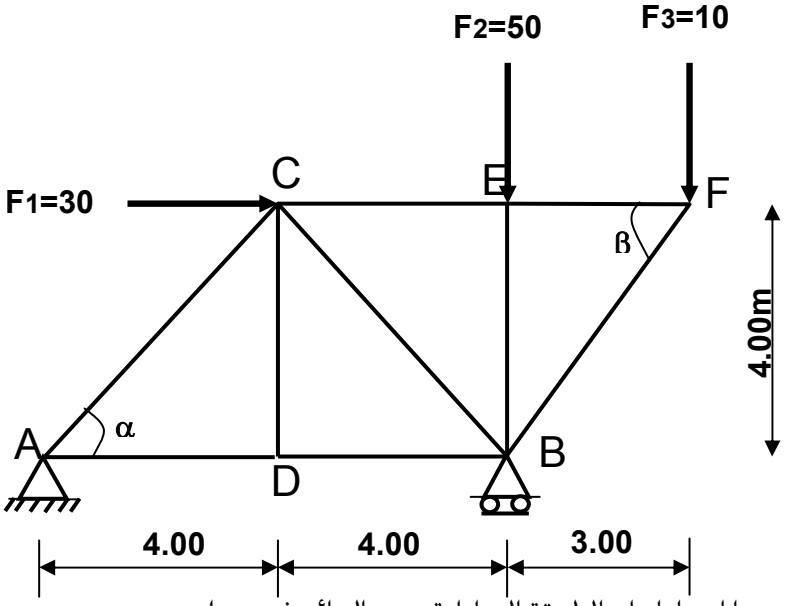
المجال : ميكانيك
الوحدة الاولى : الانظمة المثلثية

تمرين حول الأنظمة المثلثية

التمرين الاول :

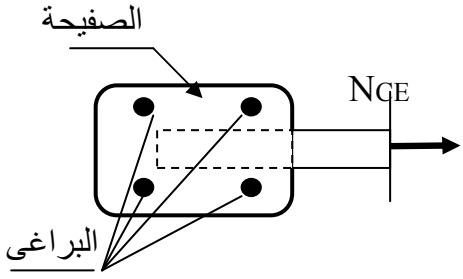
يعطى الشكل الميكانيكي لجملة مثلثية في الشكل
حيث ترتكز على مسندين :
المسند **A** : مسند مضاعف(مزدوج)
المسند **B** :مسند بسيط .

$Cos\beta = 0.6$; $Sin\beta = 0.8$
$Cos\alpha = Sin\alpha = 0.707$



1- برهن ان النظام محدد سكونيا.
2- أحسب ردود الأفعال عند المسندين **A** و **B**.
3- أحسب الجهود الداخلية في القضبان و بين طبيعتها إعتمادا على الطريقة التحليلية. دون النتائج في جدول.
4- إذا علمت ان القضيب الأكثر تحميلا هو القضيب (EB) حيث : **NEB=50 KN** ، و قضبان الجملة المثلثية هي دعامة مزدوجة و الإجهاد المسموح $\overline{\sigma} = 1600daN/cm^2$. – إستخرج من الجدول المرفق المجنب المناسب الذي يحقق المقاومة.
5-يثبت القضيب (CE) مع بقية القضبان بصفيحة بواسطة أربع(04) براغي (الشكل (2)) ، و الجهد الداخلي للقضيب هو **NCE=7.5KN** ، إذا علمت ان إجهاد القص المسموح به هو $\overline{\tau} = 100daN/cm^2$. -احسب القطر الأدنى للبراغي الذي يحقق المقاومة.

رقم المجنب	المقطع cm^2	الكتلة kg/cm^2	الأبعاد (mm)		
			b = h	t	Ys = zs
25x3	1.42	1.11	25	3	7.21
30x3	1.74	1.36	30	3	8.35
30x4	2.27	1.78	30	4	8.78
35x4	2.67	2.09	35	4	10.00
40x4	3.08	2.42	40	4	11.20
40x5	3.79	2.97	40	5	11.60



التمرين الثاني :

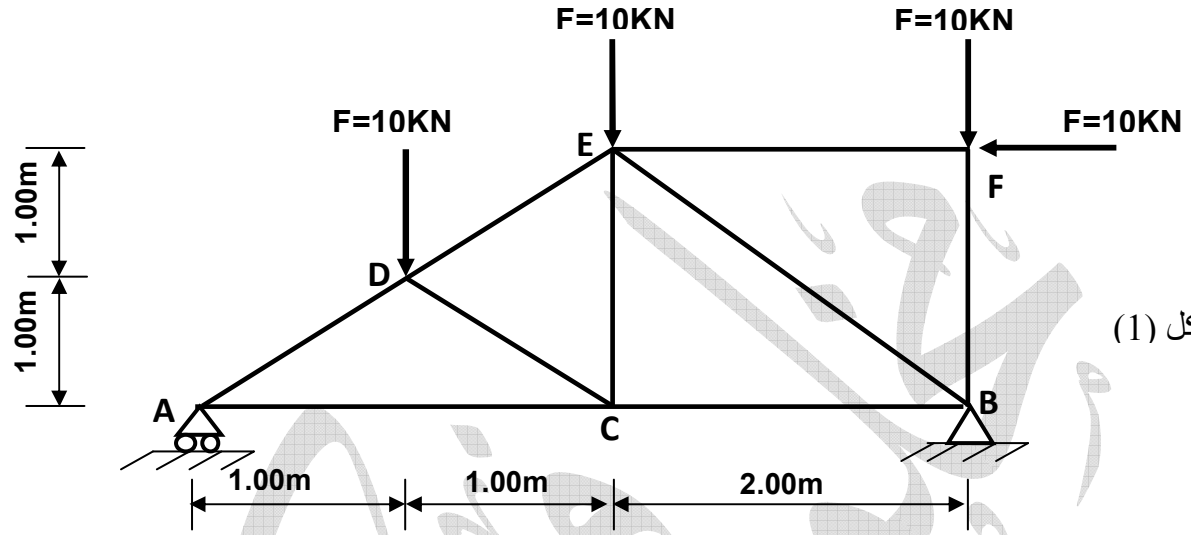
يعطى الشكل الميكانيكي لجملة مثلثية في الشكل (1) حيث ترتكز على مسندين :
المسند **A** : مسند بسيط ، المسند **B** : مسند مضاعف(مزدوج).

1- برهن ان النظام محدد سكونيا و أحسب ردود الأفعال عند المسندين **A** و **B**.
2- أحسب الجهود الداخلية في القضبان و بين طبيعتها إعتمادا على الطريقة التحليلية ، دون النتائج في جدول.

قلم الجزائر
WWW.DZPEN.COM

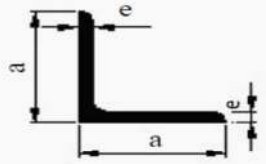
3- تحقق من مقاومة القضيب الاكثر تحميلا حيث القضبان كلها مجنبات زاوية مضاعفة من نوع (50x50x5) و

$$\overline{\sigma} = 1600 daN / cm^2$$



الشكل (1)

المجنب L	الأبعاد		المقطع (cm^2)
	a (mm)	e (mm)	
(20x20x3)	20	3	1.12
(25x25x3)	25	3	1.42
(30x30x3)	30	3	1.74
(40x40x4)	40	4	3.08
(50x50x5)	50	5	4.80
(60x60x6)	60	6	6.91



الجدول المرفق

التمرين الثالث :

يعطى الشكل الميكانيكي المحدد سكونيا لجملة مثلثية في الشكل (1) حيث ترتكز على مسندين :

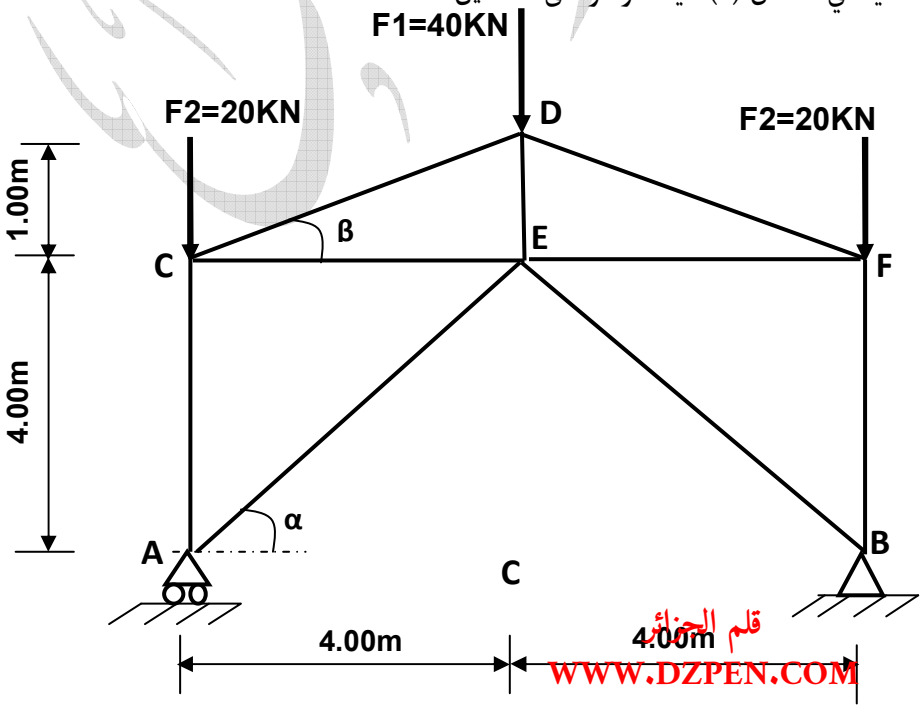
المسند A : مسند بسيط ،

المسند B : مسند مضاعف(مزدوج).

$\cos\alpha = \sin\alpha = 0.707$

$Cos\,\beta = 0.970$

$Sin\,\beta = 0.2425$



الشكل (1)

قلم الحناء
WWW.DZPEN.COM

المطلوب :

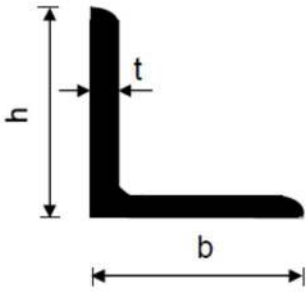
1- أحسب ردود الأفعال عند المسندين A و B.

2- أحسب الجهود الداخلية في القضبان و بين طبيعتها إعتمادا على الطريقة التحليلية ، دون النتائج في جدول.

3- قضبان الجملة المثلثية هي مجنح زاوي مضاعف من نوع L(35x4) ، تحقق من مقاومة القضبان حيث Nmax =NCD=82.46KN و الإجهاد المسموح به هو $\overline{\sigma} = 1600daN / cm^2$.

4- احسب تقلص القضيب CD يعطى معامل المرونة الطولي $E = 2 \cdot 10^6 daN / cm^2$.

رقم المجنب	المقطع cm^2	الكتلة kg/cm^2	الأبعاد (mm)		
			b = h	t	Ys = zs
25x3	1.42	1.11	25	3	7.21
30x3	1.74	1.36	30	3	8.35
30x4	2.27	1.78	30	4	8.78
35x4	2.67	2.09	35	4	10.00
40x4	3.08	2.42	40	4	11.20
40x5	3.79	2.97	40	5	11.60



التمرين الرابع :

بغية تحديد المجنب المناسب للهيكل الحامل لسقف تغطية قاعة الرياضة إقترح المهندس الهيكل الموضح في الشكل :

1- هل النظام محدد سكونيا ؟ إذا كانت الإجابة بالنفي ماذا تقترح ؟

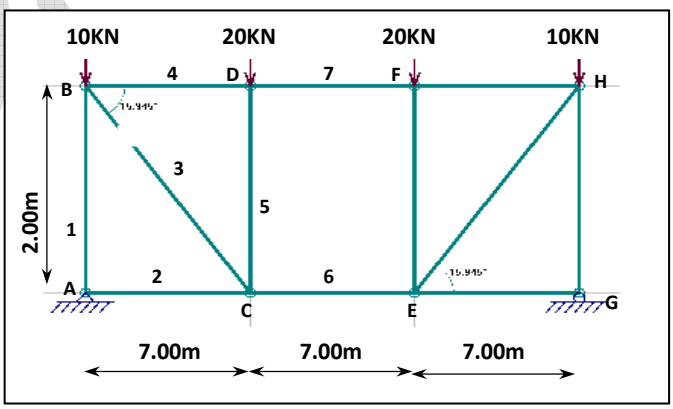
2- أعد رسم الشكل موضحا الحل الذي أقترحته. و أحسب ردود الأفعال في المسندين A و G.

3- أحسب الجهود الداخلية في القضبان بإستعمال طريقة عزل العقد ، و دون النتائج في جدول.

4- أحسب مساحة المقطع العرضي للقضيب BC ،علما أن NBC=74KN. و الإجهاد المسموح $\overline{\sigma} = 1600daN / cm^2$

5- احسب إستطالة القضيب BC علما ان معامل مرونته $E = 2 \cdot 10^6 daN / cm^2$

ملاحظة : (من الناحية التقنية الحل المقترح يكون في المنطقة المحددة بالعقد C-D-F-E)



قلم الجزائر
WWW.DZPEN.COM

حلول التمارين

حل التمرين الاول:

1- تحديد طبيعة النظام :

النظام محدد سكونيا $b=2(n)-3=2(6)-3=9$ $n=6$ $b=9$

2- حساب ردود الأفعال :

$\sum F/x=0 \Rightarrow \boxed{HA=30KN} \longrightarrow (1)$

$\sum F/y=0 \Rightarrow VA+VB=60\ KN \longrightarrow (2)$

$\sum M/A=0 \Rightarrow -VB(8)+10(11)+50(8)+30(4)=0$

$$V_B=\frac{110+400+120}{8}=\frac{630}{8}=78.75KN \Rightarrow \boxed{VB=78.75KN}$$

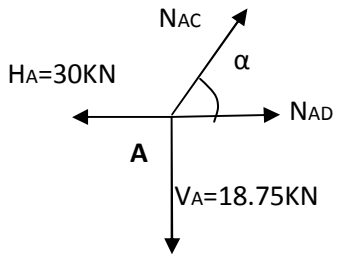
$\sum M/B=0 \Rightarrow VA(8)+30(4)+10(3)=0$

$$V_A=\frac{-120-30}{8}=\frac{-150}{8}=-18.75KN \Rightarrow \boxed{VA=-18.75KN}$$

- يمكن أخذ VA=+18.75KN .لكن يكون رد الفعل في المسند A نحو الأسفل.

3- حساب الجهود الداخلية :

العقدة A :



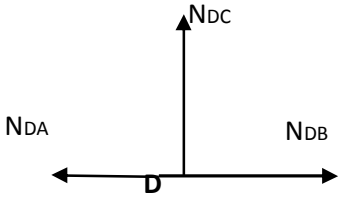
$\sum F/y=0 \Rightarrow NACSin\alpha - VA=0$

$N_{AC}=\frac{V_A}{Sin\alpha}=\frac{18.75}{0.707}=+26.52KN \Rightarrow \boxed{NAC=+26.52KN}$ ← شـــد

$\sum F/x=0 \Rightarrow NAD+NACCos\alpha-HA=0 \Rightarrow NAD=HA-NACCos\alpha$

$NAD=30-26.52(0.707)$ $\boxed{NAD=+11.25KN}$ ← شـــد

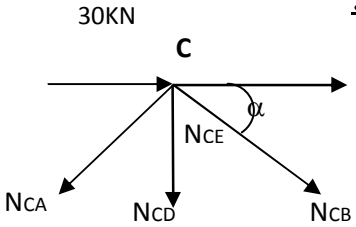
العقدة D :



$\sum F/y=0 \Rightarrow \boxed{NDC=0}$ ← تركيب

$\Rightarrow N_{AD}-N_{DB}=0 \Rightarrow \boxed{N_{DB}=+11.25KN}$ ← شـــد

العقدة C :



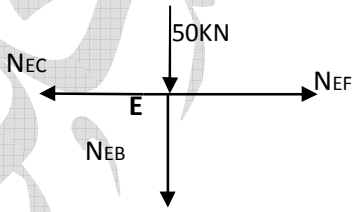
$$\sum F_y = 0 \Rightarrow -N_{CD} - N_{CB}Sin\alpha - N_{CA}Sin\alpha = 0$$

$$\Rightarrow N_{CB} = -\frac{N_{CA}Sin\alpha}{Sin\alpha} = -N_{CA} \qquad \boxed{N_{CB} = -26.52KN} \longrightarrow \text{إنظغاط}$$

$$\sum Fx = 0 \Rightarrow +30 + N_{CE} + N_{CB}Cos\alpha - N_{CA}Cos\alpha = 0$$

$$N_{CE} = (N_{CA} - N_{CB})Cos\alpha - 30 = (26.52 + 26.52)(0.707) - 30 = +7.5KN \qquad \boxed{N_{CE} = +7.50KN} \longrightarrow \text{شـــد}$$

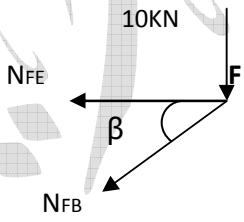
العقدة E :



$$\sum Fx = 0 \Rightarrow N_{EF} - N_{EC} = 0 \Rightarrow N_{EF} = N_{EC} = +7.50KN \qquad \boxed{N_{EF} = +7.50KN} \longrightarrow \text{شـــد}$$

$$\sum Fy = 0 \Rightarrow -N_{EB} - 50 = 0 \Rightarrow \boxed{N_{EB} = -50KN} \longrightarrow \text{إنظغـاط}$$

العقدة F :



$$\sum F_y = 0 \Rightarrow -10 - N_{FB}Sin\beta = 0 \Rightarrow N_{FB} = \frac{10}{Sin\beta}$$

$$\boxed{N_{FB} = -12.5KN} \longrightarrow \text{إنظغـاط}$$

4- جدول النتائج :

القضيب	الشدة (KN)	نوع التحريض
AC	26.52	شـد
AD	11.25	شـد
CD	0.	تركيـب
DB	11.25	شـد
CE	7.5	شـد
CB	26.52	إنظغـاط
EB	50	إنظغـاط
EF	7.5	شـد
FB	12.5	إنظغـاط

5- تحديد المجنب المناسب :

شرط المقاومة

$$\sigma = \frac{N_{EB}}{2 \cdot S} \le \overline{\sigma} \Rightarrow S \ge \frac{N_{EB}}{2 \cdot \overline{\sigma}} = \frac{50 \cdot 10^2}{2 \cdot 1600} = 1.56cm^2$$

من الجدول المجنب المناسب هو (30×3) $S=1.74cm^2$

قلم الجزائر
WWW.DZPEN.COM

6- حساب القطر الأدنى للبراغي :

شرط المقاومة $\tau = \frac{N_{CE}}{4 \cdot S} \leq \bar{\tau}$

$$\tau = \frac{N_{CE}}{4 \cdot S} = \frac{N_{CE}}{4 \cdot \left(\frac{\pi \cdot D^2}{4} \right)} = \frac{N_{CE}}{\pi \cdot D^2} \leq \bar{\tau} \Rightarrow D \geq \sqrt{\frac{N_{CE}}{\pi \cdot \bar{\tau}}}$$

$$D \geq \sqrt{\frac{7.5 \cdot 10^2}{3.14 \times 100}} = 1.55cm = 15.5mm$$

يمكن حساب المساحة S ثم قطر البرغي D

$$S \geq \frac{N_{CE}}{4 \cdot \bar{\tau}} = \frac{750}{4 \cdot 100} = 1.875cm^2 \qquad S = \frac{\pi \cdot D^2}{4} \Rightarrow D \geq \sqrt{\frac{4 \cdot S}{\pi}} = \sqrt{\frac{4 \times 11875}{3.14}} = 1.55cm$$

ناخذ D=16mm

حل التمرين الثاني:

المسألة الأولى :

1- تحديد طبيعة النظام :

النظام محدد سكونيا $b = 2(n) - 3 = 2(6) - 3 = 9$ $n = 6$ $b=9$

2- حساب ردود الأفعال :

$\sum F/x=0 \Rightarrow \boxed{HA=10KN} \longrightarrow (1)$

$\sum F/y=0 \Rightarrow VA+VB=30\ KN \longrightarrow (2)$

$\sum M/A=0 \Rightarrow -VB(4)-10(2)+10(4)+10(42)+10(1)=0$

$$V_B = \frac{40+20+10-20}{4} = \frac{50}{4} = 12.5KN \Rightarrow \boxed{VB=12.50KN}$$

$\sum M/B=0 \Rightarrow VA(4)-10(3)-10(2)-10(2)=0$

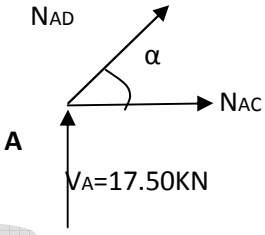
$$V_A = \frac{30+20+20}{4} = \frac{70}{4} = 17.5KN \Rightarrow \boxed{VA=-17.50KN}$$

التحقق : $VA + VB = 17.50 + 12.5 = 30\ KN$

3- حساب الجهود الداخلية :

حساب الزوايا : الزوايا 45°..إذن نأخذ $\cos 45 = \sin 45 = 0.707$

العقدة A :



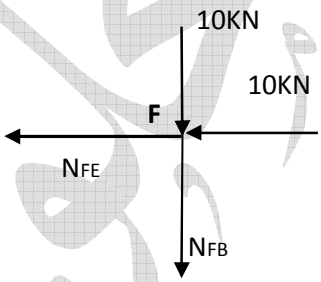
$\sum F/y=0 \Rightarrow \quad N_{AD}Sin\alpha + V_A=0 \quad N_{AD} = -\frac{V_A}{Sin\alpha} = -\frac{17.50}{0.707} = -24.75KN$

$\Rightarrow \boxed{N_{AD}=-24.75KN}$ ← انضغاط

$\sum F/x=0 \Rightarrow \quad N_{AC}+N_{AD}Cos\alpha=0 \Rightarrow N_{AC}= - N_{AD}Cos\alpha$

$N_{AC}=24.75(0.707) \qquad \boxed{N_{AC} = +17.50KN}$ ← شـــد

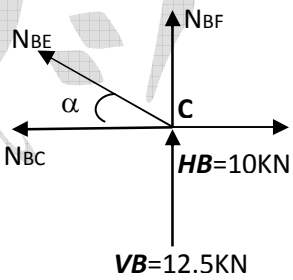
العقدة F :



$\sum F_y = 0 \Rightarrow -N_{FB} - 10 = 0 \Rightarrow \boxed{N_{FB} = -10KN}$ ← انضغاط

$\sum F_x = 0 \Rightarrow -N_{FE} - 10 = 0 \Rightarrow \boxed{N_{FE} = -10KN}$ ← انضغاط

العقدة B :



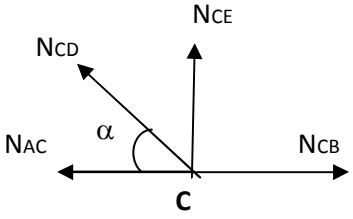
$\sum F_y = 0 \Rightarrow V_B + N_{BF} + N_{BE}Sin\alpha = 0$

$\Rightarrow N_{BE} = \frac{-12.5+10}{0.707} \Rightarrow \boxed{N_{BE} = -3.54KN}$ ← إنظغاط

$\sum Fx = 0 \Rightarrow -N_{BC} - N_{BE}Cos\alpha + 10 = 0$

$N_{BC} = 3.54(0.707) + 10 \Rightarrow \boxed{N_{BC} = 12.5KN}$ ← شـــد

العقدة C :



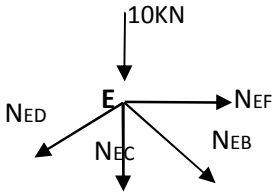
$\sum F_x = 0 \Rightarrow N_{CB} - N_{AC} - N_{CD}\cos\alpha = 0$

$N_{CD} = \frac{12.5-17.5}{0.707} \Rightarrow \boxed{N_{CD} = -7.07KN}$ ← إنظغـاط

$\sum F_y = 0 \Rightarrow N_{CE} + N_{CD}\sin\alpha = 0 \Rightarrow \boxed{N_{CE} = +5KN}$ ← شـد

قلم الجزائر
WWW.DZPEN.COM

العقدة E :



$$\sum Fx=0\Rightarrow N_{EF}+\boxed{N_{EB}\cos\alpha-N_{ED}\cos\alpha}=0\Rightarrow N_{ED}=\frac{-10-3.54(0.707)}{0.707}$$

$$N_{EF}=-17.68KN \longrightarrow \text{إنضغاط}$$

القضيب	الشدة (KN)	نوع التحريض
AC	17.5	شد
AD	24.75	إنضغاط
FE	10	إنضغاط
FB	10	إنضغاط
BE	3.54	إنضغاط
BC	12.5	شد
CD	7.07	إنظغاط
CE	5	شد
ED	17.68	إنظغاط

4- التحقق من المقاومة :

شرط المقاومة $\sigma = \frac{N^{max}}{2\cdot S} \le \overline{\sigma}$

$$\sigma = \frac{N^{max}}{2\cdot S} = \frac{N_{AD}}{2\cdot S} = \frac{24.75\times 100}{2\times 4.80} = 257.81 daN/cm^2$$

$\sigma = 257.81 daN/cm^2 \le \overline{\sigma} = 1600 daN/cm^2$ المقاومة محققة

حل التمرين الثالث:

1- حساب ردود الأفعال :

$\sum F/x=0\Rightarrow \boxed{HB=0KN} \longrightarrow (1)$

$\sum F/y=0\Rightarrow VA+VB=80\ KN \longrightarrow (2)$

النظام متناظر من حيث الأبعاد و الحمولات و بالتالي :

$$V_A=V_B=\frac{\sum Fy}{2}=\frac{80}{2}=40KN \Rightarrow \boxed{VA=40\ KN} \quad \boxed{VB=40\ KN}$$

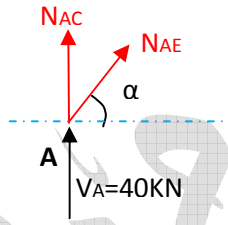
التحقق : $VA + VB = 17.50 + 12.5 = 30\ KN$

7- حساب الجهود الداخلية :

العقدة A :

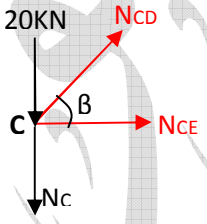
$$\sum Fx = 0 \Rightarrow N_{AE} \cdot \cos\alpha = 0 \rightarrow N_{AE} = 0$$ ←— تركيبي

$$\sum Fy = 0 \Rightarrow N_{AC} + V_A + N_{AE} \cdot \sin\alpha = 0$$
$$\Rightarrow N_{AC} = -V_A \rightarrow N_{AE} = -40KN$$ ←— إنضغاط



العقدة C :

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow N_{CD} \cdot \sin\beta - N_{CA} - 20 = 0$$
$$\Rightarrow N_{CD} = \frac{+(-40) + 20}{0.2425} \rightarrow N_{CD} = -82.47KN$$ ←— إنضغاط

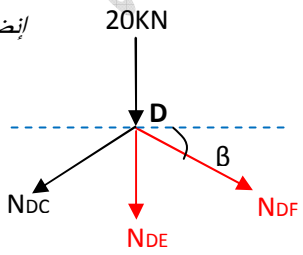


$$\sum F_X = 0 \Rightarrow N_{CE} + N_{CD} \cdot \cos\beta = 0 \Rightarrow N_{CE} = -N_{CD} \cdot \cos\beta$$
$$\Rightarrow N_{CE} = -(-82.47)(0.970) \rightarrow N_{CD} = 80KN$$ ←— شد

العقدة D :

$$\sum F_x = 0 \Rightarrow N_{DF} = N_{DC} \Rightarrow N_{DC} = -82.47KN$$ ←— إنضغاط

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow N_{DE} - 20 - N_{DC} \cdot \sin\beta - N_{DC} \cdot \sin\beta = 0$$
$$N_{DE} = 20 + (-82.47 - 82.47)(0.2425)$$
$$\Rightarrow N_{DE} = 0KN$$ ←— تركيبي



بإستغلال التناظر نجد باقي الجهود الداخلية في القضبان :

$N_{BF} = N_{AC} = -40KN$ (إنضغاط)

$N_{BE} = N_{AE} = 0\ KN$ (تركيبي)

$N_{BF} = N_{AC} = -40KN$ (إنضغاط)

$N_{BF} = N_{AC} = -40KN$ (إنضغاط)

جدول النتائج :

القضيب	AC	AE	CD	CE	DE	FE	FD	BE	BF
الشدة (KN)	40	0	82.47	80	0	80	82.47	0	40

قلم الجزائر
WWW.DZPEN.COM

نوع التحريض	إنضغاط	تركيبي	إنضغاط	شد	تركيبي	شد	إنضغاط	شد	إنضغاط	تركيبي	إنضغاط

3- التحقق من المقاومة :

شرط المقاومة $\sigma^{max} \leq \overline{\sigma}$

القضبان المستعملة هي مجنح زاوي مضاعف من نوع L(35x4) منه $S=2.67cm^2$

$$\sigma^{max} = \frac{N^{max}}{2 \cdot S} = \frac{82.46 \cdot 10^2}{2 \times (2.67)} = 1544.19 daN/cm^2$$

$$\sigma^{max} = 1544.19 daN/cm^2 \leq \overline{\sigma} = 1600 daN/cm^2$$

إذن شرط المقاومة محقق

4-حساب تقلص القضيب CD :

$$\Delta L = \frac{N \times L}{E \times (2S)} = \frac{82.46 \cdot 10^2 \times 412}{2.10^6 \times (2.2.67)} = 0.32cm$$

$$L_{CD} = \sqrt{4^2 + 1^2} = 4.12m$$

حل التمرين الرابع:

1- التأكد من أن النظام محدد سكونيا :

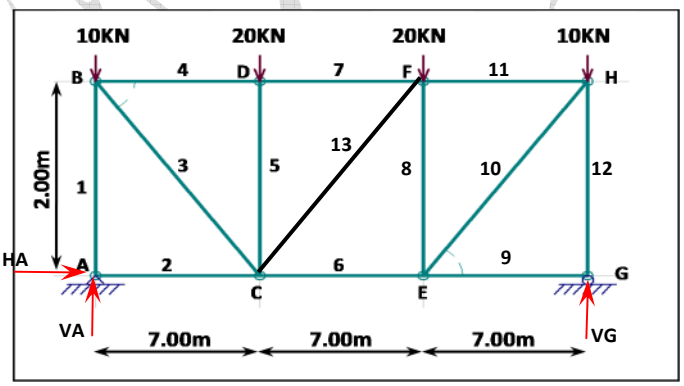
b=12 n=8.

لكي يكون النظام محدد سكونيا يجب أن يتحقق الشرط : $b = 2n - 3 = 2 \times 8 - 3 = 13$

- إذن العلاقة غير محققة و النظام غير محدد سكونيا.

الإقتراح : لكي تكون العلاقة صحيحة يجب أن يكون عدد القضبان b=13 ، لذا يجب إضافة قضيب آخر بين العقدة CF أو DE

2- رسم الشكل المقترح :



- **حساب ردود الأفعال :**

$\sum F/x=0 \Rightarrow \boxed{H_A=0} \longrightarrow (1)$

$\sum F/y=0 \Rightarrow V_A+V_G=60\ KN \longrightarrow (2)$

$\sum M/A=0 \Rightarrow -VG(21)+10(21)+20(14)+20(7)=0$

$$V_G=\frac{210+280+140}{21}=\frac{630}{21}=30KN \Rightarrow \boxed{V_G=30KN}$$

$\sum M/G=0 \Rightarrow VA(21)-10(21)-20(14)-20(7)=0$

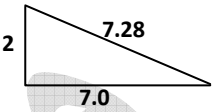
$$V_A=\frac{210+280+140}{21}=\frac{630}{21}=30KN \Rightarrow \boxed{V_A=30KN}$$

- يمكن إستعمال تناظر الشكل من حيث الأبعاد و الحمولات في حساب ردود الأفعال .

3- حساب الجهود الداخلية :

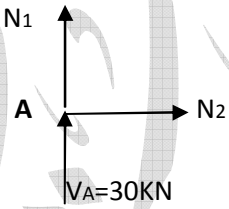
- حساب الزوايا :

$$BC=\sqrt{(7)^2+(2)^2}=\sqrt{53}=7.28$$



$$Cos\alpha=\frac{7}{7.28}=0.96. \quad Sin\alpha=\frac{2}{7.28}=0.27.$$

- **العقدة A :**



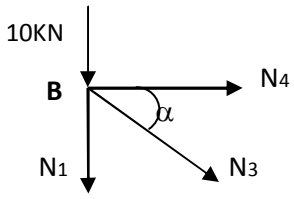
$\sum F/x=0 \Rightarrow \boxed{N2=0}$ ⟵ تركيب

$\sum F/y=0 \Rightarrow N1+VA=0 \Rightarrow \boxed{N1=-30KN}$ ⟵ إنضغاط

- **العقدة B :**

$\sum F/y=0 \Rightarrow -N1-N3Sin\alpha-10=0 \Rightarrow N_3=\frac{-10+30}{\sin\alpha}=\frac{20}{0.27}=74.07KN$

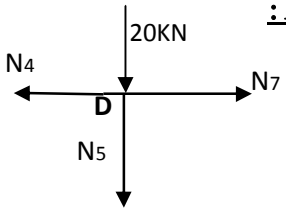
$\boxed{N_3=74.07KN}$ ⟵ شد



$\sum Fx=0 \Rightarrow N_4+N_3\cos\alpha=0 \Rightarrow N_4=-N_3\cos\alpha=-74.07x(0.96)=-71.10KN$

$\boxed{N_4=-71.10KN}$ ⟵ إنظغاط

- **العقدة D :**



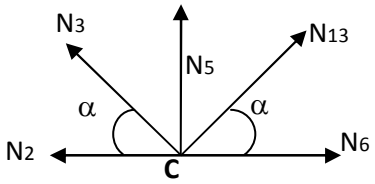
$\sum Fx=0 \Rightarrow N_7-N_4=0 \Rightarrow N_7=N_4=-71.10KN$ $\boxed{N_7=-71.10KN}$ ⟵ إنظغاط

$\sum Fy=0 \Rightarrow -N_5-20=0 \Rightarrow N_5=-20KN$ $\boxed{N_5=-20KN}$ ⟵ إنظغاط

- **العقدة C :**

$\sum Fy=0 \Rightarrow N_5+N_3\sin\alpha+N_{13}\sin\alpha=0 \quad N_{13}=\frac{-N_5-N_3\sin\alpha}{\sin\alpha}=\frac{-(-20)-(20)}{0.27}=0$ $\boxed{N_{13}=0}$ ⟵ تركيب

$\sum Fx=0 \Rightarrow N_6+N_8\cos\alpha-N_2-N_3\cos\alpha=0 \quad N_6=N_3\cos\alpha=+71.10KN$



قلم الجزائر
WWW.DZPEN.COM

$N_6 = +71.10KN$ ⟵ شـــد

بتطبيق مبدأ التناظر نجد :

$N_1=N_{12}= -30\ KN$ $N_4=N_{11}= -71.10\ KN$ $N_2=N_9 = 0\ KN$

$N_5=N_8 = -20\ KN$ $N_3=N_{10}= +74.07\ KN$

- ندوين النتائج في الجدول :

القضيـب	الشدة (KN)	نوع التحريض
1	30	إنظغـــاط
2	0	تركيـب
3	74.07	شـــد
4	71.10	إنظغـــاط
5	20	إنظغـــاط
6	71.10	شـــد
7	71.10	إنظغـــاط
8	20	إنظغـــاط
9	0	تركيـــب
10	74.07	شـــد
11	71.10	إنظغـــاط
12	30	إنظغـــاط
13	0	تركيـــب

4- حساب مساحة المقطع العرضي للقضيب BC :

$N_{\max} = 74KN \qquad \overline{\sigma} = 1600daN/cm^2$

$$\sigma_{\max} = \frac{N_{\max}}{S} \le \overline{\sigma} \Rightarrow S \ge \frac{N}{\overline{\sigma}} = \frac{7400}{1600} \qquad S \ge 4.62cm^2$$

5- حساب إستطالة للقضيب BC :

$$L_{BC} = \sqrt{(7)^2 + (2)^2} = 7.28m$$

$$\Delta L = \frac{N \cdot L}{E \cdot S} = \frac{7400 \times 728}{2000000 \times 4.62} = 0.583cm = 5.83mm$$

تحياتي الأستاذ . م/ كمال مخلوفي
قلم الجزائر
WWW.DZPEN.COM