعمل ترميز أولير لإيجاد دساتير التحويل المدروسة سابقا في حساب المثلثات).	1
		توظيف خواص الطويلة والعمدة لحل مسائل في الأعداد المركّبة وفي الهندسة.			1
		توظيف دستور موافر لحل مسائل في الأعداد المركّبة وفي الهندسة.	دستور موافر		1

	التحويلات النقطية	تعيين الكتابة المركّبة للتحويلات النقطية المألوفة (الانسحاب، التحاكي، الدوران). - التعرّف عن تحويل انطلاقاً من الكتابة المركّبة.	الأعداد المركبة والتحويلات النقطية من الشكل $M(z) \mapsto M'(z')$ حيث $z' = az + b$ مع $a \in \mathbb{C}^*$ أو $a \in \mathbb{R}$ و $\lvert a \rvert = 1$	نُبرز الكتابة المختصرة $z' - z_0 = k(z - z_0)$ لكل من التحاكي والدوران.	1
		حل مسائل هندسية تتطلب استعمال انسحابات، تحاكيات أو دورانات بواسطة الأعداد المركّبة		عالج مسائل هندسية يتم فيها برهان خواص هذه التحويلات كحفظ الاستقامية، التوازي، المُرَجَّح، ...؛ التأثير على الأطوال وعلى المساحات؛ ... يمكن في هذه الفقرة الاعتماد على تمييز الدائرة وتمييز نصف المستقيم المشار إليهما أعلاه.	1
23		توظيف الأعداد المركّبة لبرهان خواص الانسحاب، الدوران والتحاكي.			1
		التعرف على تشابه مباشر التعبير عن تشابه مباشر بالأعداد المركّبة.	التشابهات المستوية المباشرة: تعريف، الكتابة المركبة حالة خاصة (التقايسات) ، مركب تشابهين مباشرين، خواص	نُعرّف التشابه المباشر كتحويل نقطي يحافظ على نسب المسافات ويحافظ كذلك على الزوايا الموجّهة. في حالة التي تكون فيها نسبة التشابه المباشر هي 1، نقول عن التشابه المباشر إنّه تقايساً موجباً(أو إزاحة). نُبيّن أنّ التحويلات المدروسة سابقاً هي تشابهات مباشرة. نقبل أنّه لا توجد تشابهات مباشرة أخرى شكلها المركّب يختلف عن $z' = az + b$ مع $a \in \mathbb{C}^*$ و $b \in \mathbb{C}$. (يمكن برهان هذه النتيجة) نُبيّن أنّ التشابه المباشر (ماعدا الانسحاب) يتميّز بثلاثة عناصر: مركزه ونسبته وزاويته. نُعالج مسائل متنوعة ووضعيات نستعمل فيها المثلثات المتشابهة تدعيماً لمكتسبات التلاميذ في السنة الأولى. نُبرهن أنّ إذا كانت A ، B ، A' و B' أربع نقط مختلفة مثنى مثنى فإنّه يوجد تشابه مباشر وحيد يُحوّل A إلى A' و B إلى B'.	1
		تركيب تشابهين مباشرين.			1
		تعيين التحليل القانوني لتشابه مباشر بواسطة الأعداد المركّبة. توظيف التحليل القانوني لتشابه مباشر بواسطة الأعداد المركّبة.			1
		توظيف خواص التشابهات المباشرة لحل مسائل هندسية			1

			أنشطة حول تحويلات نقطية كتابتها المركبة هي $z' = a\bar{z} + b$.	تُقترح أنشطة حول تحويلات نقطية كتابتها المركّبة هي $z' = a\bar{z} + b$ وذلك في حالات خاصة وبتقديم المساعدة المناسبة.	1
24	الهندسة في الفضاء		استعمال الأشعة لإثبات توازي شعاعين واستقامية ثلاث نقط. البرهان على أنّ أشعة من نفس المستوي.	**تم ادراج ما هوملون باللون الأحمرلعدم تناولهفي السنة الدراسية 2022-2021**	2
			التعليم في الفضاء: تعليم نقطة أعطيت إحداثياتها. تعيين معادلة لمستوٍ موازٍ لأحد مستويات الإحداثيات. تعيين معادلات مستقيم معرّف بنقطة وشعاع توجيه له.	تهدف هذه الفقرة إلى تمكين التلاميذ من التعليم في الفضاء يحبذ البدء في معالجة حالات خاصةيكون فيها المستوي موازيا لأحد مستويات الاحداثيات ثم التوسع بعد ذلك	1
			إثبات أنّ أشعة معطاة تنتمي إلى نفس المستوي.		1
			المسافة بين نقطتين: استعمال مبرهنة فيثاغورث لإيجاد المسافة بين نقطتين. استعمال دستور المسافة بين نقطتين لتعيين معادلة: سطح كرة، الاسطوانة الدورانية، المخروط الدوراني.	نستعمل مبرهنة فيثاغورث لايجاد هذا الدستور، ثم يوظف في التطبيقات للحصول على معادلات كل من الكرة ،الاسطوانة ، المخروط الدوراني.	1
		توظيف الجُداء السُلّمي لإثبات تعامد مستقيمين، تعامد مستويين، تعامد مستقيم ومستوٍ.		تعمّم تعريف الجُداء السُلّمي في المستوي إلى الفضاء، نراجع بهذه المناسبة الجُداء السُلّمي في المستوي. ونستعمل التعبير " شعاع يُعامد مستو ".	1
25		توظيف الجُداء السُلّمي لتعيين معادلة لمستوٍ.	الجداء السلمي وتطبيقاته. التعريف والعبارة التحليلية.	تُعالج مسائل يتطلب حلّها استعمال الجُداء السُلّمي و/أو عبارته التحليلية.	1
		توظيف الجُداء السُلّمي لحساب المسافة بين نقطة ومستوٍ.			1
		توظيف الجُداء السُلّمي لتعيين مجموعات نقط.		مجموعات النقط المقصودة هنا هي تلك المعرّفة كما يلي: مجموعة النقط M حيث $\overrightarrow{AM}.\vec{u} = k$ أو بصفة عامة $\alpha MA^2 + \beta MB^2 = k$ (k عدد حقيقي).	2
		المستقيمات والمستويات في الفضاء	استعمال التمثيلات الوسيطية أو التمييز بالمرجح لحل مسائل الاستقامية، التلاقي، انتماء 4 نقط إلى نفس المستوي.	نعني بالتمييز بالمرجح، تعريف مستقيم، قطعة مستقيم ومستو، كمجموعة مراجح نقطتين، مرفقتين بمعاملين من نفس الإشارة، 3 نقط ليست على	2

				استقامة واحدة، على الترتيب	
26		الانتقال من جملة معادلتين لمستقيم أو معادلة لمستوٍ إلى تمثيل وسيطي والعكس.	الأوضاع النسبية لمستقيمات و / أو لمستويات في الفضاء.	نُسجّل أنّه يمكن تمثيل مستقيم بمعادلتين خطيتين.	1
		تحديد الوضع النسبي لمستويين، لمستقيم ومستو، لمستقيمين.		نُبرّر كيف أنّ دراسة الوضع النسبي لمستويين أو لمستقيم ومستو أو لمستقيمين يؤول إلى حل جملة معادلات خطية.	2
		تعيين تقاطع مستويين، مستقيم ومستو، مستقيمين. تقاطع 3 مستويات.		نتطرّق إلى تقاطع ثلاثة مستويات الذي يؤدي إلى حل جملة ثلاث معادلات خطية بثلاثة مجاهيل.	3
27		**معالجة بيداغوجية**			6

قلم الجزائر
WWW.DZPEN.COM