مسائل في الرياضيات للسنة الرابعة متوسط

مسـألة01

يقترح صاحب "مسبح خاص" على الأشخاص الراغبين في السباحة ثلاث صيغ لدفع مستحقات حصص السباحة:

*~ الصيغة A : دفع $200\,DA$ للحصة الواحدة .

*~ الصيغة B : دفع إشتراك سنوي قيمته $3000\,DA$ يُضاف إليه مبلغ $100\,DA$ لكل حصة .

*~ الصيغة C : دفع إشتراك سنوي قيمته $11000\,DA$ دون التقيد بعدد الحصص (مهما كان عدد الحصص).

(1)~ * مصطفى يمارس السباحة مرة واحدة في الشهر مدة عاماً كاملاً .

* سفيان يمارس السباحة مرة واحدة في الأسبوع مدة عاماً كاملاً.

* علي يمارس السباحة مرتين في الأسبوع مدة عاماً كاملاً.

ملاحظة: (يوجد 52 أسبوع في السنة)

~ أكمل الجدول الآتي :

	مصطفى	سفيان	علي
المبلغ المدفوع بالصيغة A (DA)			
المبلغ المدفوع بالصيغة B (DA)			
المبلغ المدفوع بالصيغة C (DA)			

(2)~ استنتج صيغة الدفع المناسبة لكل من : مصطفى ، سفيان ، علي .

(3)~ ليكن x هو عدد حصص ممارسة السباحة لأي شخص خلال السنة .

~ عبّر بدلالة x عن : P_A ، P_B ، P_C المبلغ المدفوع حسب كل صيغة من الصيغ الثلاث .

(4)~ حل المتراجحة : $P_A \leq P_B$. كيف تفسر الحل المتحصل عليه ؟

(5)~ على ورقة مليمترية . أرسم المستقيمات التالية :

(d_1) الذي معادلته : $y = 200x$.

(d_2) الذي معادلته : $y = 100x + 3000$.

(d_3) الذي معادلته : $y = 11000$.

(على محور الفواصل ناخذ : $1cm$ لكل 10 حصص ، وعلى محور التراتيب نأخذ $1cm$ لكل $1000\,DA$).

(6)~ انطلاقاً من التمثيل البياني جد مايلي :

أ* حدد متى تكون الصيغة B أفضل من الصيغتين A و C .

ب* جمال خصص مبلغ سنوي قدره $9500\,DA$ لممارسة السباحة.وهو محتار في كيفية اختيارالصيغة المناسبة له. ساعد جمال في اختياره .

WWW.DZPEN.COM - قلم الجزائر

مسـألة02

صهيب ،زكريا و يحي يعملون في ثلاث شركات مختلفة .

- راتب صهيب 35000 DA إضافة إلى منحة قيمتها 5000 DA عن كل بعثة يقوم بها.
- راتب زكريا 50000 DA مهما كان عدد البعثات.
- يحي يتقاضى 7000 DA عن كل بعثة يقوم بها.

1- أنقل الجدول وأتممه (مراحل الحساب داخل خلايا الجدول).

عد البعثات	دخل صهيب	دخل زكريا	دخل يحي
2			
			35000
	85000		

2- ليكن x عدد البعثات في الشهر.

- عبر بدلالة x عن y_1 ، y_2 ، y_3 ، دخل صهيب ، زكريا و يحي على الترتيب.

3- في معلم متعامد ومتجانس نأخذ على محور الفواصل 1 cm يمثل بعثة .

وعلى محور التراتيب نأخذ 1cm يمثل 10000 DA .

- أنشئ المستقيمات (d_1) ; (d_2) ; (d_3) التي معادلاتها على الترتيب:

$y = 5000x + 35000$; $y = 50000$; $y = 7000x$.

4- القراءة البيانية - باستعمال التمثيل البياني أجب :

أ- ابتداء من أي عدد للبعاثات يكون دخل صهيب أكبر من أو يساوي دخل زكريا ؟. تحقق حسابيا

ب- هل بالامكان يتحصل كل من صهيب ، زكريا و يحي على الدخل نفسه ؟ اشرح إجابتك.

WWW.DZPEN.COM - قلم الجزائر

مســـألة03

يتعامل أستاذ الرياضيات مع مكتبة لتصوير أوراقه فعرض عليه صاحب المكتبة عرضين :

العرض الأول

ثمن تصوير الورقة الواحدة هو: 3 دينار جزائري .

العرض الثاني

ثمن تصوير الورقة الواحدة هو : 2 دينار جزائري مع اشتراك شهري قدره : 40 دج .

الجزء الأول :

1- ماهو الخيار الأكثر فائدة للأستاذ إذا كان معه 30 ورقة يريد تصويرها ؟

- وماهو الخيار الأكثر فائدة للأستاذ إذا كان معه 50 ورقة ؟

2- ليكن X هو عدد الأوراق .

y_1 هو الثمن المدفوع في العرض الأول.

y_2 هو الثمن المدفوع في العرض الثاني .

- أكتب كلا من : y_1 ، y_2 بدلالة X

3- في إحدى المرات كان مع الأستاذ : 600 دج

- كم من نسخة يستطيع أن يصور في كل عرض ، ساعده على اختيار العرض الأفضل .

الجزء الثاني :

1- f و g دالتان حيث :

$$f(x)=3x \quad \text{و} \quad g(x)=2x+40$$

- أرسم التمثيل البياني للدالتين f و g في معلم متعامد ومتجانس: $\left(O,\vec{OI},\vec{OJ}\right)$ حيث :

$1cm$ يمثل 10 أوراق على محور الفواصل

$1cm$ يمثل 10 دينار جزائري على محور التراتيب

2- حل المتراجحة : $3x<2x+40$ ثم أعط تفسيرا لهذه النتيجة ؟

3- استعمل التمثيل البياني لتحديد أفضل عرض للأستاذ مع الشرح ؟ .

4- استنتج من البيان عدد الأوراق التي يتساوى فيها العرضان ثم تحقق من ذلك حسابيا .

WWW.DZPEN.COM - قلم الجزائر

مسـألة04

يقترح صاحب مطعم لزبائنه التسعيرتين التاليتين:

- التسعيرة الأولى : 200 DA للوجبة الواحدة لغير المنخرطين
- التسعيرة الثانية : 100 DA للوجبة الواحدة مع مشاركة شهرية قدرها 600 DA.

ϖ أنقل الجدول على ورقة الإجابة ثم أكمله:

عدد الوجبات			6	
التسعيرة الأولى (DA)		800		
التسعيرة الثانية (DA)	600			1400

ϖ ليكن x عدد الوجبات المستهلكة و y_1 المبلغ حسب التسعيرة الأولى و y_2 المبلغ حسب التسعيرة الثانية

1- عبر عن y_1 و y_2 بدلالة x .

2- حل المتراجحة : $200x > 100x + 600$.

ϖ في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O;\vec{OI};\vec{OJ})$

1- مثل بيانيا الدالتين f و g حيث: $f(x) = 200x$ و $g(x) = 100x + 600$

($1cm$ على محور الفواصل يمثل وجبتين "2") و ($1cm$ على محور التراتيب يمثل 200 DA).

2- حل الجملة: $\begin{cases} y = 200x \\ y = 100x + 600 \end{cases}$. ماذا يمثل هذا الحل؟

3- استعمل التمثيل البياني لتحديد أقل تسعيرة مع الشرح.

WWW.DZPEN.COM - قلم الجزائر

مسـألة05

يعرض صاحب مقهى انترنت (Cybercafé) على زبائنه صيغتين لاستعمال الانترنت .

الصيغة الأولى : دفع 50DA للساعة الواحدة .

الصيغة الثانية : دفع مبلغ مسبق شهريا قدره 600DA يسمح للزبون بدفع 20DA للساعة الواحدة.

الجزء I

1/ ما هي الصيغة الرابحة لشخص يستعمل الأنترنت 20 ساعة شهريا ؟ مع التعليل

2/ ما هي الصيغة الرابحة لشخص يستعمل الأنترنت 45 ساعة شهريا ؟ مع التعليل

3/ شخص دفع في الشهر بالصيغة الثانية 900DA

- كم ساعة استعمل في الشهر ؟
- هل كان اختياره صائب ؟ علل

الجزء II

نسمي x عدد الساعات المستعملة شهريا من طرف الزبون . ونسمي f(x) الكلفة المدفوعة بالصيغة الأولى ونسمي k(x) الكلفة المدفوعة بالصيغة الثانية .

1/ عبر عن f(x) و k(x) بدلالة x

2/ أوجد حسابيا متى تكون الصيغة الثانية أحسن من الصيغة الأولى .

3/ ارسم في معلم متعامد المستقيمين $(d_1): y = 50x$ و $(d_2): y = 20x + 600$

نأخذ 1cm على محور الفواصل لكل 5 ساعات و نأخذ 1cm على محور التراتيب لكل 100 DA

4/ باستعمال البيان أجب عن الأسئلة التالية

- متى تكون الصيغتان متساويتان
- ما هو أكبر عدد ممكن من الساعات شهريا لشخص يخصص 2000DA للانترنت .

WWW.DZPEN.COM - قلم الجزائر

مسـألة06

تعرض وكالة سياحة و أسفار على المناصرين الراغبين للذهاب إلى البرازيل لتشجيع الفريق الوطني في كأس العالم 2014 التسعيرتين:

التسعيرة الأولى: دفع مبلغ $350000DA$ للأسبوع الواحد.

التسعيرة الثانية: دفع مبلغ تذكرة الطائرة قدره $105000DA$ على أن يستفيد المناصرمن تخفيض قدره 10% من المبلغ $350000DA$.

الجزء الأول:

1) أحمد أختار التسعيرة الثانية . بين أنه يدفع مبلغ $420000DA$ للأسبوع الواحد.

2) أنقل ثم أتمم الجدول:

عدد الأسابيع	...	3	4
المبلغ حسب التسعيرة الأولى (DA)	700000	...	...
المبلغ حسب التسعيرة الثانية (DA)	...	1050000	1365000

3) ليكن x عدد الأسابيع و $f(x)$ هو التكلفة بالتسعيرة الأولى و $g(x)$ هوا لتكلفة بالتسعيرة الثانية.

- عبّر عن $f(x)$ و $g(x)$ بدلالة x.

الجزء الثاني:

1) مثل بيانيا في معلم متعامد ومتجانس المستقيمين (d) و (d_1) المعرفين بالمعادلتين:

$$y = 350000x \quad \text{و} \quad y = 315000x + 105000$$

بأخذ على محور الفواصل $2cm$ يمثل أسبوعا واحدا . وعلى محور التراتيب $2cm$ يمثل $200000DA$.

2) حل المعادلة: $f(x) = g(x)$. ماذا يمثل حل هذه المعادلة؟

3) بقراءة بيانية بسيطة . حدد أي التسعيرتين أفضل حسب عدد الأسابيع.

WWW.DZPEN.COM - قلم الجزائر

مســـألة07

المستوي مزود بمعلم متعامد و متجانس (O.I .J) وحدة الطول هي(cm).

– لتكن النقطتين(-3،1) A ،(-1.-3)B

1- ضع النقطتين Aو B على المعلم

2– (D) المستقيم ذو المعادلة y=2x+5

أ– بين أن Aو B نقطتان من المستقيم (D)

ب– ارسم المستقيم (D) على المعلم

3– نضع M منتصف القطعة [AB]

ا) أحسب احداثيات النقطة M

ب) أعط معادلة المستقيم (MO)

4– نعلم أن المستقيمين (MO) و(AB) متعامدان

لتكن النقطة Cنظيرة النقطة Oبالنسبة الى النقطة M

ا) بين بالحساب أن احداثيات C هي(-2.4)

ب)أحسب الأطوال OC و AB (أعط النتيجة على الشكل $a\sqrt{b}$ حيث a وb طبيعيان)

ج) استنتج طبيعة الرباعي AOBC - مع التعليل-

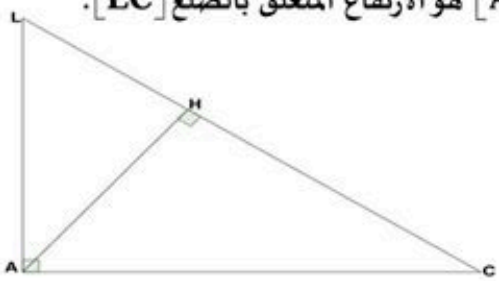
5- أنشئ صورة الرباعي AOBC بالانسحاب الذي شعاعه $\vec{CO}$

WWW.DZPEN.COM - قلم الجزائر

مسـألة08

الجزء الأول:

ليكن LAC مثلث قائم في A حيث: $LA=9cm$ ، $AC=12cm$ و $[AH]$ هو الارتفاع المتعلق بالضلع $[LC]$.



1) احسب مساحة المثلث LAC.

2) أوجد قيس الزاوية $\widehat{ACL}$ و استنتج الطول AH.

3) برهن أنّ: $LC=15cm$.

الجزء الثاني:

نضع M نقطة من الضلع $[LC]$ للمثلث LAC و نرمز بـ x للطول LM حيث: $(0<x<15)$.

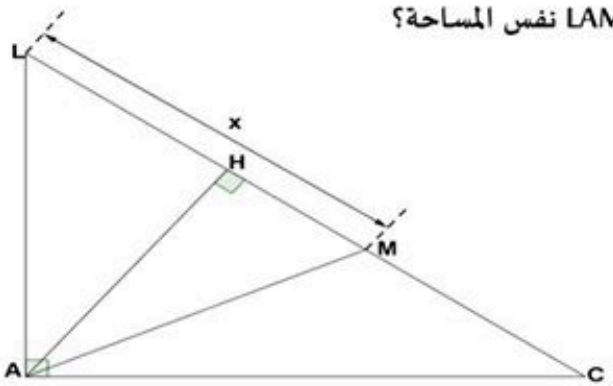
1) احسب الطول MC بدلالة x.

2) القطعة $[AH]$ يمكن اعتبارها في نفس الوقت ارتفاعا للمثلثين MAC، LAM.

أ) برهن أنّ: مساحة المثلث LAM هي $3,6x\left(cm^2\right)$.

ب) ما هي قيمة x التي تجعل المثلثين MAC، LAM نفس المساحة؟

- و ما هي قيمتها عندئذ؟



ب. برهن أنّ: مساحة المثلث MAC هي $54-3,6x\left(cm^2\right)$.

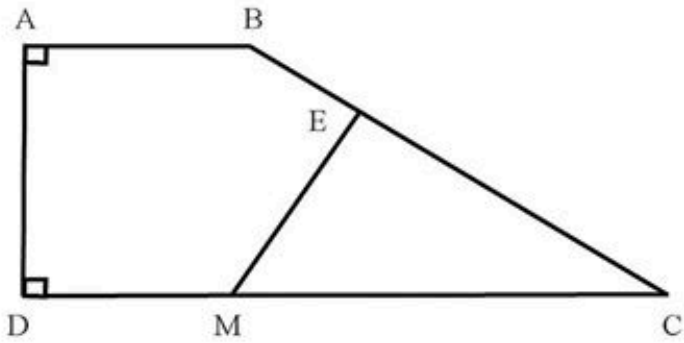
WWW.DZPEN.COM - قلم الجزائر

مسـألة09

وحدة الاطوال هي hm

ورث اخ واخت قطعة أرض على شكل شبه منحرف قائم في A و D حيث:

$AB = 4$ ، $AD = 9$ ، $DC = 16$ كما هو مبين في الشكل :



1) أحسب مساحة شبه المنحرف ABCD

2) E نقطة ثابتة من $[BC]$ حيث $BE = 5$

M نقطة متحركة على $[DC]$ بحيث تختلف عن كل من C و D

نضع $CM = x$

احسب مساحة القطعة EMC بدلالة x

3) احسب مساحة القطعة ABEMD بدلالة x

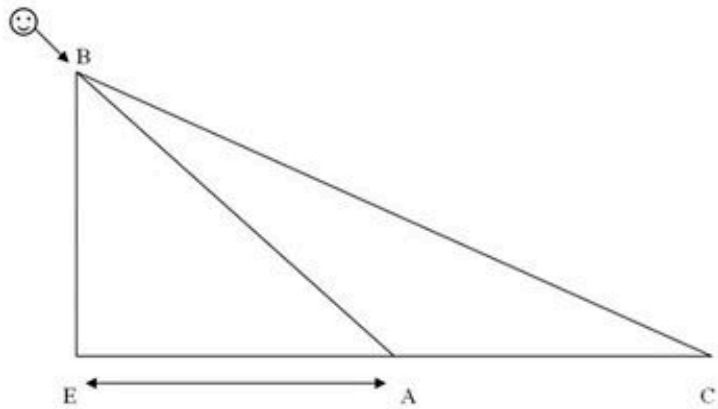
4) اوجد قيمة x بحيث تكون القطعة EMC من نصيب الاخت والقطعة ABEMD من نصيب الاخ

ملاحظة (الاخ له ضعف الاخت)

WWW.DZPEN.COM - قلم الجزائر

مسـألة10

يقف رجل على سطح منزله الذي يعلو على سطح الأرض ب : m18.رأى ولدا في النقطة C بزاوية 60° .كما رأى أيضا كرة في النقطة A على نفس الخط المستقيم الأفقي وعلى مسافة m12 من المنزل .(الشكل الموالي)



1) احسب المسافة بين الولد في النقطة C والمنزل إذا علمت أن ارتفاع عيني الرجل عن المستوى الواقف عليه هو m1.6 .
2) احسب الزاوية التي رأى منها الكرة في النقطة A.
3) احسب المسافة بين الولد والكرة.
4) احسب المسافة بين الرجل والولد . المسافة بين الرجل والكرة (بقيمة مقربة إلى 10^{-2})

جمع و ترتيب أ.بوشندورة عبد الوهاب
FB/WAHEBBEM2015
WWW.DZPEN.COM - قلم الجزائر