الأعداد الطبيعية و الأعداد الناطقة

1) قاسم عدد طبيعي:

تعريف:

a ، b عددان طبيعيان بحيث: $b \neq 0$
العدد a يقبل القسمة على b معناه يوجد عدد طبيعي k غير معدوم بحيث: $a = b \times k$
ونقول أيضا: a مضاعف للعدد b.

لدينا: $a = b \times k$ معناه :
* العدد a يقبل القسمة على b
* العدد a مضاعف للعدد b
* العدد b قاسم للعدد a
* العدد b يقسم العدد a

مثال: $56 = 7 \times 8$
* العدد 56 يقبل القسمة على 7
* العدد 56 مضاعف للعدد 7
* العدد 7 قاسم للعدد 56
* العدد 7 يقسم العدد 56

2) خواص قواسم عدد طبيعي:

تعريف:

a،b،K أعداد طبيعية غير معدومة بحيث: $b < a$
* إذا كان K يقسم كلا من a و b فإن K يقسم كلا من(a+b) و (a–b)
* إذا كان K يقسم كلا من a و b فإن K يقسم باقي القسمة الاقليدية للعدد a على b.

مثال(1):
9 قاسم للعددين 36 و45 معناه 9 يقسم $45 + 36 = 81$
9 قاسم للعددين 36 و45 معناه 9 يقسم $45 - 36 = 9$

مثال (2):

2 يقسم كلا من العددين 12 و 30 فإن 2 يقسم باقي القسمة الاقليدية لـــ30 على 12 وهو6 لأن: $30 = 12 \times 2 + 6$

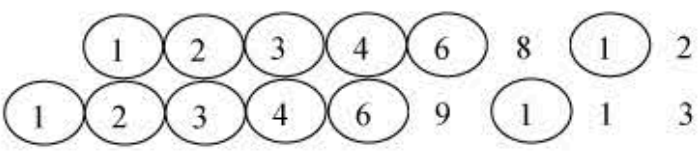
3) القاسم المشترك الأكبر (PGCD):

تعريف:

إذا كان العددان الطبيعيان a و b يقبلان القسمة على نفس العدد غير المعدوم k فإن k قاسم مشترك للعددين a و b

خاصية:
في مجموعة القواسم المشترك لعددين a و b يوجد قاسم أكبر من بين القواسم يسمى القاسم المشترك الأكبر
ونكتب: PGCD (a ; b)

مثال(1):
قواسم 24 هي:
قواسم 36 هي:



القواسم المشتركة للعددين هي: 12 ; 6 ; 4 ; 3 ; 2 ; 1.
إذن: PGCD (24 ; 36) = 12

مثال (2):
إيجاد القاسم المشترك الأكبر باستعمال خوارزمية إقليدس للعددين: 1078 و 322:

المراحل	a	b	باقي القسمة الاقليدية	
1	1078	322	112	$1078 = 3 \times 322 + 112$
2	322	112	98	$322 = 2 \times 112 + 98$
3	112	98	14	$112 = 1 \times 98 + 14$
4	98	14	0	$98 = 7 \times 14 + 0$

1078	322	322	112	112	98	98	14
112	3	98	2	14	1	0	7

من خلال هذه الحسابات نستنتج أن: PGCD(1078 ; 322)=14

مثال (3):

إيجاد PGCD(714 ; 612) باستعمال طريقة عمليات الطرح المتتالية.

$714 - 612 = 102$
$612 - 102 = 510$
$510 - 102 = 408$
$408 - 102 = 306$
$306 - 102 = 204$
$204 - 102 = 102$
$102 - 102 = 0$
إذن: $PGCD\ (714 ; 612) = 102$

4) العددان الأوليان فيما بينهما:

تعريف:

a ، b عددان أوليان فيما بينهما معناه القاسم المشترك الوحيد للعددين هو: 1

خاصية:
إذا كان PGCD لعددين هو 1 معناه أن العددين أوليان فيما بينهما.

مثال:
قواسم 15 هي: 15 ; 5 ; 3 ; 1
قواسم 28 هي: 28 ; 14 ; 7 ; 4 ; 2 ; 1
إذن: PGCD(15 ; 28)=1 وهذا يعني أن العددين أوليان فيما بينهما

5) الكسر الغير القابل للاختزال:

تعريف:

الكسر الغير قابل للاختزال معناه بسطه ومقامه أوليان فيما بينهما.

خاصية:
عندما نقسم كلا من حدي كسر على القاسم المشترك الأكبر لبسطه ومقامه نحصل على كسر غير قابل للاختزال.

مثال (1):
$\frac{15}{28}$ كسر غير قابل للاختزال لأن العددين 15 و 28 أوليان فيما بينهما

مثال (2):
لدينا: PGCD(84 ; 56)=28
ومنه $\frac{84}{56} = \frac{84 \div 28}{56 \div 28} = \frac{3}{2}$ أو $\frac{84}{56} = \frac{28 \times 3}{28 \times 2} = \frac{3}{2}$

قلم الجزائر
WWW.DZPEN.COM